



This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + *Refrain from automated querying* Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at <http://books.google.com/>



Über dieses Buch

Dies ist ein digitales Exemplar eines Buches, das seit Generationen in den Regalen der Bibliotheken aufbewahrt wurde, bevor es von Google im Rahmen eines Projekts, mit dem die Bücher dieser Welt online verfügbar gemacht werden sollen, sorgfältig gescannt wurde.

Das Buch hat das Urheberrecht überdauert und kann nun öffentlich zugänglich gemacht werden. Ein öffentlich zugängliches Buch ist ein Buch, das niemals Urheberrechten unterlag oder bei dem die Schutzfrist des Urheberrechts abgelaufen ist. Ob ein Buch öffentlich zugänglich ist, kann von Land zu Land unterschiedlich sein. Öffentlich zugängliche Bücher sind unser Tor zur Vergangenheit und stellen ein geschichtliches, kulturelles und wissenschaftliches Vermögen dar, das häufig nur schwierig zu entdecken ist.

Gebrauchsspuren, Anmerkungen und andere Randbemerkungen, die im Originalband enthalten sind, finden sich auch in dieser Datei – eine Erinnerung an die lange Reise, die das Buch vom Verleger zu einer Bibliothek und weiter zu Ihnen hinter sich gebracht hat.

Nutzungsrichtlinien

Google ist stolz, mit Bibliotheken in partnerschaftlicher Zusammenarbeit öffentlich zugängliches Material zu digitalisieren und einer breiten Masse zugänglich zu machen. Öffentlich zugängliche Bücher gehören der Öffentlichkeit, und wir sind nur ihre Hüter. Nichtsdestotrotz ist diese Arbeit kostspielig. Um diese Ressource weiterhin zur Verfügung stellen zu können, haben wir Schritte unternommen, um den Missbrauch durch kommerzielle Parteien zu verhindern. Dazu gehören technische Einschränkungen für automatisierte Abfragen.

Wir bitten Sie um Einhaltung folgender Richtlinien:

- + *Nutzung der Dateien zu nichtkommerziellen Zwecken* Wir haben Google Buchsuche für Endanwender konzipiert und möchten, dass Sie diese Dateien nur für persönliche, nichtkommerzielle Zwecke verwenden.
- + *Keine automatisierten Abfragen* Senden Sie keine automatisierten Abfragen irgendwelcher Art an das Google-System. Wenn Sie Recherchen über maschinelle Übersetzung, optische Zeichenerkennung oder andere Bereiche durchführen, in denen der Zugang zu Text in großen Mengen nützlich ist, wenden Sie sich bitte an uns. Wir fördern die Nutzung des öffentlich zugänglichen Materials für diese Zwecke und können Ihnen unter Umständen helfen.
- + *Beibehaltung von Google-Markenelementen* Das "Wasserzeichen" von Google, das Sie in jeder Datei finden, ist wichtig zur Information über dieses Projekt und hilft den Anwendern weiteres Material über Google Buchsuche zu finden. Bitte entfernen Sie das Wasserzeichen nicht.
- + *Bewegen Sie sich innerhalb der Legalität* Unabhängig von Ihrem Verwendungszweck müssen Sie sich Ihrer Verantwortung bewusst sein, sicherzustellen, dass Ihre Nutzung legal ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass ein Buch, das nach unserem Dafürhalten für Nutzer in den USA öffentlich zugänglich ist, auch für Nutzer in anderen Ländern öffentlich zugänglich ist. Ob ein Buch noch dem Urheberrecht unterliegt, ist von Land zu Land verschieden. Wir können keine Beratung leisten, ob eine bestimmte Nutzung eines bestimmten Buches gesetzlich zulässig ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass das Erscheinen eines Buchs in Google Buchsuche bedeutet, dass es in jeder Form und überall auf der Welt verwendet werden kann. Eine Urheberrechtsverletzung kann schwerwiegende Folgen haben.

Über Google Buchsuche

Das Ziel von Google besteht darin, die weltweiten Informationen zu organisieren und allgemein nutzbar und zugänglich zu machen. Google Buchsuche hilft Lesern dabei, die Bücher dieser Welt zu entdecken, und unterstützt Autoren und Verleger dabei, neue Zielgruppen zu erreichen. Den gesamten Buchtext können Sie im Internet unter <http://books.google.com> durchsuchen.

AH Keep
213

~~AH.2 M 9582~~ QA 21
M85

PHILLIPS LIBRARY
OF
HARVARD COLLEGE OBSERVATORY



DR. RICHARD PRAGER.

**JOHN G. WOLBACH LIBRARY
HARVARD COLLEGE OBSERVATORY
80 GARDEN STREET
CAMBRIDGE, MASS. 02138**

ZEITTAFELN
ZUR
GESCHICHTE DER MATHEMATIK,
PHYSIK UND ASTRONOMIE

BIS ZUM JAHRE 1500,
MIT HINWEIS AUF DIE QUELLEN-LITERATUR

VON
DR. FELIX MÜLLER,
PROFESSOR AM KÖNIGLICHEN LUISENGYMNASIUM ZU BERLIN,
MITGLIED DER KAISERLICH LEOPOLDINISCHEN AKADEMIE.



LEIPZIG,
DRUCK UND VERLAG VON B. G. TEUBNER.
1892.

DAS ÜBERSETZUNGSRECHT VORBEHALTEN.

Vorwort.

Bei dem stets wachsenden Interesse, welches die Mathematiker in den letzten Decennien für die historische Entwicklung ihrer Wissenschaft gezeigt haben, wird ein Buch, welches den Zweck verfolgt, das Studium der Geschichte der mathematischen Wissenschaften zu erleichtern, nicht überflüssig erscheinen. Vorliegende Zeittafeln zur Geschichte der Mathematik, Physik und Astronomie suchen diesen Zweck in doppelter Hinsicht zu erfüllen. Einmal geben sie eine kurze chronologische Übersicht über die Mathematiker, Physiker und Astronomen des Altertums und des Mittelalters bis zum Jahre 1500, dem Beginn der Renaissance der exakten Wissenschaften in Deutschland; andererseits weisen sie behufs eingehenderer Studien auf die Quellen-Literatur für die Geschichte der genannten Wissenschaften hin. Zeittafeln oder Tabellen sind für die allgemeine Weltgeschichte neben zusammenhängenden Darstellungen schon lange in Gebrauch; sie haben den Vorzug, sich leichter dem Gedächtnis einzuprägen, die Übersicht zu erleichtern und oft eine schnellere Orientierung zu ermöglichen. Hier ist der ähnliche Versuch einer chronologisch-tabellarischen Darstellung für ein begrenztes Gebiet der Kulturgeschichte gemacht. Vielleicht lassen sich unsere Zeittafeln auch als Leitfaden bei Vorträgen über Geschichte der Mathematik benutzen. Der Hinweis auf die Quellen-Literatur wird bei dem Mangel an einer brauchbaren mathematischen Bibliographie, insbesondere für die noch junge mathematische Geschichtswissenschaft, dem Studierenden willkommen sein. Ein ausführliches Namen- und Sachregister wird den Wert des Buches als Nachschlagebuch erhöhen.

Was die chronologische Anordnung betrifft, so geben die Zahlen die durchschnittliche Blütezeit derjenigen, welche sich um die Entwicklung der genannten Wissenschaften verdient gemacht haben. Diese Zahlen sind also nicht absolut zu nehmen, sondern sind mit dem Wörtchen „um“ versehen zu denken und bestimmen nur ungefähr die chronologische Reihenfolge. Je sicherer man Geburts- und Todesjahr eines Mannes, den Zeitpunkt

für einzelne biographische Ereignisse, das Jahr der Abfassung seiner Schriften und ähnliches kennt, desto schwieriger ist es, ein bestimmtes Jahr als Blütezeit anzugeben. Daher würde ich für die neuere Geschichte der exakten Wissenschaften von der Auswahl eines einzelnen Durchschnittsjahres ganz absehen. Aber für das Altertum und zum Teil noch für das Mittelalter können und müssen wir uns oft mit einer einzelnen Zeitangabe begnügen. Ja, bei der Spärlichkeit der Quellen und der biographischen Notizen sind wir hinsichtlich der immerhin notwendigen Auswahl einer solchen Zahl für die durchschnittliche Blütezeit auf große Schwierigkeiten gestossen und können das ausgewählte Datum oft nur als wahrscheinlich hinstellen. Sollten wir einen wichtigen Repräsentanten unserer Wissenschaft ganz fortlassen aus Mangel an chronologischen Daten? Was macht der Geograph, wenn ihm der Lauf eines Flusses zum Teil noch nicht bekannt ist? Er zeichnet ihn in seine Karte ein und freut sich der späteren Forschungen, selbst wenn das Ergebnis derselben mit seiner Vermutung in Widerspruch steht.

Als vor mehr als Jahresfrist das Manuskript des vorliegenden Buches zum Druck eingereicht wurde, machte mir der Herr Verleger die freundliche Mitteilung, daß der zweite Band der „Vorlesungen über Geschichte der Mathematik“ des Herrn M. Cantor soeben unter die Presse gekommen sei. Selbstverständlich ließ ich mir nicht die Gelegenheit entgehen, diese längst mit Sehnsucht erwartete Fortsetzung des klassischen Geschichtswerkes zur Revision meiner Zeittafeln zu benutzen. Für die sofortige Übersendung der mir zu diesem Zwecke freundlichst überlassenen Reindruckbogen spreche ich dem Herrn Verleger sowie Herrn Professor Dr. M. Cantor hier meinen verbindlichsten Dank aus. Leider verzögerte sich das Erscheinen der Zeittafeln durch eine Krankheit, welche mich längere Zeit am Arbeiten hinderte.

Meinem Freunde Herrn Prof. Dr. Wangerin und meinem jüngeren Kollegen Herrn Dr. Rannow, welche mich bei der Korrektur freundlichst unterstützten, sage ich meinen besten Dank.

In der Hoffnung, daß das Buch dazu beitragen möge, die Liebe zum Studium der Geschichte der mathematischen Wissenschaften zu fördern, bitte ich kompetente Beurteiler um eine wohlwollende Aufnahme desselben.

Berlin, den 4. September 1892.

Felix Müller.

I. Zeittafel. 3000—600 v. Chr.

Älteste Zeit. Ägypter, Babylonier, Chinesen.

3000—2400. Die **Pyramiden** von Daschûr, südlich von Memphis, und die von Gizeh, nördlich von Memphis, erbaut. Älteste Zeugen mathematischen und astronomischen Wissens bei den Ägyptern. Astronomische Orientierung. Konstanz der Neigungswinkel.

Lit. M. Cantor, Vorlesungen über Geschichte der Mathematik. I. Von den ältesten Zeiten bis zum Jahre 1200 n. Chr. Leipzig 1880. S. 18. — M. Cantor, Mathem. Beiträge zum Kulturleben der Völker. Halle 1863. — H. Hankel, Zur Geschichte d. Math. in Altertum und Mittelalter. Leipzig 1874, S. 73 ff. — G. Maspero, Gesch. d. morgenländ. Völker im Altertum, übers. von R. Pietschmann, Leipzig 1877. — R. Wolf, Handbuch der Astronomie, ihrer Geschichte und Litteratur. I, 1. Zürich 1890, S. 7. — R. Wolf, Gesch. d. Astronomie. München 1877. S. 5.

2697. Eine uns erhaltene **chinesische** Angabe über eine **Sonnenfinsternis** dieses Jahres.

Lit. R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 9. — R. Wolf, Handb. d. Astr. I, 1. S. 7.

2637. **Huángtî**, Kaiser von China. Unter seiner Regierung soll das Rechenbrett, swán pán, erfunden und das erste arithmetische Werk, Kieou tschang, verfaßt sein.

Lit. Alex. Wylie, Jottings of the science of chinese arithmetic. North China Herald 1852, Shangae Almanac for 1853. — Biernatzki, die Arithmetik der Chinesen. Journ. f. Math. von Crelle LII, 1856. — L. Matthiessen, Grundzüge der antiken u. mod. Algebra d. litt. Gleichungen. Leipzig 1878, S. 964.

2300—1600. Die **Täfelchen von Senkereh**, am Euphrat. Sexagesimalsystem der Babylonier.

Lit. M. Cantor, Vorl. ü. Gesch. d. Math. I, 73 ff. — R. L^epsius, Die babylonisch-assyrischen Längenmaße nach der Tafel von Senkereh. Abh. d. Berl. Ak. 1877. — J. Brandis, Das Münz-, Maß- und Gewichtswesen in Vorderasien. Berlin 1866.

2200. **Amenemhat III.** erbaut das Labyrinth, einen Tempelpalast unweit des Möris-Sees. Bestätigung uralter geometrischer Kenntnisse der Ägypter. Reifskunst, Feldmessen, Nivellieren.

Lit. M. Cantor, Vorl. ü. Gsch. d. Math. I, 19 f. — R. Lipsius, Chronologie der alten Ägypter. Berlin 1849.

2128. Die **Sonnenfinsternis in China**, deren Nichtvorhersagung zweien chinesischen Astronomen das Leben kostete. Saros, Finsternisperiode von 223 Monaten der Babylonier oder Chaldäer.

Lit. R. Wolf, Gsch. d. Astr. S. 9.

- Zw. 2000 u. 1700. **Papyrus Rhind**, das älteste mathematische Handbuch des Ägypters Ahmes, ein Übungsbuch der Arithmetik und Algebra.¹⁾ Eingekleidete Gleichungen 1. Grades mit 1 Unbekannten. Gesellschaftsrechnung. Einfache arithmetische und geometrische Reihe. Kreisfläche $= (2r - \frac{1}{9} \cdot 2r)^2 \cdot 2)$ Aufgabe der Harpedonapten, Seilspanner, einen rechten Winkel abzustecken. Näherungsformeln für den Inhalt eines gleichschenkligen Dreiecks und gleichschenkliger Trapeze.³⁾ Zerlegung von Figuren. Anfänge der Ähnlichkeitslehre.⁴⁾ Unverständliche Formeln für den Inhalt von Fruchtspeichern. Rechnen mit ganzen Zahlen und Stammbrüchen. Zerlegung einzelner Brüche in Stammbrüche.

Lit. 1) Aug. Eisenlohr, Papyrus Rhind. Ein mathem. Handbuch der alten Ägypter, übers. u. erkl. Leipzig 1877. — M. Cantor, Vorl. ü. Gsch. d. Math. I, 19 ff. — 2) C. Demme, Bemerkungen zu den Regeln des Ahmes und des Baudhâyana über die Quadratur des Kreises. Z. f. Math. u. Phys. XXXI, Hl. Abt. 132—134, 1886. — 3) H. Weissenborn, Das Trapez bei Euklid, Heron und Brahmagupta. Z. f. Math. XXIV, Suppl. 167—184, 1879. — 4) M. Cantor, Über den sogen. Seqt der ägypt. Mathematiker. Wien. Sitzgsber. Ak. XC 1884.

1700. Ein für den König **Sargon I. von Babylon** verfaßtes astrologisches Werk Namar-Bili oder Enu-Bili enthält einen Kalender und eine babylonische Astronomie. Einteilung der Woche in 7 Tage, des Tages in 60 (?) Stunden.

Lit. A. H. Sayce, The Astronomy and Astrology of the Babylonians. Trans. Soc. of Bibl. Archaeol. III, 145 ff. London 1874. — A. Häbler, Astrologie im Altertum. Pr. Zwickau 1879. — L. Am. Sédillot, Sur l'origine de la semaine planétaire, et de la spirale de Platon. Boncompagni Bull. VI, 239—248, 1873. — M. Cantor, Vorl. ü. Gsch. d. Math. I, 81 f.

**)* $\pi \cdot \frac{3927}{1250} = 3,1416$

1700. Infolge der **Vertreibung der Hyksos** siedeln sich Ägypter in Griechenland an und verbreiten dort mathematische Kenntnisse.

Lit. C. A. Bretschneider, Die Geometrie und die Geometer vor Euklides. Leipzig 1870, S. 23.

1350. **Rhamses II.**, der Sesostris des Herodot, giebt (nach der Erzählung des letzteren) bei der Verteilung der Äcker jedem ein gleich großes Viereck.

Lit. Herodot, Geschichten II, 109.

1350. Die **Schnellwage** mit Laufgewicht ist bei den Ägyptern in Gebrauch.

1322. Beginn einer neuen **Hundssternperiode** (Sothisperiode) von 1460 Jahren bei den Ägyptern.

Lit. Ideler, Handbuch d. mathem. u. techn. Chronologie. Berlin 1825—26.

1100. **Tschu-pi**, das älteste chinesische Schriftstück über den Gnomon.

Lit. H. Hankel, Zur Gsch. d. Math. in Altert. u. Mittelalter. Leipzig 1874, S. 82 f.

1100. Eine auf uns gekommene Bestimmung der **Schiefen der Ekliptik** ($23^{\circ} 52'$), die dem **Chinesen Tcheou-Kong** zugeschrieben wird.

Lit. R. Wolf, Gsch. d. Astr. München 1877, S. 7.

776. Beginn der neuen **Ära der Olympiaden**. Im III. Jahrh. v. Chr. durch Timäus eingeführt. Ende 394 n. Chr.

754. Beginn der **römischen Zeitrechnung**, Jahr der Erbauung Roms.

747. Beginn der **Ära Nabonassars**, nach der auch Ptolemäus rechnete.

Lit. R. Wolf, Gsch. d. Astr. München 1877, S. 20.

721. Die älteste **chaldäische Beobachtung einer Mondfinsternis**, die von Ptolemäus erwähnt wird.

Lit. R. Wolf, Gsch. d. Astr. S. 10.

660. **Terpandros** (Terpander). Aus Antissa auf Lesbos. Schöpfer der griechischen Musik. Begründer der diatonischen und chromatischen Tonleitern. Erfinder der siebensaitigen Lyra.

Lit. Strabo, Geographica XIII, 618 f.

647. Die von dem griechischen Dichter **Archilochus** erwähnte **Sonnenfinsternis**.

Lit. Th. v. Oppolzer. Note. Wien. Ber. 1882, 790—794.

II. Zeittafel. 600—390 v. Chr.

Anfänge der Mathematik bei den Griechen. Ionische Schule.
Pythagoras und andere gleichzeitige Philosophen.

600. Älteste Bezeichnung der **griechischen Zahlen** durch Anfangsbuchstaben der Zahlwörter. **Herodianische Zahlen**, nach Herodianus (II. Jahrh. n. Chr.), der sie beschrieben. Bis 300 v. Chr. allgemein, bis 100 v. Chr. vereinzelt in Gebrauch.

Lit. P. Treutlein, Gesch. unserer Zahlzeichen und Entwicklung der Ansichten über dieselbe. Pr. Karlsruhe 1875. — J. A. Picton, On the origin and history of numerals. Proc. of Liverpool. XXIX, 69—116, 1875. — Stoy, Zur Gsch. d. Rechenunterrichtes. I, Jena 1876. — K. Zangemeister, Entstehung der röm. Zahlzeichen. Berl. Ak. Ber. 1011—1028, 1887.

600. Die **Wasseruhren** (eiserne Cylinder, aus denen durch eine kleine Öffnung Wasser tropfte), bei den Assyriern, bald auch bei Griechen und Römern in Gebrauch.

Lit. G. Bilfinger, Die Zeitmesser der antiken Völker. Pr. Stuttgart 1886.

594. **Solon** (639—559) zu Athen führt den Schaltmonat von 30 Tagen für jedes zweite Jahr ein. Vor ihm bestand das Jahr aus 6 vollen (30tägigen) und 6 leeren (29tägigen) Monaten.

Lit. R. Wolf, Gesch. d. Astronomie. München 1877, S. 12 f.

590. **Thales**. (Milet 640 — Athen 548.) Einer der 7 Weisen, gründet nach seiner Rückkehr aus Ägypten, wohin er als Kaufmann gereist war, zu Milet die **ionische Schule**. Diese ionische Schule beschränkte sich im allgemeinen darauf, das aus Ägypten Überkommene zu erhalten und zu verbreiten. Satz von den Scheitelwinkeln; Gleichen Seiten eines Dreiecks liegen gleiche Winkel gegenüber. Dreiecke sind bestimmt durch eine Seite und zwei Winkel. Der Satz von der Winkelsumme wird für das gleichseitige, gleichschenklige und ungleichseitige Dreieck besonders bewiesen. Die Kreisfläche wird durch den Durchmesser halbiert. Der Peripheriewinkel im Halbkreis ist ein Rechter. Erste Idee der geometrischen Örter. Messung der Höhe der Pyramiden aus deren Schatten.¹⁾ — Thales kennt die Astronomie der Ägypter (Schiefe der Ekliptik, 5 Zonen auf der Himmelskugel, das Sonnenjahr zu 365 Tagen, Ursache der Mondphasen

und Verfinsterungen).²⁾ — Die Erde ist eine schwimmende kreisrunde Scheibe. Das Princip, der Urstoff aller Dinge, ist das Wasser.³⁾

Lit. 1) C. A. Bretschneider, Die Geometrie und die Geometer vor Euklides. Leipzig, 1870, S. 35 ff. — M. Cantor, Vorl. u. Gsch. d. Math. I, 114 ff. — P. Tannery, Pour l'histoire de la science hellène. De Thalès à Empédocle. Paris 1887, 52—80. — G. J. Allmann, Greek Geometry from Thales to Euclid. Dublin 1889, 7—17. — 2) R. Wolf, Gsch. d. Astr. S. 10, 24 f. — 3) Ed. Zeller, Die Philosophie der Griechen in ihrer geschichtl. Entwicklung dargestellt. I, 4. Aufl. Leipzig 1876, S. 168 ff.

585. Am 28. Mai die **Sonnenfinsternis des Thales**.

Lit. Zech, Astron. Untersuchungen über die wichtigsten Finsternisse, welche von den Schriftstellern des klass. Altertums erwähnt werden. Leipzig 1853. — R. Wolf, Gsch. d. Astr. S. 10. — G. Hofmann, Die Sonnenfinsternis des Thales vom 28. Mai 585 v. Chr. Triest 1870.

560. **Anaximander**. (Milet 611—545.) Philosoph der ionischen Schule. Erläuterte die Geometrie durch Figuren. Benutzte den Gnomon (einen vertikalen Stab, um dessen Fußpunkt in der Horizontalebene drei concentrische Kreise gezogen waren,) als Schattenuhr und soll mit dem Gnomon die Schiefe der Ekliptik gemessen haben.¹⁾ Entwarf Landkarten.²⁾ — Die Erde ein frei schwebender Cylinder. *Περὶ φύσεως* (das Unbegrenzte ist der Grundstoff des Alls).³⁾

Lit. 1) C. A. Bretschneider, Die Geometrie u. die Geometer vor Euklides. Leipzig 1870, S. 57 ff. — P. Tannery, Pour l'histoire de la science hellène. Paris 1887, 81—118. — 2) M. C. P. Schmidt, Zur Gsch. d. geogr. Litteratur bei Griechen u. Römern. Pr. Berlin 1857. — 3) Ed. Zeller, Die Philosophie der Griechen. I. 4. Aufl. 1876, S. 183 ff.

555. **Diogenes von Apollonia**. Altionischer Physiker. Die Luft ist das Urwesen; durch ihre Verdichtung entstanden die Weltkörper.

Lit. Ed. Zeller, die Philosophie der Griechen. I. 4. Aufl. S. 236 ff. — A. Heller, Gsch. d. Physik. I, 11 u. 155.

550. **Ameristus** oder **Mamerkus**, auch **Mamertinus**. Bedeutender Geometer, Nachfolger des Thales. Bruder des Dichters Stesichorus. Wird von Proclus erwähnt.

Lit. Bernardino Baldi, Vite inedite di matematici italiani. Pubbl. da Enrico Narducci. Boncompagni Bull. XIX, 1886, p. 358. — Procli Diadochi in primum Euclidis elementorum librum commentarii. Ed. Friedlein. Leipzig 1873, p. 65.

535. **Pythagoras.** (Samos 580 — Megapontum 501.) Gründete, nach längerem Aufenthalte in Ägypten und zu Babylon, zu Kroton in Unteritalien die nach ihm benannte Philosophenschule. Zahlenmystik. In den Zahlen ist das Wesen, das Princip aller Dinge zu sehen. Anfänge der Zahlentheorie, Zahlengattungen, befreundete Zahlen, Beispiele für $x^2 + y^2 = z^2$. Der pythagoräische Lehrsatz. Regel für Bildung rechtwinkliger Dreiecke mit rationalen Seiten: $\left(\frac{m^2+1}{2}\right)^2 = m^2 + \left(\frac{m^2-1}{2}\right)^2$. Proportionen: arithmetische, geometrische, harmonische: $a : \frac{a+b}{2} = \frac{2ab}{a+b} : b$, babylonischen Ursprungs.

Harmonische Intervalle. Allgemeiner Beweis des Satzes von der Winkelsumme im Dreieck. Gröfse des Winkels im regulären n -Eck. Sternfünfeck. Gnomon, ein Quadrat, von dem an einer Ecke ein kleineres Quadrat fortgenommen ist. Zerlegung von Figuren in gleichschenklige rechtwinklige Dreiecke. Anlegen (*παράβλλειν*) von Flächen gegebenen Inhalts an eine Gerade. Irrationale Strecken, die Hypotenusen gleichschenkliger rechtwinkliger Dreiecke.¹⁾ — Pythagoras lehrte, daß die Erde kugelförmig sei und frei schwebend. Er kannte die Ungleichheit der Bewegungen der Planeten. Erstes geocentrisches Weltsystem. Sphärenmusik.²⁾ — Anwendung der Rechnung auf die Musik, Einteilung der Töne, Handhabung des Monochords.³⁾

Lit. 1) J. E. Montucla, *Histoire des mathématiques*. 2. éd. Paris 1799, p. 115 sq. — C. A. Bretschneider, *Die Geometrie u. d. Geometer vor Euklides*. S. 67 ff. — A. Ed. Chaignet, *Pythagore et la philosophie Pythagoricienne contenant les fragments de Philolaus et d'Archytas*. Paris 1873. — M. Cantor, *Vorl. ü. Gsch. d. Math.* I, 124 ff. — H. Hankel, *Zur Gsch. d. Math. in Altert. u. Mittelalter*. S. 92 ff. — E. Narducci, *Vita di Pitagora*, scritto da Bernardino Baldi, *Boncompagni Bull.* XX, 197—308, 1887. — P. Tannery, *Sur l'arithmétique Pythagoricienne*. *Darboux Bull.* (2) IX, 69—89, 1885. — P. Treutlein, *Ein Beitrag zur Gsch. d. griech. Geometrie*. *Z. f. Math.* XXVIII, Hl. Abt. 209—227, 1883. — S. Günther, *Lo sviluppo storico della teoria dei poligoni stellati nell' antichità e nel medio evo*. *Boncompagni Bull.* VI, 313—340, 1873. — Ed. Zeller, *Die Philosophie der Griechen*. I, 4. Af. S. 254 ff. — 2) Th. H. Martin, *Hypothèse astronomique de Pythagore*. *Boncomp. Bull.* V, 99—126, 1872. — R. Wolf, *Gsch. d. Astr.* S. 25 ff. — 3) A. Heller, *Gsch. d. Physik*. I, 152 f.

530. **Anaximenes.** (570—499.) Schüler des Anaximander. Denkt die Planeten entstanden durch Dünste, die aus der Erde ausströmen und sich entzündeten. Die platten Scheiben der Planeten werden von der Luft getragen. Die Luft ist das Grundprincip aller Dinge.

Lit. P. Tannery, Pour l'histoire de la science hellène. Paris 1887, 146—167. — Ed. Zeller, Die Philosophie der Griechen. I, 4. Aufl. S. 219 ff. — A. Heller, Gesch. d. Physik. I, 10—11.

500. **Heraklit** aus Ephesus. Philosoph. „Über die natürlichen Dinge“, περί φύσεως, vom ewigen Fluß der Dinge, vom Urfeuer als Grundelement und von der alles gesetzmäßig lenkenden Harmonie.

Lit. P. Tannery, Pour l'histoire de la science hellène, 168—200. — Ed. Zeller, Die Philosophie der Griechen. I, 566 ff.

500. Bezeichnung der **griechischen Zahlen** 1 bis 24 durch die 24 Buchstaben des ionischen Alphabets (nebst ϵ bau, ι koppa, \varnothing sampi).

Lit. A. Kirchhoff, Studien zur Geschichte des griech. Alphabets. Berlin. 3. Aufl. 1877.

475. Die **Zersprengung des pythagoräischen Bundes** bewirkt eine Verbreitung der Mathematik in verschiedene Städte Griechenlands. Die Mathematik wird Gemeingut der Nation.
470. **Agatharchus.** Baumeister. Blüte zur Zeit des Äschylus zu Athen. Schrieb über die Anwendung der Stereometrie auf die Perspective.

Lit. Vitruvius, De architectura. Lib. X.

465. **Oinopides** von Chios. Mathematiker. Brachte von einer Reise nach Ägypten die Lösung einiger geometrischer Konstruktionsaufgaben mit. Soll die Aufgaben gelöst haben: „Von einem Punkte auf eine Gerade eine Senkrechte fallen,“ und „An eine Gerade einen gegebenen Winkel antragen.“ Stelle nach ägyptischen Beobachtungen einen Cyklus von 59 Jahren auf, um Sonnenjahr und Mondlauf auszugleichen.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 162 ff.

460. **Parmenides.** Philosoph aus Elea in Großgriechenland. Lehrte zu Athen und verkehrte mit Sokrates. Soll aus mathematischen Gründen die Erde als Kugel betrachtet haben, die in der Mitte des Weltalls schwebt.

Lit. P. Tannery, Pour l'histoire de la science hellène, 218—246. — Ed. Zeller, Die Philosophie der Griechen. I, 4. Aufl. S. 508 ff.

*der sonne
helfen
soll!*

460. **Herodot.** Sein Geschichtswerk ist eine wichtige Quelle für die Geschichte der Mathematik und Physik bei Ägyptern und Griechen.

460. **Das Rechnen mit Steinen** (*ψηφίστειν*) bei Ägyptern und Griechen in Gebrauch, auf einem mit senkrechten Linien versehenen Rechenbrette.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 43 ff.

456. **Anaxagoras.** (Klazomenä in Ionien 499 — Lampsacus 428.) Der letzte und bedeutendste Philosoph der ionischen Schule. Nach Reisen in Ägypten lehrte er 464—434 zu Athen Philosophie. Lehrer des Euripides und Perikles. Versuch einer Quadratur des Zirkels. Anfänge der Perspektive.¹⁾ — Erklärte die Verfinsterungen und die Mondphasen, hielt aber die Planeten für platte Scheiben.²⁾ — Die Umwandlung des Stoffes beruht auf einer Trennung der kleinsten Teilchen, aus denen der *Noûs* die Welt schuf.³⁾

Lit. 1) Schaubach, *Fragmenta Anaxagorae*. Lips. 1817. — Schorn, *Anaxagorae et Diogenis Apolloniatae fragmenta*. Bonn 1829. — Mullach, *Fragmenta philosophorum graecorum*. 2 vol. Paris 1860—67. — M. Cantor, Vorl. ü. Gsch. d. Math. I, 160 ff. — P. Tannery, *Pour l'histoire de la science hellène*. Paris 1887, 275—303. — Montucla, *Histoire des recherches sur la quadrature du cercle, avec une addition concernant les problèmes de la duplication du cube et de la trisection de l'angle*. Paris 1754, nouv. éd. p. Lacroix ib. 1831. — 2) R. Wolf, *Gsch. d. Astronomie*, S. 9, 25, 187. — 3) Ed. Zeller, *Die Philosophie der Griechen*. I, 4. Afl. S. 864 ff.

455. **Zenon von Elea.** (Geb. um 500.) Philosoph, Erfinder der Dialektik. Machte heftige Angriffe auf die mathematische Bewegungslehre.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 168 ff. — P. Tannery, *Pour l'histoire de la science hellène*. Paris 1887, 247—261. — Ed. Zeller, *Die Philosophie der Griechen*. I, 4. Afl. S. 534 ff. — Gerling, *Über Zeno des Eleaten Paradoxen über die Bewegung*. Marburg 1846. — P. Tannery, *Zénon d'Élée et M. George Cantor, Revue philos.* 1884.

450. **Philolaus.** Pythagoräer. Begriff des Gnomon. Harmonisches Verhältnis. Die Zahl der Ecken eines Würfels ist das harmonische Mittel zwischen der Zahl der Flächen und der der Kanten. Kennt die 5 regelmäßigen Körper. Weihte Winkel in Figuren bestimmten Göttern. Giebt ziemlich genau die Revolutionszeit der Planeten, des Mondes und der Sonne an.

Lit. Philolaus, des Pythagoreers Lehren nebst den Bruch-

stücken seines Werkes von Aug. Böckh. Berlin 1819. — Th. H. Martin, Hypothèse astronomique de Philolaus. Bon-compagni Bull. V, 127—157, 1872.

- 450—430. **Der goldene Schnitt** wird als ästhetisches Element in den athenischen Bauten, bes. unter Perikles, verwertet.

Lit. M. Cantor, Vorlesungen über Geschichte der Mathematik. I, 151 ff. — A. Zeising, Ästhetische Forschungen. Frankfurt a. M. 1855. — S. Günther, Adolph Zeising als Mathematiker. Z. f. Math. XXI, Hl. Abt. 157—165, 1876.

444. **Empedokles**. († 424.) Von Agrigent in Sicilien. *Περὶ φύσεως*, ein Lehrgedicht. Nimmt die 4 Elemente Erde, Wasser, Luft und Feuer an. Entstehen und Vergehen ist nur eine Mischung und Entmischung der Dinge.

Lit. Ed. Zeller, Die Philosophie der Griechen. I. 4. Aufl. Leipzig 1876, S. 678 ff. — P. Tannery, Pour l'histoire de la science hellène. Paris 1887, 304—339.

440. **Hippokrates** von Chios. Anfangs Kaufmann zu Athen, wo er mit Pythagoräern verkehrte, dann Mathematiker. Schrieb das erste griechische Elementarbuch der Mathematik. Bezeichnete die geometrischen Figuren durch an die Ecken gesetzte Buchstaben. Der Satz vom Peripherie- und Centriwinkel auf gleichem Bogen ist ihm noch unbekannt. Die Kreisfläche ist dem Quadrate des Radius proportional. Entdeckte die nach ihm ben. Mündchen, lunulae, bei dem Versuch der Quadratur des Kreises. Consequente Anwendung der analytischen Methode bei der Behandlung des Problems der Würfelverdoppelung, das er auf die Konstruktion zweier mittleren Proportionalen zurückführte ($a : x = x : y = y : b$).

Lit. C. A. Bretschneider, Die Geometrie und die Geometer vor Euklides. Leipzig 1870. S. 97 ff. — M. Cantor, Vorlesungen über Geschichte der Mathematik. I, 171 ff. — P. Tannery, Hippocrate de Chios et la quadrature des lunules. Mém. de Bordeaux (2) II, 179—184, 1878; Le fragment d'Eudème sur la quadrature des lunules. ib. (2) V, 211—237, 1882, u. Hippocrate de Chios. Darboux Bull. (2) X, 213—226, 1886. — N. T. Reimer, Historia problematis de cubi duplicatione sive de inveniendis duabus mediis continue proportionalibus inter duas datas. Göttingen 1798. — Ch. H. Biering, Historia problematis cubi duplicandi. Kopenhagen 1844.

433. **Meton**, Astronom und Mathematiker zu Athen. Einführung des Cyclus von 19 Jahren (12 à 12 und 7 à 13 Monate) und 235 Monden (125 à 30 und 110 à 29 Tage). Die

$$\begin{aligned} x^2 &= ay \\ y^2 &= xb \\ x^2 y^2 &= abxy \\ xy &= ab \\ y &= \frac{x^2}{x} \\ x^3 &= a^2 b \end{aligned}$$

Ordnungszahl des Jahres im Cyclus wurde im Mittelalter güldene Zahl genannt.

Lit. R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 15. — L. Ideler, Handbuch der mathematischen und technischen Chronologie. Berlin, 1826. — Redlich, Der Astronom Meton und sein Cyclus. Hamburg 1854.

430. **Antiphon.** Versuchte die Quadratur des Kreises mit Hilfe eingeschriebener Vielecke, deren Seitenzahl verdoppelt wird, und eines eingeschriebenen Dreiecks, über dessen Seiten gleichschenklige Dreiecke, u. s. f.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 172 ff. — Bretschneider, Die Geometrie und die Geometer vor Euklides. Leipzig 1870, 101—102, 124—129.

430. **Bryson** aus Heraklea. Der Kreis ist das arithmetische Mittel zwischen dem letzten eingeschriebenen und dem umgeschriebenen Vieleck. Vorbereitung der geometrischen Exhaustion.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 173 f. — Bretschneider, Die Geometrie und die Geometer vor Euklides. S. 125—129.

420. **Demokritos.** (Abdera in Thracien 460—c. 370.) Philosoph, Schtüler des Leucippus, des Begründers der Atomistik. 5 Jahre in Ägypten, bereiste auch Vorderasien und Persien. Seine Atomenlehre führte ihn auf das mathematische Gebiet. Anfänge des Infinitesimalbegriffs. Theorie des Irrationalen. Schrieb über Zahlen und über Geometrie. Anfänge der Perspektive. Lehrte die sphärische Gestalt des Mondes und der Sonne. Mechanische Welterklärung.

Lit. Ed. Zeller, Die Philosophie der Griechen. I. 4. Aufl. S. 761 ff. — P. Tannery, Démocrate et Archytas. Darboux Bull. (2) X, 295—302, 1886.

420. Das **Fingerrechnen** ist bei den **Griechen** in Gebrauch.

Lit. Rödiger, Über die im Orient gebräuchliche Fingersprache für den Ausdruck der Zahlen. Jahresber. d. Dtsch. morgenl. Ges. für 1845, 111—129. — G. Friedlein, Die Zahlzeichen und das elementare Rechnen der Griechen und Römer etc. Erlangen 1869. S. 5 ff.

420. **Hippias von Elis.** (Geb. c. 460.) Eitler Sophist, aber tüchtiger Mathematiker, Astronom und Naturforscher. Entdeckte eine Curve, die Quadratrix, welche die Dreiteilung des Winkels und die Quadratur des Kreises bewirkte.

Lit. P. Tannery, Notes pour l'histoire des lignes et surfaces courbes dans l'antiquité. Bull. d. sc. math. (2) VII, 278—291, 1883;

VIII, 19—30, 101—112, 1884. — M. Cantor, Vorlesungen über Geschichte der Mathematik. I, 167 f.

415. **Sokrates.** (Athen 469—399.) Lehrer des Platon in der Philosophie. Induction und Definition.

Lit. Ed. Zeller, Die Philosophie der Griechen. II. Teil, 1. Abteilung. Leipzig 1878.

410. **Theodorus** von Kyrene. Lehrer des Platon in der Mathematik. Beweist die Irrationalität der Quadratwurzeln aus 3, 5, 7, bis 17.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 154 u. f.

393. **Isokrates**, der Redner. Als Quelle für die Mathematik der Ägypter und für Pythagoras nennenswert.

Lit. M. Cantor, Vorlesungen über Geschichte der Mathematik. I, 53—54, 126—127.

390. **Theätet** zu Heraklea. Schüler des Sokrates, Philosoph und Astrolog. Lehre vom Irrationalen. Verhältnis der Kanten der 5 regulären Polyeder zum Radius der umschriebenen Kugel (de quinque solidis).

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 203 f. — P. Tannery, La constitution des Éléments. Darboux Bull. (2) X, 183—194, 1886.

390. **Archytas.** (Tarent 430—365.) Freund des Platon, Pythagoräer, Staatsmann, Feldherr. Weitere Ausbildung der Lehre von den Proportionen (Definition des arithmetischen, geometrischen und harmonischen Mittels). Unterschied rationale und irrationale Zahlen. Führt die Torus-Fläche mit ihren Schnitten, den spirischen Linien, ein. Verdoppelung des Würfels mit Hilfe von Cylinderschnitten. Mathematische Behandlung der Mechanik. Mechanische Erfindungen: Bewegliche Rolle, Schraube (Schraubenlinie), Rad an der Welle, Automaten.

Lit. Jos. Navarro, Tentamen de Archytae Tarentini vita atque operibus. Diss. Kopenhagen 1819. — Gruppe, Über die Fragmente des Archytas und der älteren Pythagoreer. Berlin 1840. — L. Böckh, Über den Zusammenhang der Schriften, welche der Pythagoräer Archytas hinterlassen haben soll. Pr. Karlsruhe 1841. — M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 143 ff. — P. Tannery, Sur l'arithmétique Pythagoricienne. Darboux Bull. (2) IX, 69—89, 1885. — P. Tannery, Démocrite et Archytas. ib. (2) X, 295—302, 1886. — Bernardino Baldi, Vite inedite di matematici italiani. Boncomp. Bull. XIX, 1886. Archita 359—373. — P. Tannery, Sur les solutions du problème de Délos par Archytas et par Eudoxe. Mém. de Bordeaux. (2) II, 277—283, 1878.

390. **Thymaridas** von Paros. Pythagoräer. Förderte die Arithmetik. Soll die Benennung geradlinige Zahlen für Primzahlen erfunden haben. Sein Epanthema ist eine Methode, ein Gleichungssystem $[\sum x_i = s, x_1 + x_1 = a_{1-1}, i = 1, 2, \dots n]$ aufzulösen.

Lit. P. Tannery, Sur l'arithmétique Pythagoricienne. Darboux Bull. (2) IX, 69—89, 1885, u. Ann. d. l. Fac. d. l. de Bordeaux 1881. — M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 370 ff. — P. Tannery, Pour l'histoire de la science hellène. Paris 1887, 383 sq.

III. Zeittafel. 390—300 v. Chr.

Platon und die Akademie. Aristoteles und die Peripatetiker.

387. **Platon**. (Athen 429—348.) Gründer der Philosophenschule zu Athen, die den Namen Akademie hat. Philosophie der Mathematik: Analytische Methode, Definitionen, Axiome, apagogischer Beweis. Regel für die Bildung rechtwinkliger Dreiecke mit rationalen Seiten; $\left[\left(\frac{m}{2}\right)^2 + 1\right]^2 = m^2 + \left[\left(\frac{m}{2}\right)^2 - 1\right]^2$.

Die Platonische Zahl im 8. Buche vom Staat = 1000. Ausbildung der Stereometrie bei dem Versuche der Verdoppelung des Würfels.¹⁾ — Den 4 Elementen: Feuer (tetraedrisch), Luft (oktaedrisch), Wasser (ikosaedrisch) und Erde (hexaedrisch) entsprechen 4 Regionen. Seine physikalischen Ansichten sind enthalten im Timaios.²⁾

Lit. 1) C. Blafs, De Platone mathematico. Diss. Bonn 1861. — B. Rothlauf, Die Mathematik zu Platons Zeiten und seine Beziehungen zu ihr nach Platons eigenen Werken u. den Zeugnissen älterer Schriftsteller. Diss. Jena 1878. — H. Hankel, Zur Gsch. d. Math. in Altert. u. Mittelalter. S. 127 ff. — M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 183 ff. — P. Tannery, Les géomètres de l'Académie. Darboux Bull. (2) X, 303—314, 1886. — G. Grote, Plato and the other companions of Socrates. 3 vols. London 1867. — K. Steinhart, Platon's Leben. Werke, übers. von Hieron. Müller. Bd. IX. Leipzig 1873. — Ofterdinger, Beiträge zur Gsch. der griech. Mathematik. Ulm 1860. — Duhamel, Des méthodes dans les sciences de raisonnement. Paris 1865—66. — Fr. Carl Wex, Platon's Geometrie im Menon und die Parabel des Pythagoras bei Plutarch. Arch. f. Math. XLVII, 131—163, 1867. — Ad. Benecke, Über die geometrische Hypothesis in Plato's Menon. Elbing 1867. — C. Demme, Die Platonische Zahl. Z. f. Math. XXXII, Hl.

Abt. 81—99, 121—132, 1887. — Ed. Zeller, Gsch. d. griech. Philosophie. II, 1. Leipzig 1878. — 2) B. Rothlauf, Die Physik Platos, eine Studie auf Grund seiner Werke. 2 Teile. Pr. München 1887 u. 1888. — A. Heller, Gsch. d. Physik von Aristoteles bis auf die neueste Zeit. I, S. 20 ff. Stuttgart 1882.

380. **Leodamas** von Thasos. Schüler des Platon, der für ihn die analytische Methode geschaffen haben soll, mit deren HilfeLeodamas vieles Neue in der Geometrie entdeckte.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 188.

378. **Philippus von Mende** in Ägypten. Schüler Platons. Geometer, Astronom und Meteorologe. Soll den Satz vom Außenwinkel eines Dreiecks gefunden haben. Schrieb über den Aufgang und Untergang der Gestirne, über das Sehen und über die Winde.

Lit. Vite inedite di matematici italiani scritte da Bernardino Baldi e pubblicate da Enrico Narducci. Boncompagni Bull. XIX, 1886. Filippo Mendeo, p. 374—376.

375. **Philippus Opuntius**. Schüler des Sokrates und des Platon. Schrieb über Arithmetik und über vieleckige Zahlen, die erste systematische Darstellung der Polygonalzahlen. Gab wahrscheinlich eine Methode, die Entfernung der Erde von der Sonne zu bestimmen.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 143.

370. **Leon**. Schüler des Platon und des Neokleides. Schrieb Elemente. Erfand den Diorismus, d. h. die Methode der Determination.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 205.

365. **Eudoxus** von Knidos. (408—355.) Schüler des Archytas und des Platon. Stiftete eine Schule in Kyzikus (Panormia), kam später nach Athen und kehrte zuletzt wieder nach Knidos zurück. Erweiterte die Lehre von den Proportionen und bildete sie wissenschaftlich aus; wahrscheinlich ist das V. Buch der Euklidischen Elemente sein Eigentum; begründete die Ähnlichkeitslehre, gab die Aufgabe des „goldenen Schnittes“, erfand die Hippopede, eine sphärische Lemniskate, zur Erklärung der Planetenbewegungen. Benutzte die Exhaustionsmethode, zeigte, daß die Pyramide $\frac{1}{3}$ des Prismas, Kegel $\frac{1}{3}$ des Cylinders. Behufs Würfelverdoppelung betrachtete er die Durchschnitte eines Cylinders, eines Kegels und eines Wulstes (der Spira), *καμπύλαι γραμμαί*. Verfaßte

das älteste Lehrbuch der Stereometrie. Theorie der homocentrischen Himmelsphären. Weitere Ausbildung des geocentrischen Planetensystems. Einteilung des Himmels in Sternbilder. Oktasteris, eine Chronologie; 8jähriger Cyclus, worin jedes 3^{te}, 5^{te} und 8^{te} Jahr, à $6 \cdot 30 + 6 \cdot 29$ Tage, einen Schaltmonat, à 30 Tage, erhielt.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 205 ff. — H. Künsberg, Der Astronom, Mathematiker und Geograph Eudoxos von Knidos. I. T. Lebensbeschreibung des Eudoxos, Überblick über seine astron. Lehre u. geometr. Betrachtung der Hippopede. Pr. Dinkelsbühl 1888. II. T. Mathematisches ib. 1890. — Ideler, Über Eudoxus. Abh. d. Berl. Ak., hist.-philol. Cl. f. d. J. 1828, 189—212, f. d. J. 1830, 49—88. — A. Böckh, Über die vierjähr. Sonnenkreise der Alten, vorzügl. den Eudoxischen. Berlin 1863. — R. Wolf, Gsch. d. Astr. S. 38 ff. — A. Heller, Gsch. d. Physik I, 76 ff. — Schiaparelli, Über die homocentr. Sphären des Eudoxus, des Kallippus und des Aristoteles. Ist. Lombard. 1874, dtsh. von W. Horn, Z. f. Math. XXII, Sppl. 101—198, 1877. — P. Tannery, Note sur le système astron. d'Eudoxe. Mém. de Bordeaux (2) I, 441—451, 1876, (2) V, 129—149, 1882. — P. Tannery, Autolykos de Pitane. ib. (3) II, 173—199, 1886. — F. Blafs, Eudoxi ars astronomica qualis in charta Aegyptiaca superest denuo edita. Kiel 1887.

350. **Speusippus.** Platon's Neffe und Nachfolger in der Leitung der Akademie. Schrieb über die pythagoräischen Zahlen, d. h. über geradlinige Zahlen, über Vielecks- und verwandte Zahlen, sowie über Proportionen.

Lit. P. Tannery, Sur le fragment de Speusippe dans les Théologoumènes. Ann. d. l. Fac. d. Lettr. de Bordeaux. V, 1883.

350. **Menächmus.** Schüler des Platon. Entdeckte die Kegelschnitte bei dem Versuch, den Würfel zu verdoppeln (Schnitt des rechtwinkligen, des spitzwinkligen, des stumpfwinkligen Kegels). Benutzte Sätze von den Kegelschnitten, um das Problem zweier mittleren Proportionalen zu lösen.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 194 ff. — H. Hankel, Zur Gsch. d. Math. in Altertum und Mittelalter. S. 150 ff. — C. A. Bretschneider, Die Geometrie u. d. Geometer vor Euklides. Leipzig 1870, S. 155 ff. — P. Tannery, De la solution géométrique des problèmes du second degré avant Euclide. Mém. de Bordeaux (2) IV, 409, 1882. — Max C. P. Schmidt, Die Fragmente des Mathematikers Menächmus. Philologus XLII, 77, 1884.

339. **Xenokrates.** (Athen 397—314.) Schüler Platons. Nächst Speusippus Leiter der Akademie. Löste eine combina-

torische Frage. Soll 5 Bücher Geschichte der Geometrie geschrieben haben.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 214 f.

335. **Dinostratus**, Bruder des Menächmus. Wandte die Quadratrix, der er den Namen gab, auf die Quadratur des Kreises und auf die Dreiteilung des Winkels an.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 167, 212 u. f.

335. **Aristoxenus von Tarent**. Philosoph. Schüler des Aristoteles. Verfasser einer arithmetischen Harmonielehre. Erfinder der aus Längen und Kürzen zusammengesetzten Versfüße. Vitae hominum illustrium. Das Princip der Dinge sind Linien und Oberflächen.

Lit. Bern. Baldi, Vite inedite di matematici italiani, pubbl. da Enr. Narducci. Boncompagni Bull. XIX, 1886, 376—381. — Ed. Zeller, Die Philosophie d. Griechen. II, 2. 3. Aufl. S. 881 ff.

335. **Dicaearchus** aus Messina. Philosoph und Mathematiker. Geometrisches. Vitae Hellenorum.

Lit. Bern. Baldi, Vite inedite di matematici italiani, pubbl. da Enr. Narducci. Boncompagni Bull. XIX, 1886, 381—388. — Ed. Zeller, Die Philosophie der Griechen. II, 2. S. 889 ff.

334. **Aristoteles**. (Stageira in Macedonien 384 — Chalcis auf Euböa 322.) Gründer der Philosophenschule der Peripatetiker zu Athen. Lehrer Alexanders des Großen. Bezeichnet zuerst unbekannte Größen, nicht bloß Strecken, mit Buchstaben. Betrachtet stetige Größen. Anfänge der Combinationen. Kegelschnitte und Cylinderschnitte. Unterscheidet Geometrie und Geodäsie. Quaestiones mechanicae. Mechanische Principien. Beschleunigte Geschwindigkeit freifallender Körper. Parallelogramm der Kräfte für rechtwinklige Componenten. // Wurf. Hebelgesetz. Aristotelisches Rad. 8 Bücher Physik. Rein philosophische, der experimentellen Methode entbehrende Naturerklärung. De coloribus. Der Äther als 5^{tes} Element. Meteorologica. De coelo. De mundo. Die mathematischen Sphären des Himmels ersetzt durch Krystallsphären.

Lit. Grote, Aristotle. 2 Aufl. Leipzig 1879. — Lewes, Aristotle. London 1864; deutsch v. Carus. Leipzig 1865. — Aristotelis Loca mathematica collecta et explicata a Jos. Blancano. Bonon. 1615. — Aristotelis physica. Recensuit C. Prantl. Leipzig 1879. — Aristotelis quae feruntur de plantis, de mirabilibus auscultationibus, mechanica, de lineis insecabilibus, ventorum situs et nomina, de Melisso Xenophane Gorgia ed. Otto Apelt. Leipzig 1888. — Ges. Werke, i. Auftr. d. Akad. d. Wiss. zu Berlin, I—IV, mit lat. Übers. hrsg. von Bekker, Berlin 1831,

*Suppl. Blumen
auf Men. 161*

V, von Bonitz, Fragmente u. Index enth., Berlin 1871. — M. Cantor, Vorlesungen über Geschichte der Mathematik. I, 216 ff. — Zeller, Die Philosophie der Griechen. II. Teil, 2. Abteilung. Aristoteles und die alten Peripatetiker. 3. Aufl. Leipzig 1879. — A. Heller, Geschichte der Physik. I. Bd. Von Aristoteles bis Galilei. Stuttgart 1882. — R. Wolf, Gsch. d. Astr. S. 41 u. f. — F. T. Poseleger, Aristoteles' Mechanische Probleme. Hannover 1881, hrsg. von M. Rühlmann. — I. L. Ideler, Meteorologica veterum Graecorum et Romanorum. Berlin, 1832. — Meteorologica, ed. Ideler, Berlin 1834—36, 2 Bde.

334. **Eudemos von Rhodos.** Schüler des Aristoteles. Macht einen Versuch, die Geschichte der Mathematik und Astronomie zu schreiben. Seine Fragmente enthalten 4 Bücher Geschichte der Geometrie, 6 Bücher Geschichte der Astrologie, 1 Buch Geschichte der Arithmetik. Wichtige Geschichtsquelle für die Zeit vor Euklid. Ferner eine Schrift *περί γωνίας*.

Lit. Eudemi Rhodii Peripatetici fragmenta quae supersunt ed. L. Spengel. Berlin 1870. — P. Tannery, Sur les fragments d'Eudème de Rhodos relatifs à l'histoire des Mathématiques. Ann. de la Fac. d. Lettres de Bordeaux, 1882. — P. Tannery, Le fragment d'Eudème sur la quadrature des lunules. Mém. de Bordeaux, (2) V, 211—237.

333. **Entstehung der Sage von dem Delischen Problem:** den Altar des Apollon zu verdoppeln, doch so, daß die Würfel-form bleibt.

332. **Alexandria, durch Alexander den Großen gegründet, wird bald Mittelpunkt des Welthandels und der Wissenschaft.** Die alexandrinische Litteraturperiode bis 50 v. Chr.

Lit. Parthey, Das alexandrinische Museum. Berlin 1838. — Matter, Histoire de l'école d'Alexandrie. Paris 1820, 2. éd. 1840—44. — Jules Simon, Histoire de l'école d'Alexandrie. 2 vol. Paris 1845. — Vacherot, Histoire critique de l'école d'Alexandrie. 3 vol. Paris 1845—51.

330. **Autolykus aus Pitane in Klein-Asien.** Griechischer Astronom. In der Geometrie wirft er noch Axiome, Definitionen und Postulate durcheinander und unterscheidet an dem Theorem nur *πρότασις* und *ἀπόδειξις*. Schrieb die älteste Sphärik, Lehrbuch von der Kugel, astronomisch-geometrisch. Stellte eine Theorie der wahren und scheinbaren Auf- und Untergänge der Fixsterne auf.

Lit. R. Wolf, Gsch. d. Astr. S. 113 ff. — Frid. Hultsch, Autolyçi, De sphaera quae movetur liber, de orbitis et occasibus libri duo. Una cum scholiis antiquis edidit, latina

interpretatione et commentariis instruxit. Leipzig 1885. — P. Tannery, Autolycos de Pitane. Mém. de Bordeaux (3) II, 173—199, 1886.

330. **Kallippus** aus Cyzikus. (370—300.) Der bedeutendste Astronom seiner Zeit. Schüler des Polemarchus. Ging später nach Athen zum Aristoteles. Verbesserte die Hypothese des Eudoxus von den homocentrischen Sphären und stellte den nach ihm benannten lunisolaren Cyclus auf.

Lit. Schiaparelli, Die homocentrischen Sphären des Eudoxus, des Kallippus und des Aristoteles. Z. f. Math. XXII, Suppl. 1877. — S. Günther, Kallippos. Ersch u. Gruber, Encyclopädie.

325. **Theophrastus**, eigentlich Tyrtanus. (Eresos auf Lesbos 371 — Athen 286.) Peripatetiker, Schüler des Aristoteles. Schrieb ein Werk über die Physiker, eine Geschichte der Geometrie, Arithmetik und Astronomie. Philosophische und naturhistorische Werke.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 98. — Ges. Werke, herausg. von J. G. Schneider, 5 Bde. Leipzig 1818—21. — Diels, Doxographi Graeci. Berlin 1879. — Ed. Zeller, Die Philosophie der Griechen. II. Teil, 2. Abt. Leipzig 1879, S. 806 ff. — P. Tannery, Pour l'histoire de la science hellène. Paris. 1887, 341—368.

325. **Heraklides** aus Pontus. Schüler des Platon und Aristoteles. Schrieb über Philosophie, Physik, Geographie und Astronomie. Erklärt die scheinbare Umdrehung der achten Sphäre durch die Umdrehung der Erde.

Lit. Deswert, Dissertatio de Heraclide Pontico. Löwen 1830. — G. V. Schiaparelli, I precursori di Copernico nell' antichità. Milano 1873.

320. **Theydus** von Magnesia. Philosoph und Mathematiker. Soll sehr gute Elemente geschrieben haben.

Lit. M. Cantor, Vorl. ü. Gesch. d. Math. I, 213.

320. **Aristäus** der Ältere. Griechischer Mathematiker der Akademie zu Athen. Gab zuerst Elemente der Kegelschnitte in 5 Büchern heraus und schrieb über die 5 regelmässigen Körper.

Lit. C. A. Bretschneider, Die Geometrie und die Geometer vor Euklides. Leipzig 1870, S. 171 ff. — M. Cantor, Vorl. ü. Gesch. d. Math. I, 212.

310. **Pytheas**. Aus Massilia. Mathematiker, Astronom und Geograph. War der erste, der auf seinen Reisen bis an den

Polarkreis vordrang. *Τὰ περὶ τοῦ ὠκεανοῦ*. Bestimmte die Schiefe der Ekliptik zu $23^{\circ}50'$.

Lit. A. Schmitt, Zu Pytheas von Massilia. Pr. Landau i. d. Pfalz, 1876. — Bougainville, Éclaircissements sur la vie et les voyages de Pythéas de Marseille. Mém. de l'Ac. d. Inscr. XIX. — W. Bessel, Über Pytheas von Massilien. Göttingen 1858. — J. Lelewel, Pythéas de Marseille et la géographie de son temps. Bruxelles 1836.

IV. Zeittafel. 300—200 v. Chr.

Die Blütezeit der griechischen Mathematik.

300. **Euklid.** Zu Alexandria, unter der Regierung des Ptolemäus Soter. *Στοιχεῖα*, elementa, in 13 Büchern, das erste streng systematische Lehrbuch der Elementarmathematik: I. Kongruenzsätze, Parallelen, Parallelogramme, Flächenverglei-
chung, Anlegen und Verwandeln von Figuren, pythagoräischer Lehrsatz mit Euklidischem Beweis. II. Folgerungen aus der Flächenverglei-
chung, arithmetische Operationsregeln in geometrischer Einkleidung, goldener Schnitt. III. Kreis-
lehre. IV. Ein- und umschriebene Vielecke, reguläre Polygone, Fünfeck. V. Proportionen. VI. Ähnlichkeit, Anlegen (*παρά-
βάλλειν, ἐλλείπειν, ὑπερβάλλειν*). VII—IX. Arithmetik, Zahlen-
lehre, geometrische Reihe. X. Lehre von den Inkommensurabeln, Irrationalzahlen, Binomialen und Apotomen, rationale rechtwinklige Dreiecke. XI—XIII. Stereometrie.¹⁾ Das sog. XIV. Buch ist von Hypsikles, das XV. von einem unbenannten Schüler des Isidorus von Alexandria, vielleicht von dem Neuplatoniker Damascius im VI. Jahrh. n. Chr. Definitionen, Axiome und Postulate sind zum ersten Male scharf gesondert, ebenso im Theorem *πρότασις, ἐκθεσις, κατασκευή, ἀπόδειξις, συμπέρασμα*.²⁾ Data.³⁾ 3 Bücher Porismen. Darin die Transversalensätze, welche jetzt die Grundlage der metrischen Behandlung der projektivischen Geometrie bilden.⁴⁾ *Περὶ διαιρέσεων βιβλίον*, über die Teilung der Figuren.⁵⁾ Optik.⁶⁾

Lit. 1) H. Hankel, Zur Geschichte der Mathematik in Altertum und Mittelalter. Leipzig 1874. I. Anhang. Euklid, p. 381—404. — M. Cantor, Vorl. ü. Gesch. d. Math. I, 223 etc. — J. L. Heiberg, Litterargeschichtliche Studien über Euklid.

Leipzig 1882. — Euclidis opera omnia. Edid. J. L. Heiberg et H. Menge. 1—V, Euclidis Elementa, Leipzig 1883—88. Es werden folgen: die Data, die Optik, die Katoptrik, die Phaenomena, die beiden musikalischen Schriften, die Fragmente der verlorenen Schriften, die Scholien. — Les oeuvres d'Euclide, trad. en latin et en français par F. Peyrard, 3 vol. Paris 1814—18. — P. Riccardi, Saggio di una Bibliografia Euclidea. 3 p. Bologna 1888—89. — J. L. Heiberg, Om Scholierne til Euklids Elementer. Avec un résumé en français. Vidensk. Selsk. Skr. VI. Kopenhagen 1888. — P. Tannery, La constitution des Eléments. Darboux Bull. (2) X, 183—194, 1886. — P. Tannery, La Technologie des Eléments d'Euclide. Darboux Bull. (2) XI, 17—28, 1887. — P. Tannery, Les continuateurs d'Euclide. Darboux Bull. (2) XI, 86—96. — P. Treutlein, Ein Beitrag zur Geschichte der griechischen Geometrie. Z. f. Math. XXVIII, Hl. Abt. 209—226, 1883. — 2) P. Tannery, Sur l'authenticité des axiomes d'Euclide. Darboux Bull. (2) VIII, 162—175, 1884. — 3) Fr. Buchbinder, Euklids Porismen und Data. Pr. Pforta 1866. — 4) Les trois livres de Porismes d'Euclide rétablis pour la première fois d'après la notice et les lemmes de Pappus et conformément au sentiment de R. Simson sur la forme des énoncés de ces propositions par M. Chasles. Paris 1860. — 5) Offerdinger, Beiträge zur Wiederherstellung der Schrift des Euklid über die Teilung der Figuren. Ulm 1853. — 6) Mitgeteilt von J. L. Heiberg, Litterargeschichtliche Studien über Euklid. Leipzig 1882. IV. Optik und Katoptrik, S. 90—153.

294. **Timocharis.** Astronom zu Alexandria. Beobachtungen von Auf- und Untergängen der Fixsterne und von Planeten.

Lit. J. F. Pfaff, Commentatio de orbitis et occasibus siderum apud auctores classicos commemoratis. Göttingen 1786. — R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 44 u. f.

294. **Aristyll.** Astronom zu Alexandria. Viele Fixsternbeobachtungen, die Ptolemäus benutzte.

Lit. R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 44 u. f.

280. **Aristarchus.** (Samos 310 — Alexandria 250.) Lehrte zwischen 288 und 277 Astronomie zu Alexandria und beobachtete daselbst. Gab einen kettenbruchähnlichen Näherungswert $\sqrt{2}$. In seiner Schrift „De magnitudinibus et distantibus solis et lunae liber“ wird die Bewegung der Erde um die Sonne gelehrt, und ein sinnreiches geometrisches Verfahren angegeben, Grösse und Entfernungen der Sonne und des Mondes zu finden.

Lit. P. Tannery, Aristarque de Samos. Mém. de Bordeaux (2) V, 237—258, 1882. — La grande année d'Aristarque de Samos. ib. (3) IV, 79—96, 1888. — A. Heller, Geschichte der Physik. I. Stuttgart 1882, S. 99 ff. — R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 35 ff. — Aristarchus Samius. De magnitudine solis et terrae. Graece

et latine ed. notisque illustravit J. Wallis. Oxoniae 1688 u. 1699.
 — Grunert, Über Aristarchs Methode, die Entfernung der Sonne von der Erde zu bestimmen. Arch. f. Math. u. Phys. Teil V, 401 ff. — G. V. Schiaparelli, I precursori di Copernico nell' antichità. Ricerche storiche. Milano e Napoli. 1873. — H. W. Schäfer, Die astronomische Geographie der Griechen bis auf Eratosthenes. Pr. Flensburg, 1873.

275. **Berosus, der Chaldäer.** Gründer einer Schule auf der Insel Kos gegenüber Milet. Historiker (Geschichte der Chaldäer). Konstruierte eine Sonnenuhr, ein Hemicyclium, die auf der Einteilung jedes Tagbogens in 12 Teile beruhte.¹⁾ Brachte die Weisheit der Chaldäer nach Griechenland.²⁾

Lit. 1) A. Wittstein, Bemerkung zu einer Stelle im Almagest. Z. f. Math. XXXII, Hl. Abt. 201—208, 1887. — Bilfinger, Die Zeitmesser der antiken Völker. Pr. Stuttgart 1886. — 2) A. Häbler, Astrologie im Altertum. Pr. Zwickau 1879.

270. **Aratus.** Aus Soli (Pompejopolis) in Cilicien. Arzt am Hofe des Königs Antigonos von Macedonien. Verfaßt ein Gedicht „Phaenomena et Prognostica“, in welchem die Sternbilder nach Art des Eudoxus beschrieben werden.

Lit. A. Heller, Gesch. d. Physik. I, 112 f. — Aratus' Schriften, herausg. von Buhle, Leipzig 1793. — Deutsch übers. von Vofs Heidelberg 1824 u. J. Bekker, Berlin 1828.

260. **Konon** aus Samos. (300—c. 260; in Italien und in Alexandria.) Astronom und Mathematiker. Erfand die Spirale, deren Eigenschaften Archimedes entwickelt hat. Verzeichnis früherer Finsternisse.

Lit. M. Cantor, Vorl. ü. Gesch. d. Math. I, 263.

250. **Nikoteles von Kyrene.** Mathematiker zu Alexandria. Wird von Apollonius als sein Vorgänger genannt in den Kegelschnitten.

Lit. M. Cantor, Vorl. ü. Gesch. d. Math. I, 290.

- 247—222. **Ptolemäus Euergetes**, König von Ägypten, eifriger Pfleger der Wissenschaften. Vermehrte die Bibliothek von Alexandria und unterstützte den Verein von Gelehrten, das sog. Museum, daselbst.

Lit. M. Cantor, Vorl. ü. Gesch. d. Math. I, 223 u. f. — Lepsius, Zur Kenntnis der Ptolemäergeschichte. Berlin 1853. — R. Volkmann, Art. Alexandriner. Pauly's Realencyklopädie d. class. Altertumswiss. 2. Aufl. — Fr. Susemihl, Gesch. d. griech. Lit. in d. Alexandrinerzeit. 2 Bd. Leipzig 1891—92.

240. **Eratosthenes.** (Cyrene in Afrika 276 — Alexandria 194.) Der erste bedeutende Geograph des Altertums. Von Kallimachus, dem Vorsteher der großen Bibliothek zu Alexandria, daselbst erzogen; studierte dann zu Athen in der Akademie und wurde von Ptolemäus Euergetes als Nachfolger des Kallimachus nach Alexandria berufen. Methode, alle Primzahlen zu finden, das Sieb des Eratosthenes. Würfelverdoppelung. Erste Gradmessung nach geometrisch richtiger Methode. Chronologie. Philosophisches.

Lit. M. Cantor, Vorl. ü. Gesch. d. Math. I, 180 ff. 281 ff. — R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 44 u. f. — G. Bernhardt, Eratosthenica. Berlin 1822, u. Ersch und Grubers Encyclopädie. — Eratosthenis geographicorum fragmenta, ed. Seidel. Göttingen 1789. — Berger, Die geographischen Fragmente des Eratosthenes, neu gesammelt, geordnet und besprochen. Leipzig 1880. — A. Heller, Geschichte der Physik. I, S. 108 ff. — J. H. Dresler, Eratosthenes von der Verdoppelung des Würfels. Prog. d. Päd. zu Dillenburg, Hadamar und Wiesbaden 1828. — L. Delgeur, La cosmographie des Grecs. Rev. d. quest. scient. Bruxelles I, 250—273, 1877. — Lipsius, Das Stadium und die Gradmessung des Eratosthenes auf Grundlage der ägyptischen Maße. Z. f. ägypt. Sprache u. Altertumsk. I. Heft. 1877. — F. Wilberg, Das Netz der allgemeinen Karten des Eratosthenes und Ptolemäus. Essen, 1835. — W. Abendroth, Darstellung und Kritik der ältesten Gradmessungen. Pr. Dresden 1866.

238. Das **Edikt von Kanopus**, unweit Alexandria. Von der dort versammelten Priesterschaft wird beschlossen, alle 4 Jahre zu den 365 Tagen des Jahres einen Schalttag einzuführen. Leider geriet diese wichtige Reform des Kalenders bald wieder in Vergessenheit.

Lit. Lipsius, Das bilingue Dekret von Kanopus. Berlin 1866.

237. **Archimedes.** (Syrakus 287—212, bei der Belagerung der Stadt durch die Römer erschlagen.) Ingenieur und Baumeister, Freund des Königs Hiero II. Eine Zeit lang in Ägypten und in Spanien.¹⁾ Sandrechnung, *ψαμμίτης*, worin Namen für sehr große Zahlen (Klassen 10^{8n} , $n = 0, 1, 2 \dots$). Aufstellung des Problema bovinum, das auf unbestimmte Gleichungen führt.²⁾ Näherungsweise Berechnung von Quadratwurzeln.³⁾ Summe $1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots$ Summation verschiedener Reihen zum Zweck von Flächen- und Volumenberechnungen. Lösung einer Gruppe von Gleichungen 3. Grades von der Form $x^3 - ax^2 + b^2c = 0$ mit Hilfe

des Durchschnittes zweier Kegelschnitte. Dreiteilung des Winkels mittels Einschiebung. Quadratur der Parabel, Sätze über Parabelsegmente und über die Ellipse.⁴⁾ Fläche des Salinon. Kreissätze behufs Dreiteilung des Winkels. Durch ein- und umschriebene Polygone ergab sich $3\frac{10}{70} > \pi > 3\frac{10}{71}$.⁵⁾ Einführung der Schneckenlinie (archimedischen Spirale)⁶⁾ und des Arbelos. Erweiterung der Stereometrie. Betrachtung von rechtwinkligen Konoiden (Rotationsparaboloiden), stumpfwinkligen Konoiden (einschaligen Hyperboloiden), und länglichen sowie breiten Sphäroiden (Rotationsellipsoiden), deren Schnitte untersucht und von denen gewisse Abschnitte dem Inhalt nach bestimmt werden. Exhaustionsmethode zur Volumenbestimmung. Schwerpunkt, Hebelgesetz (*Δόξ μοι ποῦ στῶ καὶ κινήσω τὴν γῆν*). Flaschenzug, schiefe Ebene, Schraube. Das nach ihm ben. Grundprincip der Hydrostatik.⁷⁾ Himmelsglobus, ein hydraulischer Mechanismus zur Darstellung der Bewegungen der Himmelskörper.⁸⁾ Herstellung von Brennspiegeln.⁹⁾

Lit. 1) Mazuchelli, Notizie storiche e critiche intorno alla vita, alle invenzioni ed agli scritti d'Archimede. Brescia 1737. — Melot, Recherches sur la vie d'Archimède. Mém. de l'Ac. d. Inscr. XIV, Paris. — Bunte, Über Archimedes, mit bes. Berücksichtigung der Lebens- u. Zeitverhältnisse, sowie zweier von demselben herrührender Kunstwerke. Pr. Leer 1877. — M. Cantor, Vorl. ü. Gesch. d. Math. I, K. XIV, S. 253—281. — A. Heller, Gesch. d. Physik. I, 85 ff. — R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 36 u. f. — J. L. Heiberg, Quaestiones Archimedeae. Diss. Kopenhagen 1879. — J. L. Heiberg, Neue Studien zu Archimedes. Z. f. Math. XXXIV, Suppl. 1—84, 1890. — Bernardino Baldi, Vite inedite di matematici italiani, pubbl. da Enr. Narducci, Boncompagni Bull. XIX, 1886, 388—406, 437—453. — J. Torelli, Archimedis quae supersunt opera, cum Eutocii Ascalonitae commentariis, gr. et lat. Oxoniae 1792. — J. Peyrard, Oeuvres d'Archimède, trad. litt. avec un commentaire. Paris 1807, 2. éd. 2 vol. 1808. — J. L. Heiberg, Archimedis Opera omnia. Leipzig 3 vol. 1880—81. — 2) B. Krumbiegel u. A. Amthor, Das Problema bovinum des Archimedes. Z. f. Math. XXV, Hl. Abt. 121—136, 153—171, 1880. — 3) S. Günther, Antike Näherungsmethoden im Lichte moderner Mathematik. Prag. Abh. (6) IX, 1879. — S. Günther, Die quadrat. Irrationalitäten der Alten u. deren Entwicklungsmethoden. Abh. z. Gesch. d. Math. IV, 1—134, Leipzig 1882. — 4) J. L. Heiberg, Die Kenntnisse des Archimedes u. die Kegelschnitte. Z. f. Math. XXV, Hl. Abt. 41—67, 1880. — 5) H. Menge, Des Archimedes Kreismessung nebst des Eutokius aus Askalon Commentar. Pr. Coblenz 1874.

(Übers. der *Κύκλου μέτρησις* und des Kommentars.) — P. Tannery, Sur la mesure du cercle d'Archimède. Bordeaux Mém. (2) IV, 313—339, 1881. — J. L. Heiberg, Beiträge z. Gesch. d. Math. im Mittelalter. I. Liber Archimedis de comparatione figurarum circularium ad rectilineas. Z. f. Math. XXXV, Hl. Abt. 41—48, 1890. — 6) Fr. X. Lehmann, Die archimedische Spirale mit Rücksicht auf ihre Gesch. Pr. Freiburg 1862. — 7) Ch. Thurot, Recherches historiques sur le principe d'Archimède. Revue archéol. Paris 1869. — 8) Hultsch, Über den Himmelsglobus des Archimedes. Z. f. Math. XXII, 1877. — 9) Bilfinger-Ötinger, De speculo Archimedis. Difs. Tübingen 1725. — Knutzen, Von den Brennspiegeln des Archimedes. Pr. Königsberg 1747.

225. **Apollonius** von Pergä in Pamphylien. Zwischen 250 und 200 in Alexandria, später in Pergamum, mit Eudemos befreundet.¹⁾ 8 Bücher Kegelschnitte:²⁾ Entstehung der 3 Kegelschnitte aus einem einzigen Kegel, Namen Ellipse, Hyperbel, Parabel. Lösung der allgemeinen Gleichung 2. Grades mit Hilfe der Kegelschnitte, durch Anlegung (*παραβολή*) eines Rechtecks an eine Strecke p , so daß es entweder gleich einem gegebenen Quadrat ($px = y^2$), oder um ein gewisses Quadrat größer ($y^2 = px - (cx)^2$, *ἐλλειψις*), oder kleiner ($y^2 = px + (cx)^2$, *ὑπερβολή*). Lösung der Aufgabe, einen Kreis zu konstruieren, der 3 gegebene Kreise berührt. Methodische Verbesserung der Elemente der Geometrie. Versuch, die Axiome Euklids zu beweisen. Konsequente Anwendung des *Diorismus*. De sectione rationis. De sectione spatii. De sectione determinata.³⁾ De tactionibus. De locis planis.⁴⁾ Schraubenlinie.

Lit. 1) Terquem, Notice bibliographique sur Apollonius. Nouv. Ann. III, 350—352, 474—488, 1844. — M. Cantor, Vorl. ü. Gesch. d. Math. I, 287 ff. — P. Tannery, Quelques fragments d'Apollonius de Perge. Darboux Bull. (2) V, 124—136, 1881. — J. E. Montucla, Histoire des Mathématiques. I, 245—253. — 2) Edm. Halley, Apollonii Pergaei Conicorum libri VIII, cum Pappi Alexandrini lemmatis et Eutocii Ascalonitae Commentariis; Accedunt Sereni Antissensis de sectione cylindri et conii libri duo. Oxonii 1710. ~~H. G. Zeuthen~~ H. Balsam, Deutsche Bearbeitung d. Kegelschnitte d. ~~Archimedes~~ *Apollonius*. Berlin 1861. — J. L. Heiberg, Apollonii Pergaei quae Graece exstant cum commentariis antiquis. Ed., lat. interpret. I. Leipzig 1890, u. f. — H. G. Zeuthen, Die Lehre von den Kegelschnitten im Altertum. Deutsch von R. v. Fischer-Benzon. Kopenhagen 1886. — 3) H. Hankel, Die Elemente der projektivischen Geometrie. Leipzig 1875. IV. Abschn. Aufgaben des Apollonius, S. 128—145. — 4) R. Simson, The loci plani of Apollonius restored. Edinburgh 1749, deutsch von Camerer, Leipzig 1796.

V. Zeittafel. 200—50 v. Chr.

Verfall der griechischen Mathematik.

190. **Hypsikles** von Alexandria. Wahrscheinlich der Verfasser des XIV. Buches der Elemente Euklids über die regelmäßigen Körper. Gab eine allgemeine Definition der Vieleckszahlen. Arithmetische Progressionen. Einzelne unbestimmte Gleichungen. *Ἀναφορικός*, von den Aufgängen der Gestirne. Einteilung des Kreises in 360 Grade. Bei astronomischen Rechnungen wurden die babylonischen Sexagesimalbrüche bis ins XV. Jahrhundert gebraucht.

Lit. God. Friedlein, De Hypsicla mathematico. Boncompagni Bull. VI, 1873, 493—529. — M. Cantor, Vorl. ü. Gesch. d. Math. I, 309 etc. — Erasm. Bartolino, Hypsiclis Anaphoricus sive de rectascensionibus, graece cum lat. vers. J. Mentelii. Paris 1657. — K. Manitius, Des Hypsikles Schrift Anaphoricos, nach Überlieferung u. Inhalt kritisch behandelt. Pr. Dresden 1888.

180. **Zenodorus**. Schrieb über isoperimetrische Figuren (gleichen Inhalts), deren Umfang er verglich.

Lit. Nokk, Zenodorus' Abhandlung über die isoperimetrischen Figuren. Deutsch bearbeitet. Pr. Freiburg 1860. — Fr. Hultsch, Pappi Alexandrini Collectiones quae supersunt. III. Berlin 1878, 1138—1165, 1190—1211. — M. Cantor, Vorl. ü. Gesch. d. Math. I, 308 ff.

180. **Nikomedes** von Gerasa. Erfand die Conchoide oder Muschellinie zur Lösung der Würfelverdoppelung. Konstruierte einen Zirkel zur mechanischen Beschreibung dieser Linie. Benutzte die Quadratrix zur Lösung der Quadratur des Kreises.

Lit. M. Cantor, Vorl. ü. Gesch. d. Math. I, 302 u. f.

180. **Diokles**. Erfand die Cissoide, Epheulinie, um das delische Problem zu lösen. *Περὶ πυρρίων*, über Brennspiegel. Darin die Aufgabe, eine Kugel durch eine Ebene in einem gegebenen Verhältnis zu teilen.

Lit. M. Cantor, Vorl. ü. Gesch. d. Math. I, 305 ff. — M. Steinschneider, Euklid bei den Arabern. Z. f. Math. XXXI, Hl. Abt. 81—110, 1886.

155. **Krates** aus Cilicien fertigt den ersten wirklichen Erdglobus an.

Lit. M. C. P. Schmidt, Zur Gesch. d. geogr. Litteratur bei Griechen u. Römern. Pr. Berlin 1887.

150. **Perseus.** Studierte die spirischen Linien, Schnitte von Flächen, die durch Drehung eines Kreises um eine nicht durch sein Centrum gehende Axe entstehen.

Lit. C. A. Bretschneider, Die Geometrie und die Geometer vor Euklides. Leipzig 1870. Anhang S. 175 ff. — M. Cantor, Vorl. ü. Gesch. d. Math. I, 307. — Knoche u. Märker, Ex Procli successoris in Euclidis Elementa commentariis definitionis quartae expositionem, quae de recta est linea et sectionibus spiricis, commentati sunt. Herford 1856.

140. **Hipparch.** (Nicäa in Bithynien 180 — Rhodus 125.)
Astronom. Beobachtete teils auf Rhodus, teils in Alexandria.
Anfänge der sphärischen Trigonometrie, Sehnencalcul, erste Sehnentafel. Erfinder der stereographischen Projektion, indem er die Himmelskugel von einem Pol aus auf die Äquatorebene abbildet. Schöpfer der wissenschaftlichen Astronomie. Erkannte die ungleiche Länge der Jahreszeiten, das Fortrücken der Tag- und Nachtgleichen. Stellte die erste Sonnenephemeride auf, studierte die Bewegung des Mondes genauer, führte die geographische Länge und Breite als Coordinaten zur Bestimmung der Lage eines Punktes auf der Erde ein. Katalog von 1026 Fixsternen.

Lit. R. Wolf, Geschichte der Astronomie. München 1877. S. 45—48, 154—155, 174—176, 193—194. — Berger, Die geographischen Fragmente des Hipparch. Leipzig 1870. — A. Heller, Geschichte der Physik I, S. 113 ff. — *Τῶν Ἀγαθῶν καὶ Εὐδόξου φαινόμενων ἐξηγήσεων βιβλία*, ed. Peter Victorius. Florenz 1567, cum lat. vers. ed. Petavius, im Uranologium, 1630.

139. **Erste Ausweisung der Astrologen aus Italien** durch den Prätor C. Scipio Hispallus.

Lit. A. Häbler, Astrologie im Altertum. Pr. Zwickau 1879.

137. **Die erste alphabetische Bezeichnung der Zahlen auf den hebräisch geprägten Münzen.**

Lit. H. Hankel, Zur Geschichte der Mathematik in Altertum und Mittelalter. S. 34.

125. **Ktesibius zu Alexandria.** (c. 170—117.) Lehrer Herons. Erfand verschiedene hydraulische und andere mechanische Apparate, wie die Wasserorgel, die Wasseruhr, die Feuerpritze.

Lit. A. Heller, Gesch. d. Phys. I, 118 ff.

110. **Heron von Alexandria.** Bedeutender Geodät und Mechaniker. Verfaßte ein Lehrbuch für Feldmesser. *Περί*

διόπτρας, geodätische Messungen mit Hilfe der Dioptra. Dreieckinhaltsformel: $\Delta = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$. Einteilung der Trapeze. Näherungswerte für $\sqrt{2}$, $\sqrt{3}$ und viele andere. Konstruktion des regelmäßigen Achtecks. Inhaltsbestimmung von 10 Körpern. Näherungsformeln für Volumina. Darstellung eines echten Bruches als Summe von Stammbrüchen. Eingekleidete Gleichungen ersten Grades, Brunnenaufgaben. Einige unbestimmte Gleichungen. Rein algebraische Lösung der quadratischen Gleichung $ax^2 + bx = c$.¹⁾ Die sog. heronischen Definitionen rühren wahrscheinlich von Anatolius, im III. Jahrh. n. Chr., her.²⁾ Kommentar zu Euklid.³⁾ Heron erfand die Äolipile, den Heber, die Druckpumpe, die Feuerspritze, die sich selbst regulierende Lampe, das Reaktionsrad, Zauberapparate u. ä.⁴⁾

Lit. 1) Th. H. Martin, *Recherches sur la vie et les ouvrages d'Héron d'Alexandrie*. Mém. prés. p. div. sav. à l'Ac. d. Inscr. et Belles-Lettres (1) IV. Paris 1854. — M. Cantor, *Die römischen Agrimensoren u. ihre Stellung in d. Gesch. d. Feldmesskunst*. Leipzig 1875. — M. Cantor, *Vorl. ü. Gesch. d. Math.* I. Kap. XVIII u. XIX, Heron von Alexandria. S. 313—343. — Montfaucon, *Analecta Graeca eruerunt monachi Benedictini*. Paris 1688. — Fr. Hultsch, *Heronis Alexandrini geometricorum et stereometricorum reliquiae*. Berlin 1864. — Fr. Hultsch, *Metrologicorum scriptorum reliquiae*. I. Leipzig 1864. — Letronne, *Recherches critiques historiques et géographiques sur les fragments d'Héron d'Alexandrie*, p. p. Vincent. Paris 1851. — Vincent, *Ἡρώς Ἀλεξανδρείας περὶ διόπτρας*. griech. u. franz. Paris 1858. — Venturi, *Commentarij sopra la storia dell' ottica*. I. Bologna 1814. — P. Tannery, *Les applications de la géométrie dans l'antiquité*. Darboux Bull. (2) IX, 311—324, 1885. — Fr. Hultsch, *Der heronische Lehrsatz ü. die Fläche des Dreiecks*. Z. f. Math. IX, 225—249, 1864. — H. Weissenborn, *Das Trapez bei Euklid, Heron u. Brahme Gupta*. Z. f. Math. XXIV, Suppl. 167—184, 1879. — P. Tannery, *L'arithmétique des Grecs dans Héron d'Alexandrie*. Mém. de Bordeaux. (2) IV, 161—195, 1881. — P. Tannery, *Questions héroniennes*. Darboux Bull. (2) VIII, 329—344, 359—376, 1884. — P. Tannery, *La stéréométrie d'Héron d'Alexandrie*. Mém. de Bordeaux. (2) V, 305—327, 1883; *Études héroniennes*. ib. 347—371, 1883. — 2) G. Friedlein, *De Heronis quae feruntur definitionibus*. Boncompagni Bull. IV, 93—121, 1871. — B. Boncompagni, *Intorno alle definitioni di Erone*, ib. 122—126. — P. Tannery, *Les „definitions“ du Pseudo-Héron*. Darboux Bull. (2) XI, 189—193, 1887. — 3) J. L. Heiberg, *Litterargeschichtl. Studien über Euklid*. Leipzig 1882, S. 157 ff. — P. Tannery, *Héron sur Euclide*. Darboux Bull. (2) XI, 97—108, 1887. — 4) A. Heller,

Gesch. d. Physik. I, 120 ff. — F. Commandino, Heronis *Πνευματικά*, *Spiritualia*, lat. ed. Urbino 1575. — Woodcroft, *The Pneumatics of Hero of Alexandria from the Original Greek*. London 1851. — G. Walther, *Veterum scriptorum loci aliquot physici*. Wismar 1844. — Thevenot, *Veteres mathematici, Ἡρώωνος Ἀλεξανδρείας περὶ ἀτοματοποιητικῶν, Ἡρώωνος Κτησιβίου βελοποικιά*. Paris 1693.

100. **Philo** von Byzanz. Schrieb über Mechanik und konstruierte Wurfmaschinen.

Lit. A. Heller, *Gesch. d. Physik. I*, 127. — Philonis liber de ingenii spiritualibus in Val. Rose: *Anecdota Graeca et Graecolatina*. 2. Heft. Berlin 1870.

100. **Tschang-tsang** verfaßt ein arithmetisches Regelbuch der neun Kapitel Kiu-tsang swan suh, für die Studien der chinesischen Prinzen.

Lit. L. Matthiessen, *Grundzüge d. ant. u. mod. Algebra* S. 964.

85. **Posidonius**. (Rhodus 128—44.) Stoischer Philosoph. Soll die Begriffe Trapez, Trapezoid geschaffen haben. Versuch einer allgemeinen Kosmographie. *Περὶ μετεώρων*, über die Himmelskörper. *μετεωρολογικὴ στοιχείωσις*, *Elemente der Meteorologie*. Unternahm die zweite Gradmessung.

Lit. R. Wolf, *Gesch. d. Astr.* S. 167 ff. — A. Heller, *Gesch. d. Physik. I*, 127 f. — B. Sepp, *Zu Posidonius Rhodius*. Bl. f. d. bair. Gymn.-Wesen XVIII, 397—399, 1882. — Blafs, *Dissertatio de Gemino et Posidonio*. Kiel 1883. — Ideler, *Über die Längen- und Flächenmaße der Alten*. Abh. Berl. Ak. 1825. — James Bake, *Posidonii Rhodii reliquiae doctrinae*. Leiden 1810. — E. Zeller, *Die Philosophie d. Griechen. III. 1*. 1880. S. 572 ff.

75. **Cicero** entdeckt, als Quästor von Sicilien in Syrakus sich aufhaltend, das Grabmal des **Archimedes** und läßt es auf neue in stand setzen.

Lit. M. Cantor, *Vorles. ü. Gsch. d. Math. I*, 254.

70. **Diodoros**. Reiste in Ägypten, um astronomische Kenntnisse zu sammeln, und berichtete über die mathematischen und astronomischen Leistungen der Ägypter.

70. **Geminus**. (Rhodus 100 — Rom 40.) Wahrscheinlich der Verfasser der Geschichte der voreuklidischen Mathematik in des Proclus Commentar zum 1. Buche des Euklid. *Θεωρίαι τῶν μαθημάτων*. Einteilung der Mathematik: Arithmetik, Geometrie, Mechanik, Astrologie (d. h. theoretische Physik), Optik, Geodäsie, Kanonik und Logistik. Schrieb ein populäres

Lehrbuch der Astronomie, *εἰσαγωγή εἰς τὰ φαινόμενα*. Benutzte ein Meteoroskop (*μετέωρα* sind Himmelskörper), um Sternhöhen auch außerhalb des Meridians zu messen.

Lit. P. Tannery, Sur l'époque où vivait Gémînus. Darboux Bull. (2) IX, 283—292, 1885, und Proclus et Gémînus. ib. 209—219. — Bern. Baldi, Vite di matematici italiani, pubbl. da Enr. Narducci. Boncompagni Bull. XIX, 1886, 481—488. — Karl Manitius, Des Geminus Isagoge. Nach Inhalt und Darstellung beleuchtet. Commentat. Fleckeisenianae. Leipzig 1890, 95—107. — P. Tannery, Le classement des mathématiques, d'après Gémînus. Darboux Bull. (2) IX, 261—276, 1885. — Gemini Isagoge in phaenomena vel elementa astronomiae, primum graece et latine ed. Edo Hildericus. Altdorf 1590; in Halma's Ausgabe des Ptolemäus, Paris 1819, abgedruckt. — A. Häbler, Astrologie im Altertum. Pr. Zwickau, 1879. — M. Steinschneider, Geminus in arabischer, hebräischer und zweifacher lateinischer Übersetzung. Bibl. math. (2) I, 97—99, 1887. — P. Tannery, Les applications de la géométrie dans l'antiquité. Darboux Bull. (2) IX, 311—324, 1885.

60. **Lucretius**, Titus Carus. (96—55.) Römischer Philosoph. Stellt in seinem Lehrgedicht 'De rerum natura' die Weltansicht der epikureischen Philosophen dar.

Lit. Ed. K. Lachmann. 2 Bde. Berlin 1850.

55. **Theodósios** aus Tripolis an der phönikischen Küste. Mathematiker und Astronom. Sphaericorum libri III, Geometrie auf der Kugel, vielfach mit Autolykus und Euklid übereinstimmend. De habitationibus, eine astronomische Schrift. De diebus et noctibus.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 346 f. — R. Wolf, Gsch. d. Astr. S. 115 f. — Die Sphärik des Theodosius. Deutsch von E. Nizze. Stralsund 1826. Griechisch und Lateinisch von demselben. Berlin 1852. — Fr. Hultsch, Scholien zur Sphärik des Theodosius. Abh. d. philol.-hist. Cl. d. K. Sächs. Ak. V, 383—446, Leipzig 1887. — A. Nöck, Über die Sphärik des Theodosius. Karlsruhe 1847.

VI. Zeittafel. 50 v. Chr. — 200 n. Chr.

Römer. Menelaus und Ptolemäus. Neupythagoräer.

50. **Marcus Terentius Varro**. (116—27.) Atticus sive de numeris, ein arithmetisches Werk. 1 Buch Geometrie, worin die Gestalt der Erde eirund angenommen wird. Mensuralia, über Vermessungen. ~~De disciplinis~~, eine Encyclopädie

in 9 Büchern (Grammatik, Dialektik, Rhetorik, Geometrie, Arithmetik, Astrologie, Musik, Medizin, Architektur).

Lit. Boissier, *Étude sur la vie et les ouvrages de M. T. Varron*. Paris 1861. — M. Cantor, *Vorles. ü. Gsch. d. Math. I*, 460 f.

50. **P. Nigidius Figulus**. Römischer Mathematiker, Philosoph und Astrolog.

Lit. Bern. Baldi, *Vite inedite di matematici italiani*, pubbl. da Enr. Narducci. Boncompagni Bull. XIX, 1886, 454–464.

50. **Dionysodorus** aus Amisus im Pontus. Löst die archimedische Aufgabe, eine Kugel in einem bestimmten Verhältnis durch eine Ebene zu teilen, mit Hilfe des Durchschnits einer Parabel und einer Hyperbel.

Lit. M. Cantor, *Vorles. ü. Gsch. d. Math. I*, 347.

47. Die **Bibliothek** im Tempel des Serapis zu **Alexandria** wird durch Feuer zerstört.

46. **Julius Cäsar**. Kalenderreform mit Hilfe des **Sosigenes**. Annus confusionis. (Romulus hatte 304, Numa 355 Tage, die Decemviren schalteten im Jahre 451 abwechselnd 22 und 23 Tage ein, und 24-jähriger Schaltcyklus, wo 1 Tag fortblieb. Jetzt 4-jähriger Schalttag zu 365 Tagen. Einschaltung von 85 fehlenden Tagen.) Schrieb ein Buch 'de astris' und entwickelte den Plan einer Vermessung des ganzen römischen Reiches.

Lit. R. Wolf, *Gsch. d. Astr. S. 17 ff.* — Bähr, *Sosigenes*. Pauli's Realencykl. — Ludw. Ideler, *Handb. d. math. u. techn. Chronologie*. Berlin 1826.

40. **Cleomedes** zu Rom. Schreibt eine cyklische Theorie der Meteore, d. h. der Himmelskörper. Versucht die Brechung des Lichtes zu erklären. Berichtet über die Arbeiten des Posidonius. Verfasset eine Schrift über Erdmessung.

Lit. *Cleomedis Cyclica consideratio meteorum*, ed. Conr. Neobarus. Paris 1539. — *De mundo*, ed. Hopperus. Basel 1547. — *Cleomedis meteora etc.* a Rob. Balforeo lat. versa et commentario illustrata. Bordeaux 1605. — R. Wolf, *Gsch. d. Astr. S. 201 f.* — A. Heller, *Gsch. d. Physik I*, 150.

25. **Strabo**. (Amasia 66 v. Chr. — 24 n. Chr.) *Rerum geographicarum libri XVII*, für die Geschichte der Mathematik nicht ohne Bedeutung, ebenso für die physische Geographie.

Lit. H. Fischer, *Über einige Gegenstände der physischen Geographie bei Strabo*, als Beitrag zur Geschichte der alten Geographie. I. Pr. Wernigerode, 1879.

- 15 v. Chr. **Marcus Vitruvius Pollio**. Baumeister in Rom unter Augustus und Tiberius. Auch tüchtiger Mechaniker. 'De Architectura libri X.' Darin Mitteilung über die Kenntnisse seiner Zeit in der Baukunst, Mechanik, Physik und mathematischen Geographie. Größenverhältnisse der Teile des menschlichen Körpers. Arithmetische Harmonielehre.

Lit. Bern. Baldi, *Vite inedite di matematici italiani*, pubbl. da Enr. Narducci. Boncompagni Bull. XIX, 1886, 464—473. — M. Cantor, *Vorles. ü. Gsch. d. Math. I*, 461 f. — Vitruvius, *de architectura libri X*. Herausgeg. von I. G. Schneider, Berlin 1807, von Rose und Müller-Strübing, Berlin 1867. Übers. von Rode, ib. 1796, u. von Reber, Stuttgart 1864 ff. — A. Terquem, *La science romaine à l'époque d'Auguste. Étude historique d'après Vitruve*. Extr. d. *Mém. d. l. Soc. d. sc. de Lille*. Paris 1885.

10. v. Chr. **L. Arruntius**. Aus Fermo. Lebte meist in Rom. Philosoph, Mathematiker und Astrologe. Wollte durch astronomische Rechnungen den Tag der Gründung Roms gefunden haben.

Lit. Bern. Baldi, *Vite inedite di matematici italiani*, pubbl. da Enr. Narducci. Boncompagni Bull. XIX, 1886, 473—480.

- 40 n. Chr. **Lucius Annaeus Seneca**. (Cordova in Spanien 4 v. Chr. — Rom 65 n. Chr.) Philosoph. Lehrer des Nero. *Naturalium quaestionum libri VII*, eine Sammlung physikalischer und astronomischer Erscheinungen vom atomistischen Standpunkt (im Mittelalter lange als Lehrbuch der Physik benutzt; für die Geschichte der Physik und Astronomie wichtig).

Lit. Reinhardt, *De L. A. Senecae vita et scriptis*. Jenae 1816. — R. Wolf, *Gsch. d. Astr.* S. 215. — Ed. Zeller, *Die Philosophie der Griechen*. III, 1. 1880. S. 693 ff.

50. **Marinus von Tyrus**. Verlegte den Null-Meridian, für den Hipparch den Meridian von Rhodus angenommen hatte, nach den kanarischen Inseln, dem damals bekannten äußersten westlichen Punkt.

Lit. R. Wolf, *Gsch. d. Astr.* S. 153.

50. **Pomponius Mela**. Geograph. *De orbis situ libri III*, für die ältere Geschichte der Astronomie von Bedeutung.

Lit. *Cum notis varior. cur. Gronovii*, Leyd. 1722; *cum indice curavit J. Kappus*, Hof, 1781; deutsch von Diez, Gießen 1774. — R. Wolf, *Gsch. d. Astr.* S. 215.

60. **Cajus Secundus Plinius**. (Como 23—79, 25. Aug., wo er beim Ausbruche des Vesuvs ein Opfer seiner Wißbegierde

wurde.) *Historia naturalis*, libri XXXVII, für die ältere Geschichte der Astronomie und Physik wichtig.

Lit. Plini Secundi C., *naturalis historiae libri XXXVII*. Recogn. atque indicibus instruxit Ludov. Janus, post L. Jani obitum ed. Car. Mayhoff, 6 vol. Leipzig 1854—75.

62. **Columella**, Lucius Junius Moderatus. Aus Gades (Cadix). Lebte längere Zeit als Militärtribun in Syrien. *De re rustica*, über Landwirtschaft, worin auch die Feldmessung behandelt ist.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 462 f.

70. **M. Fabius Quintilianus**. (35—95.) In seinen Vorschriften für Redner findet sich ein isoperimetrisches Problem.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 464 f. — Quintiliani *Institutio oratoria*, I, 10, 39—45, ed. Halm, Leipzig 1868, S. 62. — Jean Borrel (Buteo). *Opera geometrica*, Lyon 1554, Ad locum Quintiliani *geometricum explanatio*.

80. **Sextus Julius Frontinus**. (40—103.) Römischer Agrimensor. Unter Vespasian Befehlshaber eines Heeres in Britannien, unter Nerva *Curator aquarum* in Rom. *De aquis urbis Romae*, 2 Bücher; Vorschriften über Feldmefskunst und Hydrodynamik. Seine Schriften sind gesammelt im sog. Arcerianischen Codex.

Lit. Frontini, *de aquaeductibus urbis Romae libri II*. Rec. Franc. Buecheler. Leipzig 1858. — *Commentaire sur les aqueducs de Rome* par J. Rondelet, Paris 1820; *Addition au Commentaire de S. J. Frontine. etc.* par J. Rondelet, Paris 1821. — E. Stöber, *Die römischen Grundvermessungen, nach dem lat. Texte des gromatischen Codex, insbes. des Hyginus, Frontinus und Nipsus*. München 1877. — *Scriptores gromatici*, Schriften der römischen Feldmesser, herausg. u. erläutert. von F. Blume, K. Lachmann und A. Rudorff. Berlin 1848 u. 1852. — M. Cantor, *Die römischen Agrimensoren und ihre Stellung in der Geschichte der Feldmefskunst*. Leipzig 1875. — *Scriptorum metrologicorum reliquiae*. Coll., recens., nunc primum ed. Frid. Hultsch. 2 vol. Leipzig 1864 u. 1866.

98. **Menelaus** aus Alexandria. Griechischer Mathematiker und Astronom. Zur Zeit Trajans in Rom. *Sphaericorum libri IV*, eine sphärische Trigonometrie. Darin der nach ihm benannte Satz, *regula sex quantitarum*, von den Abschnitten der durch eine Transversale geschnittenen Dreiecksseiten. 6 Bücher über die Berechnung der Sehnen.

Lit. M. Cantor, Vorlesungen über Geschichte der Mathematik. I, 349 ff. — *Theodosii sphaericorum libri III et Menelai sphaericorum libri III*, ed. Halley, Oxonii 1707.

100. **Nikomachus** von Gerasa in Arabien. *Εἰσαγωγή ἀριθμητική*, das erste Lehrbuch der Arithmetik. Reine Zahlen ohne geometrische Vorstellungen. Zahlen-Schematismus. Die Kubikzahlen erscheinen als Summen aufeinander folgender ungerader Zahlen. Figurierte Zahlen. Vollständige Theorie der Polygonalzahlen. Allgemeine Theorie der Medietäten. Harmonische Proportion $\frac{a}{b} = \frac{a-c}{c-b}$, c harmonisches Mittel. Nachricht von dem Siebe des Eratosthenes.

Lit. Nicomachi Geraseni Pythagorei introductionis arithmeticae libri II. Rec. Ricardus Hoche. Accedunt codicis Cizensis problemata arithmetica. Leipzig 1866. — G. H. F. Nesselmann, Die Algebra der Griechen. Berlin 1842, S. 188—223. — M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 362 ff. — Nicomachi Manuale harmonices, ed. Meursius, Leyd. 1616.

100. **Balbus**. Römischer Feldmesser. Verfasser einer Schrift über Feldmefskunst. Beteiligt an der Vermessung des römischen Reiches unter Leitung des M. Vipsanius Agrippa.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 468. — Partsch, Die Darstellung Europas in dem großen Werke des Agrippa. Breslau 1875.

100. **Hyginus**. Römischer Feldmesser. De limitibus constituendis, Vorschriften über Bestimmung der Ost-West-Linie u. ä.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 468.

130. **Theon von Smyrna**. Platonischer Philosoph. 'Expositio rerum mathematicarum ad legendum Platonem utilium'; darin Arithmetik, musikalische Verhältnisse, Bildung der Seiten- und Diametralzahlen, Geometrie, Stereometrie, Astronomie, Musik der Welten. Historisches über Pythagoras. Vergleich die Höhe der Berge mit dem Radius der Erde.

Lit. Theonis Smyrnaei Platonici liber de astronomia, ed. Th. H. Martin. Paris 1849. — G. H. F. Nesselmann, Die Algebra der Griechen. Berlin 1842, S. 223—232. — M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 366 ff. — Theonis Expositio, ed. E. Hiller. Leipzig 1878. — H. Künsberg, Über eine mathematisch-geographische Stelle bei Theon. Blätt. f. d. bair. Gymn.-Wesen. XX, 368—372, 1884.

135. **Klaudius Ptolemäus**. (Ptolemais 87 — Alexandria 165.) Der größte griechische Astronom. Beobachtete zu Alexandria von 126—141. *Μεγάλη σύνταξις*, arab. Almagest, ein großes Compendium der griechischen Astronomie.¹⁾ Eigene Auffassung des Parallelenaxioms.²⁾ Teilung des rechten Winkels in Grade. Sexagesimalbrüche des Radius, von

den Babyloniern entnommen und konsequent angewandt; herrschten bis zum XVI. Jahrhundert. Förderung der Trigonometrie, Sehnencalcul, Sehnentafel für alle halben Grade von 0^0 bis 180^0 ; Ptolemäischer Lehrsatz *Almagest* I, 9. Planetensystem, wichtige astronomische Tafeln. *Geographie*.³⁾ Landkarten, Projectionsmethoden, besonders die stereographische. Diese Methoden finden sich auch im 'Planisphaerium' und 'Analemma'.⁴⁾ Optik, Grundsätze der Katoptrik und einiges aus der Dioptrik.⁵⁾ Auch ein astrologisches Werk *Τετραβιβλος* wird ihm zugeschrieben.⁶⁾

Lit. 1) R. Wolf, Geschichte der Astronomie. S. 50 ff. — A. Heller, Geschichte der Physik. I, S. 128 ff. — M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 350 ff. — *Composition mathématique de Claude Ptolémée, ou astronomie ancienne*, trad. p. N. B. Halma, suivie de notes de Mr. Delambre. 2 vol. Paris 1813—1816. — A. Wittstein, Bemerkung zu einer Stelle im *Almagest*. Z. f. Math. XXXII, Hl. Abt. 201—208, 1887. — 2) Proklus, ed. Friedlein. — L. Majer, Proklos über die *Petita* und *Axiomata* bei Euklid. Pr. Tübingen 1875. — 3) *Traité de Géographie du Claude Ptolémée d'Alexandrie*, trad. p. Halma. Paris 1828. — 4) Ed. Commandinus 1558 u. 1562, mit Übersetzung. — 5) Poudra, *Histoire de la perspective*. Paris 1864. — B. Boncompagni, *Intorno ad una traduzione latina dell' ottica di Tolomeo*. *Bullett. Bonc.* IV, 470—492, 1871 u. VI, 159—170, 1873. — G. Govi, *L'ottica di Claudio Tolomeo*, da Eugenio. Paravia, 1885. — 6) A. Häbler, *Astrologie im Altertum*. Pr. Zwickau 1879. — Billweiler, *Über Astrologie*. Vortrag. Basel 1878.

140. **Çulvasûtras**, geometrisch-theologische Schriften, verfaßt von den Indern Baudhâyana, Âpastamba und Kâtyâyana. Eine Hauptquelle für indische Geometrie. (Pythagoräischer Lehrsatz. Näherungswerte für $\sqrt{2}$, $\sqrt{3}$ etc. Verwandlung ebener Figuren. *Circulatur des Quadrates*.)

Lit. M. Cantor, Vorlesungen über Geschichte der Mathematik. Bd. I. V. Abschnitt. Inder. S. 505—565.

150. **Appulejus** aus Madaura in Numidien. Studierte zu Athen. Arithmetiker. Übersetzte die Arithmetik des Nikomachus ins Lateinische.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 477 ff.

180. **Marcus Junius Nipsus**. Römischer Agrimensur. Seine feldmesserische Schrift ist in den *Codex Arcerianus* aufgenommen. Darin die Aufgabe, die Katheten eines rechtwinkligen Dreiecks aus dem Inhalt desselben und der Höhe zu berechnen.

Lit. Siehe die Literatur bei Frontinus. — K. Lachmann, *Gromatici veteres*. Berlin 1848, S. 295 ff.

200. **Diogenes von Laërte in Kilikien.** Seine „Zehn Bücher über das Leben, die Lehren und Gedenksprüche der in der Philosophie Wohlberühmten“ sind eine wichtige Quelle für die Geschichte der exakten Wissenschaften.

Lit. Klippel, *De Diogenis L. vita, scriptis atque auctoritate.* Nordhausen 1831.

200. **Ulpianus, Domitianus.** (Tyrus 170 — Rom 228.) Berühmter Rechtslehrer, Präfect zu Rom. Verfaßt die erste Tafel über die Lebensdauer.

Lit. M. Cantor, *Vorles. ü. Gsch. d. Math. I*, 475. — W. Karup, *Theoretisches Handbuch der Lebensversicherung.* Leipzig, 1871.

200. **Epaphroditus.** Römischer Agrimensor. In dem Codex Arce-rianus findet sich von ihm eine Schrift über Feldmessung, ein Abschnitt über Vielecks- und Pyramidalzahlen und praktische Aufgaben aus der rechnenden Geometrie. Im rechtwinkligen Dreieck $2q = a + b - c$. Näherungsformel für die Oberfläche von Bergen.

Lit. M. Cantor, *Vorlesungen über Geschichte der Mathematik. I*, Kap. XXVI. Die Blütezeit der römischen Geometrie. Die Agrimensoren. S. 457—475. — Fernere Literatur siehe bei Frontinus.

200. **Herodianus**, ein byzantinischer Grammatiker, beschreibt die griechischen Zeichen für die Zahlwörter, d. h. die Anfangsbuchstaben der Zahlwörter; daher der Name herodianische Zeichen.

Lit. M. Cantor, *Mathematische Beiträge zum Kulturleben der Völker.* Halle 1863. — Friedlein, *Die Zahlzeichen und das elementare Rechnen der Griechen und Römer etc.* Erlangen 1869.

200. **Alexandrinische Astronomie und Astrologie** beginnt nach Indien einzudringen.

Lit. M. Cantor, *Gräko-indische Studien.* Z. f. Math. XXII, Hl. Ab. 1—13, 1877.

VII. Zeittafel. 200—500.

Neuplatoniker. Diophant. Kommentatoren.

210. **Ammonius.** († 250.) Lehrer des Plotinus. Gründer der neuplatonischen Schule zu Alexandria.

Lit. Ed. Zeller, *Die Philosophie der Griechen.* III, 2. 3. Aufl. Leipzig 1881, S. 449 ff.

220. **Sextus Julius Africanus.** Schrieb Kesten (aneinander geheftete Bemerkungen), eine Art Encyklopädie, welche auch für die Geschichte der Mathematik von Interesse ist. Eine Methode, die Breite eines Flusses und die Höhe einer Mauer mit Hilfe ähnlicher rechtwinkliger Dreiecke zu messen.
Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 371 ff.
235. **Censorinus.** Astronom, Alexandriner. Sammelte viele ältere Beobachtungen. 'De die natali'.
Lit. Gedruckt Lugd. Batav. 1767. — R. Wolf, Geschichte der Astronomie. München 1877, S. 64.
244. **Plotinus** aus Ägypten. (205—270 in Campanien.) Trat 244 als Lehrer in Rom auf, nachdem er aus Drang, die orientalischen Wissensquellen kennen zu lernen, unter Gordian gegen die Perser zu Felde gezogen. Neuplatonischer Mathematiker. Auch der Astrologie ergeben.
Lit. Ed. Zeller, Die Philosophie der Griechen. III, 2. S. 466 ff. — Operum philosophorum omnium Libri LIV in sex enneades distributi. Basil. 1580.
250. **Sun-tsè,** chinesischer Mathematiker. Tá-jàn (große Erweiterung), Lehre von den unbestimmten Gleichungen, in dunklen Versen. Tá-jàn-Regel im Suán-king, Restproblem.
Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 586. — L. Matthiessen, Die Methode Tá-jàn im Suán-king von Sun-tsè und ihre Verallgemeinerung durch Yih-hing im I. Abschnitte des Tá-jàn li schu. Z. f. Math. XXVI, Hl. Abt. 33—37, 1881.
260. **Anatolius** aus Alexandria. Philosoph mit bedeutenden Kenntnissen in der Arithmetik, Geometrie und Astronomie. Lehrte zu Alexandria aristotelische Philosophie. Wurde unter Aurelian Bischof von Laodicea in Syrien. Gab eine Einteilung der Mathematik. Wahrscheinlich Verfasser der sog. Definitionen des Heron. Alexandrinische Epakte.
Lit. R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 64. — L. Ideler, Handbuch der mathem. und techn. Chronologie. Berlin, 1826; 2. Aufl. Breslau, 1883.
270. **Porphyrus,** ursprünglich **Malchus** der Tyrier. (232 bis nach 300.) Schüler Plotins. Lebte in Rom und in Sicilien. Schrieb eine Biographie des Pythagoras und einen Kommentar zu der Musik des Ptolemäus. Auch eifriger Astrolog.
Lit. Ed. Zeller, Die Philosophie der Griechen. III, 2. Leipzig 1881, S. 636 ff. — M. Cantor, Vorles. ü. Gsch. d. Math. I, 390 f.
275. **Diophantus** von Alexandria. *Ἀριθμητικῶν βιβλία* VI, algebraische und zahlentheoretische Aufgaben, nach eleganter

Methode gelöst. Porismen, zahlentheoretische Sätze. Bekannte und unbekannte Größen werden durch besondere Buchstaben unterschieden. Näherungsweise Quadratwurzeln. Gleichungen 1. und 2. Grades mit einer und mehreren Unbekannten. Lösung diophantischer Gleichungen in rationalen Zahlen.

Lit. P. Cossali, Origine, trasporto e primi progressi in Italia dell' algebra. Parma 1797. — H. Hankel, Zur Gesch. d. Math. in Altert. u. Mittelalter. Leipzig 1874. Diophant. S. 157—171. — G. H. F. Nesselmann, Die Algebra der Griechen. Berlin 1842, S. 244—476. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 394 ff. — P. Tannery, A quelle époque vivait Diophante? Darboux Bull. (2) II, 261—269, 1878. — Heath, Diophantos of Alexandria; a study in the history of greek algebra. Cambridge 1885. — P. Tannery, Études sur Diophante. I—IV. Bibl. math. (2) I, 37—42, 81—88, 103—108, 1887; II, 3—6, 1888. — Léon Rodet, Sur les notations numériques et algébriques antérieurement au XVI^e siècle. Paris 1881. — P. Tannery, La perte de sept livres de Diophante. Darboux Bull. (2) VIII, 192—206, 1884. — W. Schönborn, Die von Diophant überlieferten Methoden der Berechnung irrationaler Quadratwurzeln. Z. f. Math. XXX, Hl. Abt. 81—90, 1885. — P. de Fermat, Diophanti Alexandrini Arithmeticonum libri VI etc., cum Commentariis D. Bacheti et observationibus. Toulouse 1670. Deutsch von J. O. L. Schulz. Berlin 1823.

280. **Sporus von Nicäa.** Seine Sammlung *Ἀριστοτελικὰ κήρια* enthält verschiedenartige Auszüge aus mathematischen Schriften, die von Pappus, Simplicius und Eutokius benutzt wurden.

Lit. P. Tannery, Le fragment d'Eudème sur la quadrature des lunules. Ann. d. l. fac. d. l. d. Bordeaux, (2) V, 211—237, 1882.

295. **Pappus von Alexandria.** Vorsteher einer Schule daselbst. *Συναγωγή*, Collectiones, eine Sammlung in 8 Büchern, worin der Inhalt der damals hochgeschätzten mathematischen Schriften angegeben und durch einen Kommentar erläutert wird. Im VI. Buche der Satz von zwei senkrechten harmonischen Strahlen, im VII. die Unterscheidung der ebenen, körperlichen und linearen Probleme, die Lehre von der Involution von Punkten, von der Konstanz des anharmonischen Verhältnisses, Anfänge der Lehre von den Ähnlichkeitspunkten zweier Kreise, verschiedene wichtige Folgerungen aus Sätzen des Euklid und Apollonius, die sog. „Aufgabe des Pappus“, die Guldin'sche Regel, im VIII. die fünf mechanischen Potenzen: Hebel, Keil, Schraube, Rolle, Wellrad. Versuch, das statische Grundgesetz der schiefen Ebene

zu begründen. Kommentare zum Euklid. Näherungsmethode für Kubikwurzelausziehung. Fortsetzung der Kommentare des Porphyrius zu Ptolemäus' Syntaxis und Harmonielehre.

Lit. Pappi, Alexandrini collectionum mathematicarum libri VI superstites, ed. F. Commandino, Pesaro, 1588 und Bologna, 1660. — Pappi, Alexandrini collectiones quae supersunt, e libris manu scriptis edidit, latina interpretatione et commentariis instruxit Frid. Hultsch. 4 vol. Berlin 1876—77. — J. C. Gerhardt, Der Sammlung des Pappus von Alexandrien 7. und 8. Buch. Griech. u. deutsch. Halle 1871. Zusatz, aus dem 4. Buche, Eisleben 1874, u. Recension von M. Cantor, Z. f. Math. XXI, 37—42, 1876. — J. L. Heiberg, Über eine Stelle des Pappus. Z. f. Math. XXIII, Hl. Abt. 117—128, 1878. — P. Tannery, L'arithmétique des Grecs dans Pappus. Mém. de Bordeaux (2) III, 351—378, 1880. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 374 ff. — S. Günther, Antike Näherungsmethoden im Lichte moderner Mathematik. Prag Abh. (6) IX, 1879. — A. Heller, Gesch. der Physik. I. S. 138.

325. **Concil zu Nicäa.** Das Osterfest wird auf den Sonntag, der auf den ersten Vollmond nach der Frühlings- und Nachtgleiche folgt, festgesetzt.

— Lit. R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 328.

325. **Jamblichus** aus Chalcis in Cölesyrien. Schüler des Porphyrius zu Rom. Schrieb einen arithmetischen Traktat, ferner eine *Συναγωγή τῶν Πυθαγορικῶν δογμάτων*, in 10 Büchern (Leben des Pythagoras; Einleitung in die Philosophie, Einleitung in die Mathematik, Arithmetik, Erläuterungen zu Nikomachus, Musik, Geometrie, Sphärik, Physik, Ethisches).

Lit. Ed. Zeller, Die Philosophie der Griechen in ihrer geschichtlichen Entwicklung. III, 2. 2. Aufl. 1868. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 390 ff. — P. Tannery, Pour l'histoire de la science hellène. Paris 1887, 372—383. — Jamblichus, De vita Pythagorae, gr. lat. ed. Kiefsling. 2 vol. Lips. 1815—16. — Steinhart, Jamblichus. Ersch u. Gruber, Allg. Encyklop. Sect. 2. XIV, 273—283.

330. **Metrodorus.** Verf. mehrerer der arithmetischen Epigramme der griechischen Anthologie.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 393 ff.

340. **Firmicus Maternus**, Julius, aus Sizilien. Lehrbuch der Astrologie, matheseos libri VIII. (Die Astrologen heißen bei den Römern mathematici.)

Lit. Firmici, Julii, Junioris, matheseos libri VIII. Ed. Carolus Sittl. Leipzig 1891. — A. Häbler, Astrologie im Altertum. Pr. Zwickau 1879. — Bern. Baldi, Vite di matematici italiani, p. da Enr. Narducci. Boncompagni Bull. XIX, 488—489.

350. **Die arithmetischen Epigramme** der griechischen Anthologie.
Lit. Ed. Fried. Jacobs, 3 Bde., Leipzig 1813—17, ex rec. Brunckii. — Zirkel, Die 47 arithmetischen Epigramme der griechischen Anthologie. Pr. Bonn 1853. — G. H. F. Nesselmann, Die Algebra der Griechen. Berlin 1842, S. 477—491.
350. **Serenus von Antissa.** Scholien zu den Kegelschnitten des Apollonius. De sectione conici. De sectione cylindri. Darin zeigt er die Identität der aus dem Kegel und dem Cylinder geschnittenen Ellipse und benutzt die Eigenschaft eines harmonischen Strahlbüschels im Raume.
Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 347—349. — P. Tannery, Sérenus d'Antissa. Darboux Bull. (2) VII, 237—244, 1883. — Halley, Apollonii Pergaei Conicorum libri octo, et Sereni Antissensis de Sectione cylindri et conici libri duo. Oxon. 1710. — Serenus dtsch. v. E. Nizze. Pr. Stralsund 1860 u. 1861.
359. **Hillel II Hannasi**, Vorsteher der Schule zu Tiberias, begründet die jüdische Zeitrechnung.
Lit. A. Schwarz, Der jüdische Kalender historisch und astronomisch untersucht. Breslau 1872. — B. Zuckermann, Materialien zur Entwicklung der altjüdischen Zeitrechnung. Breslau 1882.
370. **Theon von Alexandria.** Lehrer am Museum zu Alexandria, Vater der Hypatia. Kommentar zum Almagest. Gab die Elemente Euklids heraus. Näherungsmethoden für Quadratwurzeln. Vergleicht die Höhe der Berge mit dem Radius der Erde.
Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 417 ff. — A. Heller, Gesch. d. Phys. I, 138. — R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 64, 147, 197, 572. — Halma, Commentaire du Théon sur le livre premier de la composition mathématique de Ptolémée, trad. 3 vol. Paris 1822—25.
375. **Patrikios**, spätgriechischer Mathematiker. Geometrisches, Flächen- und Volumenbestimmung.
Lit. Th. H. Martin, Mém. Prés. à l'Ac. d. Inscr. Sujets divers d'érudition, p. 220. Paris 1854. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 416 ff.
392. **Theodosius der Grofse** giebt den Befehl zur Verbrennung der heidnischen Tempel, wobei auch die zweite alexandrinische Bibliothek im Serapistempel zerstört wurde.
398. **Hypatia**, Tochter des Theon von Alexandria (375—415, wo sie bei einem Volksaufstande vom christlichen Pöbel zerrissen wurde). Schrieb mehrere mathematische Schriften, auch einen astronomischen Kanon.
Lit. R. Hoche, Hypatia, die Tochter Theons. Philologus

XV, 1860, 435 ff. — Meyer, Hypatia von Alexandria, ein Beitrag zur Geschichte des Neuplatonismus. Heidelberg 1886. — A. Heller, Geschichte der Physik. I, S. 138 ff. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 421—422.

400. **Macrobius, Theodosius.** Vielleicht aus Afrika stammend. Römischer Schriftsteller. In seinem 'Commentarius in Somnium Scipionis' ist viel Mathematisches, auch zuerst das Wort Ekliptik.

Lit. Macrobbii, Opera, ed. v. Jan. Quedlinburg u. Leipzig, 1848—52. — S. Günther, Mathematik, Naturwissenschaft etc. im Altertum. Handb. d. klass. Altertumsw. V, 1. Abt. S. 74.

410. **Synesius.** (Cyrene 378—430.) Bischof von Ptolemais in Ägypten. In der Physik Schüler der Hypatia. Beschreibt ein Skalenaräometer, konstruiert ein Astrolabium.

Lit. A. Heller, Gesch. d. Phys. I, 139.

450. Entstehung des Originals des **Codex Arcerianus.** Sammlung von Vorschriften über Gebietseinteilung, Ländervermessung und dergleichen für römische Verwaltungsbeamte.

Lit. M. Cantor, Die römischen Agrimensoren und ihre Stellung in der Geschichte der Feldmefskunst. Eine historisch-mathematische Untersuchung. Leipzig 1875.

450. **Domninos** aus Larissa in Syrien. Mitschüler des Proklus bei Syrianus und nach dem Tode dieses Proklus' Nebenhörer. Später in Laodicäa in Syrien. Werk über Arithmetik nach der Methode Euklids, im Gegensatz zu Nikomachus. Elemente der Arithmetik. *Κεφάλεια τῶν ὀπτικῶν.*

Lit. P. Tannery, Domninos de Larissa. Darboux Bull. (2) VIII, 288—298. — Wilde, Über die Optik der Griechen. Pr. Berlin 1832.

450. **Proklus.** (Byzanz 412—485.) Nachfolger, *διάδοχος*, Syrians als Leiter der Philosophenschule zu Athen. Kommentar zum ersten Buche (wahrscheinlich auch zu den übrigen Büchern) der Elemente des Euklid, teils Geminus, teils Pappus als Quelle benutzend. Studierte die höheren Kurven, die Cissoide, den Torusschnitt, die Hippopede. Kinematische Erzeugung krummer Linien mit Hilfe des Parallelogramms der Bewegungen für rechtwinklige Komponenten.¹⁾ Suchte den Einfluß der Gestirne auf die lebenden Wesen wissenschaftlich zu begründen. Kommentar zum *Τετραβιβλος*.²⁾

Lit. 1) M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 423 ff. — Procli Diadochi in primum Euclidis elementorum librum commentarii, ed. Friedlein, Leipzig 1873. — Knoche, Untersuchungen

über die neu aufgefundenen Scholien des Proclus Diadochos zu Euklids Elementen. Herford 1865. — Proklus, *Philosophical and mathematical Commentaries on Euclids Elements*, ed. by T. Taylor, 2 vol. London 1792. — P. Tannery, *Le vrai problème de l'histoire des mathématiques anciennes*. Darboux Bull. (2) IX, 104—120, 1885. — P. Tannery, *Résumé historique de Proclus*. Darboux Bull. (2) X, 49—64, 1886. — L. Majer, *Proklus über die Petita und Axiomata bei Euklid*. Pr. Tübingen 1875. — J. L. Heiberg, *Litterargeschichtliche Studien über Euklid*. Leipzig 1882, S. 164 ff. — B. Boncompagni, *Intorno al commento di Proclo sul primo libro degli elementi di Euclide*. Boncompagni Bull. VII, 1874, 152—165. — Ed. Zeller, *Die Philosophie der Griechen*. III, 2. Leipzig 1881, S. 774 ff. — 2) Gedruckt Lugduni Batavorum 1654. — A. Häbler, *Astrologie im Altertum*. Pr. Zwickau 1879.

450. **Victorius von Aquitanien**. Canon paschalis, eine Osterrechnung, Anleitung zur richtigen Bestimmung des Osterfestes. Darin wird das Jahr der Gründung Roms 754 als Jahr 1 eingeführt. Calculus, worin Rechnung mit Brüchen und Tabellen für die Multiplikation großer Zahlen.

Lit. G. Friedlein, *Der Calculus des Victorius*. Z. f. Math. u. Phys. XVI, 42—79 u. 253—254, 1871. — G. Friedlein, *Victorii Calculus, ex Codice Vaticano editus*. Boncompagni Bull. IV, 443—469, 1871.

470. **Martianus Capella**. *Satiricon de nuptiis philologiae et Mercurii*, eine Encyklopädie, worin viel Mathematisches. Zur Arithmetik des Capella schrieb Remigius d'Auxerre einen Kommentar.

Lit. M. Cantor, *Vorles. ü. Gesch. d. Math.* I, 479 ff. — *Martiani Capellae, De nuptiis philologiae et Mercurii de septem artibus liberalibus libri IX*, ed. Ulr. Kopp. Frankfurt a. M. 1836. — *Martianus Capella*, Franc. Eyssenhardt rec. *Accedunt scholia in Caesaris Germanici Aratea*, Leipzig 1866. — E. Narducci, *Comento inedito di Remigio d'Auxerre al „Satyricon“ di Marciano Capella e altri comenti al Satyricon*. Boncompagni Bull. XV, 505—580, 1883.

470. **Marinus von Neapolis**. Aus Flavia Neapolis in Palästina, dem alten Sichem. Schüler und Nachfolger des Proklus Diadochos. *Biographie des Proklus*. Vorrede zu den Daten Euklids.

Lit. M. Cantor, *Vorles. ü. Gesch. d. Math.* I, 425.

500. **Heliodorus**. (Zw. 440 und 445 zu Larissa geb.) Spätgriechischer Mathematiker.

500. **Damascius**, Neuplatoniker aus Damaskus. Studierte erst in Alexandria Rhetorik, dann zu Athen, wo er in der

Dialektik Schüler des Philosophen Isidorus Magnus und in der Mathematik Schüler des Marinus war. Übernahm 510 die Leitung der Schule zu Athen, wurde um 532 von Justinian verbannt, kehrte aber schon 533 aus Persien zurück. Wahrscheinlich Autor des XV. Buches der Elemente Euklids.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 426—427. — Th. H. Martin, Sur l'époque et l'auteur du prétendu XV^e livre des éléments d'Euclide. Boncompagni Bull. VII, 263—267, 1874. — Ed. Zeller, Die Philosophie d. Griechen. III, 2. S. 837.

VIII. Zeittafel. 500—750.

Inder. Beginn der Scholastik des Mittelalters.

510. **Aryabhatta.** (Pataliputra a. ob. Ganges 476 geb.) Indischer Mathematiker. Behandelt in drei Abschnitten seines Werkes Aryabhattijam die Mathematik. Regeldetri, Zins- und Mischungsrechnung, sechs algebraische Grundoperationen, Ausziehung der Quadrat- und Kubikwurzel mit Hilfe der Formeln für $(a + b)^2$ und $(a + b)^3$, Reihen, Permutationen, Gleichungen 1. u. 2. Gr. mit einer Unbekannten, Zahlentheorie, unbestimmte Gleichungen 1. u. 2. Gr. mit Hilfe der Aufsuchung des grössten gemeinsamen Teilers, magische Quadrate. $\pi = \frac{62832}{20000}$. Unrichtige Formeln für den Inhalt der Pyramide und der Kugel.

Lit. Rodet, Leçons de calcul d'Aryabhatta, Journal Asiatique 1879. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. V. Abschnitt. Inder. I, 505—562. — H. Hankel, Zur Gesch. d. Math. in Altertum und Mittelalter. Leipzig 1874. Mathematik der Inder. S. 172—222.

515. **Boethius,** Anicius Manlius Torquatus Severinus. (Rom 480 — Pavia 524, wo er enthauptet wurde.) Lebte zu Rom und zu Pavia. Begründer der Scholastik des Mittelalters. Übersetzte und bearbeitete viele griechische Schriften mathematischen, mechanischen und physikalischen Inhalts. Diese Bearbeitungen dienten im Mittelalter als Lehrbücher. Unterschied das Trivium: Grammatik, Rhetorik und Dialektik, und das Quadrivium: Geometrie, Musik, Arithmetik und Mechanik. Schrieb eine Arithmetik: De institutione arithmetica, worin die Mensa Pythagorica (Einmaleinstafel)

erwähnt wird. Er unterschied Fingerzahlen (*digiti*, Einer) und Gelenkzahlen (*articuli*, Zehner). Komplementäre Rechenmethoden mit *Apices*. Die ihm früher zugeschriebene Geometrie ist wahrscheinlich nicht von ihm. Er machte das Mittelalter mit Aristoteles bekannt. Fünf Bücher über die Musik. Im Kerker schrieb er die „Tröstung der Philosophie“.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 485 ff. — Ed. Zeller, Die Philos. d. Griechen. III, 2. S. 856 ff. — Anicii Manlii Torquati Severini Boetii, De institutione arithmetica libri duo, de institutione musica libri quinque. Accedit geometria quae fertur Boetii. E libris manu scriptis edidit Godofredus Friedlein. Leipzig 1867. — Herm. Weissenborn, Zur Boëtiusfrage. Pr. Eisenach 1880. — H. Düker, Der liber mathematicus des heil. Bernward im Domschatze zu Hildesheim. Pr. Hildesheim 1875. (Analyse der Arithmetik des Boëthius, die eine fast wörtliche Übersetzung des Nikomachus ist.) — J. Paulson, De fragmento Lundensi Boëtii de institutione arithmetica librorum. Lund. Arsskr. XXI, 1885. — B. Boncompagni, Intorno ad un passo della geometria di Boezio relativo al pentagono stellato. Boncompagni Bull. VI, 1873, 341—356. — Bern. Baldi, Vite di matematici italiani, pubbl. da Enr. Narducci, Boncompagni Bull. XIX, 521—586, 1886. — F. Gustafsson, De codicibus Boëtii de institutione arithmetica librorum Bernensibus. Act. Soc. Fenn. XI, 1880. — H. Weissenborn, Die Entwicklung des Ziffernrechnens. Pr. Eisenach 1877. — Boethius, 5 Bücher über Musik, dtsh. von O. Paul. Leipzig 1880.

525. **Simplicius.** Einer der letzten sieben Weisen Griechenlands aus der neuplatonischen Schule. Schrieb einen auch historisch wichtigen Kommentar zu den Schriften des Aristoteles.

Lit. Simplicii Commentarius in octo Aristotelis physicae auscultationis libros. Venetiis 1526, ap. Aldum Manutium. — Ed. Zeller, Die Philosophie d. Griechen. III, 2. S. 844 f. — Brandis, Scholia in Aristotelem ed. Ac. R. Bor. Berol. 1836. — Sim. Karsten, Simplicii Commentarius in IV libros Aristotelis de coelo. Traj. ad Rhenum 1865. — Schiaparelli, Die homocentrischen Sphären des Eudoxus etc. Anhang II. Auszug aus dem Kommentar des Simplicius zum zweiten Buch des Aristoteles de coelo. Z. f. Math. XXII, Suppl. 182—198, 1877.

525. Der römische Abt **Dionysius Exiguus**, der als der Urheber der dionysischen Ära gilt (siehe 450), verlegt den Anfang des Jahres vom Karfreitag auf den 1. Januar. (Jahr 1 vom 1. Januar bis 31. Dezember 754.)

Lit. Bern. Baldi, Vite di matematici italiani, pubbl. da Enr. Narducci. Boncompagni Bull. XIX, 586—590, 1886. — R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 64.

525. **Anthemios** aus Byzanz. (Zu Tralles in Lydien (?) geb. — Konstantinopel 534 †.) Baumeister und Bildhauer unter Kaiser Justinian. Mit Isidorus von Milet Erbauer der Hagia Sophia in Konstantinopel. Geschickter Mechaniker. Schrieb *περὶ παραδόξων μηχανημάτων*. Über konische Brennspiegel. Vielleicht der Verfasser des 'Fragmentum mathematicum Bobiense', worin die Bestimmung des Brennpunktes der Parabel.

Lit. R. Stuart, Historical and descriptive anecdotes of Steam engines and of their invention. I. London 1829. — A. Heller, Gesch. d. Physik. I, 92. — L. Dutens, Du miroir ardent d'Archimède. Paris 1775. — J. L. Heiberg, Zum fragmentum mathematicum Bobiense. Z. f. Math. XXVIII, Hl. Abt. 121—129, 1883. — Planck, Die Feuerzeuge der Griechen und Römer und ihre Verwendung zu profanen und sakralen Zwecken. Pr. Stuttgart 1884.

529. **Schließung der Philosophenschule zu Athen** durch den oströmischen Kaiser Justinian I.

Lit. Ed. Zeller, Die Philosophie der Griechen. III, 2. Die Schule von Athen. S. 746 ff.

530. **Eutokios**. (Zu Askalon 480 geb.) Lebte unter Kaiser Justinian. Schrieb Kommentare zu einigen Schriften des Archimedes und zu den vier ersten Büchern der *Κωνικά* des Apollonius. Ein dritter Kommentar zum Almagest des Ptolemäus ist verloren. Seine Kenntnisse der höheren Geometrie schöpfte er aus Eudemos.

Lit. J. L. Heiberg, Philosophische Studien zu griechischen Mathematikern. I, II. J. d. class. Phil. XI, Suppl. 357—399, u. Leipzig, Teubner 1881. — P. Tannery, Eutocius et ses contemporains. Darboux Bull. (2) VIII, 315—329, 1884.

540. **Varāhamihira**. († 587.) Indischer Mathematiker und Astronom. Seine astrologischen Schriften sind erhalten, sein astronomisches Werk ist verloren gegangen. Er benutzt ein früheres astronomisches Werk Sūrya Siddhānta, das Wissen der Sonne, das aus dem IV. oder V. Jahrh. stammt.

Lit. Bhāu Dāji, On the age and authenticity of the works of Aryabhata, Varāhamihira, Brahmagupta, Bhattotpala and Bhaskarāchārya. Journ. of Asiat. Soc. New Series. I, 392—418. London 1865. — Siddhānta, herausgeg. mit englischer Übersetzung von Burgess mit Anmerkungen von Whitney. Journ. of the American-Oriental Soc. VI, 141—498. New-Haven 1860. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 509.

562. **Cassiodorius**, Magnus Aurelius Senator. (In Bruttien unweit Scyllacium 475—570 in dem von ihm gestifteten Kloster

dasselbst.) 'De artibus ac disciplinis liberalium litterarum', eine Encyclopädie (Grammatik, Rhetorik, Dialektik, Arithmetik, Musik, Geometrie und Astronomie). Computus paschalis, Osterrechnung. Variarum epistolarum libri XII.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 481 ff. — A. Thorbecke, Cassiodorus Senator. Pr. Lyc. Heidelberg 1867.

601. **Isidorus Hispalensis.** (Carthago 570 — Sevilla 636.) Von 601—636 Bischof von Sevilla. Origines, eine Encyclopädie in 20 Büchern. Das III. Buch handelt von den 4 mathematischen Wissenschaften. Neben vielen Worterklärungen eine eigentümliche Vermutung über die Abstammung der römischen Zahlwörter.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 704 ff.

610. **Stephanus von Alexandria.** Lehrte zu Konstantinopel unter Kaiser Heraklius. Hielt Vorlesungen über Schriften des Platon und Aristoteles, über Geometrie, Arithmetik, Musik und Astronomie. Kommentar zu den astronomischen Handtafeln des Theon von Alexandrien.

Lit. Herm. Usener, De Stephano Alexandrino Commentatio. Bonn 1880.

622. **Mohammeds Flucht** aus Mekka. Beginn der Hedschra, der mohammedanischen Zeitrechnung (Mondjahre).
635. **Asklepias von Tralles.** Alexandrinischer Gelehrter. Kommentar zum Nikomachus.

638. **Brahmagupta**, indischer Mathematiker. (598 geb.) Brahmasphuta-Siddhanta, Erkenntnis, eine Encyclopädie der Wissenschaften. Das 12. und das 18. Kapitel enthalten die Mathematik. Elemente der Goniometrie, Sinustabelle. Regel für die Bildung rechtwinkliger Dreiecke mit rationalen Seiten:

$$\frac{1}{4} \left(\frac{p^2}{q} + q \right)^2 = \frac{1}{4} \left(\frac{p^2}{q} - q \right)^2 + p^2. \text{ Inhalt des Kreisvierecks}$$

$$\sqrt{(s-a)(s-b)(s-c)(s-d)}.$$

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, Kap. V. Inder, S. 505—562. — H. Hankel, Zur Gesch. d. Math. in Altert. u. Mittelalter. Die Inder. S. 172—222. — Algebra with arithmetic and mensuration from the Sanscrit of Brahmagupta and Bhascara translated by H. Th. Colebrooke. London 1817. — H. G. Zeuthen, Brahmaguptas Trapez. Zeuthen Tidsskr. (3) VI, 168—174, 181—191, 1876. — Ed. Lucas, Sur un théorème de l'arithmétique indienne. Boncompagni Bull. IX, 1876, 157—164. — Fernere Literatur bei Aryablatta. — H. Weissenborn, Das Trapez bei Euklid, Heron und Brahmagupta. Z. f. Math. XXIV, Suppl. 167—184, 1879.

640. **Johannes Philoponus.** Grammatiker zu Alexandria. Schüler des Asklepius von Tralles. Schrieb Scholien zur *Introductio arithmetica* des Nikomachus und einen Kommentar zur Physik des Aristoteles. Ferner *De usu Astrolabii ejusque constructione libellus*.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 427 f. — Johannes Philoponus in *Nicomachi introduct. arithmet.*; ed. Hoche. 1. Heft, Leipzig 1864, 2. Heft Berlin 1867. — R. Wolf, *Gesch. d. Astr.* S. 165.

642. **Alexandria zerstört** durch den Kalifen Omar I. Sage von der Verbrennung der alexandrinischen Bibliothek.

703. **Beda Venerabilis.** (Monkton bei Girvey in Northumberland 672 — Girvey 735, 26. Mai.) Presbyter zu Girvey, einem Kloster an der Grenze Schottlands. Lehrte im 1. Kapitel seines Buches *'De temporum ratione'*, einer Zeitrechnung zur Bestimmung der christlichen Feste, die Fingerrechnung: *'de computo vel loquela digitorum'*. Werke über Kosmologie und Zeitrechnung. Sein Werk *'De sex aetatibus mundi'* führte die Zeitrechnung des Dionysius in die Geschichtsschreibung des Mittelalters ein.

Lit. Karl Werner, *Beda der Ehrwürdige und seine Zeit*. Wien 1875. — *Venerabilis Bedae opera quae supersunt omnia*, ed. Giles. 12 Bde. London, 1843. — S. Günther, *Geschichte des mathematischen Unterrichts im deutschen Mittelalter bis zum Jahre 1525*. Berlin 1887.

717. **Yih-Hing**, indischer Buddhapriester in China. Schrieb *Ta yen lei* schuh, ein Buch über unbestimmte Analytik.

Lit. L. Matthiessen, *Grundzüge d. ant. u. mod. Algebra der litteralen Gleichungen*. Leipzig 1878, S. 964.

745. **Virgilius von Salzburg.** († 784.) Alt von St. Peter, 767 Bischof. Richtige Ansichten über die Gestalt der Erde. Streit mit dem heil. Bonifacius über die Lehre von den Antipoden.

Lit. S. Günther, *Studien zur Geschichte der mathematischen und physikalischen Geographie*. 1. Heft. Die Lehre von der Erdrundung und Erdbewegung im Mittelalter bei den Occidentalen. 2. Heft. Die Lehre von der Erdrundung und Erdbewegung im Mittelalter bei den Arabern und Hebräern. Halle, 1877.

IX. Zeittafel. 750—1100.

Araber. Klostergelehrte des Mittelalters.

750. **Geber**, Giāfr, Abū Mūsā Schābir al Sofī. (Hauran in Mesopotamien 702—765.) Alchymist. Vater der Chemie. Lehrte zu Sevilla.

Lit. A. Heller, *Gesch. d. Physik*. I, 165 ff. — Wüstenfeld, *Gesch. d. arab. Ärzte und Naturforscher*. S. 12. — Geber's Vollst. chemische Schriften. Erfurt 1710 und Wien 1751. — Gebri, *Summae perfectionis magisterii in sua natura libri IV, cum additione ejusdem reliquorum tractatum*. Dantisc. 1682.

- 754—775. Die Regierung des Kalifen **Almansur**. Arabische Übersetzungen. 'Sindhind' oder 'Sūrya-Siddhanta', ein aus Indien stammendes, spätestens im V. Jahrhundert verfaßtes Lehrbuch der Astronomie wird ins Arabische übersetzt.

Lit. M. Cantor, *Vorles. ü. Gesch. d. Math.* I, 596 f.

764. **Bagdad** vom Kalifen **Almansur** erbaut. Sitz der Gelehrsamkeit. Beginn der Geschichte der Mathematik bei den **Arabern**.

Lit. H. Hankel, *Zur Geschichte der Mathematik in Altertum und Mittelalter*. Leipzig 1874. Araber S. 223—295. — M. Cantor, *Vorlesungen über Geschichte der Mathematik*. VII. Abschnitt. Araber. I, 593—700. — R. Wolf, *Geschichte der Astronomie*. S. 66 ff. — A. Heller, *Geschichte der Physik*. S. 158 ff. — Fr. Wöpche, *Recherches sur l'histoire des sciences mathématiques chez les Orientaux*. Journ. Asiat. (5) IV, 348—384, 1854; V, 219—256, 1855; XV, 282—320, 1860. — J. C. Gartz, *De interpretibus et explanatoribus Euclidis arabicis*. Diss. Halae 1823. — Klamroth, *Über den arabischen Euklid*. Z. d. D. morg. Ges. XXXV, 270—325. — Wenrich, *De auctorum Graecorum versionibus Arabicis*. Lipsiae 1842. Preisschrift. — Als Quellen sind angegeben in M. Steinschneider, *Euklid bei den Arabern*. Eine bibliographische Skizze. Z. f. Math. XXXI, Hl. Abt. 81—110, 1886, folgende: Al Kifti, *Biographisches Lexikon* (XIII. Jahrh.), in Casiri's *Bibliotheca arabica*. d'Herbetot, *Bibliothèque orientale*, Auszüge aus Kagi Khalfa's *Bibliograph. Wörterbuch*, arab. u. lat. von Flügel. Hammer, *Encyclopädische Übersicht der Wissenschaften des Orients*. Leipzig 1804. Leclerc, *Histoire de la médecine arabe*. Paris 1876, 2 vol. Al Nadim, *Fihrist* (Katalog, Ende d. X. Jahrh.), red. von Flügel. Leipzig 1871, 2. Bd. von J. Rödiger und Aug. Müller, 1872. Ibn abi Oseibia (XIII. Jahrh.) *Geschichte der Ärzte*, bearb. von Aug. Müller, Königsberg 1884. Auszug von Wüstenfeld, *Geschichte der arabischen Ärzte*. Göttingen 1840. — H. Suter, *Das Mathematiker-Verzeichniss im Fihrist etc*. Z. f. Math. XXXVII, Suppl. 1—87, 1892.

773. Auftreten indischer Astronomie in Bagdad. Ein Auszug aus dem astronomischen Werke **Siddhānta** des **Brahmagupta** kommt durch einen Inder nach Bagdad und wird dort von den Arabern übersetzt.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 597 f. — Fr. Wöpcke, Sur le mot *Kardaga* et sur une méthode indienne pour calculer les sinus. *Nouv. Ann. d. math.* XIII, 386—394. Paris 1854.

780. **Alcuin**. (York 736 — Hersfeld in Hessen 804, 19. Mai.) Zuerst Lehrer an der Klosterschule zu York, dann seit 782 Karl's des Großen Gehilfe in dessen civilisatorischen Bestrebungen, später Abt von St. Martin zu Tours. Gründete Klosterschulen mit dem Trivium und Quadrivium. Schrieb 'Propositiones ad acuendos juvenes'. Aufgaben für das angewandte Rechnen. Fingerrechnen und Rechnen mit römischen Zahlen.

Lit. Karl Werner, *Alcuin und sein Jahrhundert*. Paderborn 1876. — *Monumenta Alcuiniana*, ed. Wattenbach und Dümmler. *Bibliotheca rerum Germanicarum*. VI. Berlin 1873. — *Alcuini Opera*, ed. Frobenius. Regensburg 1777.

- 786—809. **Harun Arraschid's** Regierung. Arabische Übersetzungen griechischer Schriften, Hippokrates, Galen, Aristoteles, Euklid.

Lit. Wenrich, *De auctorum graecorum versionibus et commentariis syriacis, arabic. etc.* Lipsiae 1842.

800. **Karl der GroÙe** (747—814). Förderer der Wissenschaften Gründete mit Alcuin eine gelehrte Gesellschaft, welche die Pflege der Mathematik und der Astronomie und die Verbesserung der Sprache sich angelegen sein lieÙ. Neuer Kalender.

Lit. S. Günther, *Gesch. d. math. Unterrichts im deutschen Mittelalter bis z. J. 1525*. Berlin 1887. S. 22 ff. — F. Piper, *Karl der GroÙe, Kalendarium und Ostertafel*. Berlin, 1858.

- 813—833. **Al-Mamun** Abdallah, Kalif von Bagdad. (Bagdad Sept. 786 — Tarsus Aug. 833.) Sohn des Harun Arraschid. Pfleger der mathematischen Wissenschaften. LieÙ zahlreiche griechische Werke, u. a. die des Hippokrates, Galenus, Theophrastus, den *Almagest*, die *Elemente* Euklids und Schriften des Aristoteles ins Arabische übersetzen.

Lit. R. Wolf, *Gesch. d. Astr.* S. 66 ff. — M. Cantor, Vorles. ü. *Gesch. d. Math.* I, 594 u. ff.

815. **Alfragan**, Ahmed Mohammed ben Kathair, genannt Al Fergani oder der Rechner. (Geb. zu Fergana in Sogdiana — † 833 oder 844.) Astronom des Al-Mamun. Seine 'Rudimenta astronomiae', übersetzt 1135 von Johannes Hispalensis, wurden aus dem Nachlasse Regiomontans i. J. 1537 von Melanchthon herausgegeben.

Lit. Ketiri Fergani, *Elementa astronomiae*, arab. et lat. cum notis J. Golii. Amsterdam 1669. — Heilbronner, *Historia matheseos universae*. Lipsiae 1742, p. 426. — M. Steinschneider, Zum *Speculum astronomicum* des Albertus Magnus, über die darin angeführten Schriftsteller und Schriften. Z. f. Math. XVI, 1871, p. 365.

820. **Hrabanus Maurus**. (788 — Rheingau 856.) Primus praeceptor Germaniae. Lehrte Mathematik in der Klosterschule zu Fulda. Starb als Erzbischof von Mainz. Sein 'Computus' ist z. t. ein wörtlicher Auszug aus der Schrift Beda's. 'De Universo libri XXII, sive etymologiarum opus', eine Encyclopädie nach Isidor von Sevilla.

Lit. A. Heller, *Geschichte der Physik*. I. Stuttgart, 1882. S. 172 ff. — S. Günther, *Gesch. d. math. Unterrichts im deutschen Mittelalter*. Berlin 1887, S. 66 u. f. — Köhler, *Hrabanus Maurus und die Schule zu Fulda*. Chemnitz 1870.

820. **Muhammed ibn Musa Alchwarizmi**. Arabischer Mathematiker und Astronom. Beobachtete zu Bagdad und Damascus. Schrieb eine Arithmetik. Seine Algebra (Aldschebr w Almucabala, restauratio et oppositio, Namen für zwei algebraische Hauptoperationen, deren erster später die ganze Disziplin bezeichnete) war bei den Arabern als Lehrbuch lange in großem Ansehen. (Das Zahlenrechnen der Araber, bei dem die 6 Operationen Addieren, Subtrahieren, Halbieren, Verdoppeln, Multiplizieren und Dividieren unterschieden werden, ähnelt dem der Inder. Addition, Subtraktion und Multiplikation algebraischer Größen, die nur x , x^2 und \sqrt{x} enthalten. Regula elchatayn, Regel der 2 Fehler, und Methode der Wagschalen. Auflösung quadratischer Gleichungen von der Form $x^2 \pm ax = b$ und $x^2 - ax = -b$; die Richtigkeit der durch Rechnung gefundenen Lösung wird rein geometrisch nachgewiesen. Nur die positiven Wurzeln der Gleichungen werden berücksichtigt.) Schrieb ferner „Über die Vermehrung und Verminderung“. Seine Geometrie ist teils griechischen, teils indischen Mustern entlehnt. Der pythagoräische Lehrsatz wird für das gleichschenklige Dreieck durch Zerlegung des Quadrates

in eben solche Dreiecke veranschaulicht. Übersetzte auf Befehl des Kalifen Al-Mamun einen Auszug aus dem Sindhind und revidierte die Tafeln des Ptolemäus mit Hilfe eigener Beobachtungen. Liefs auch die Messung eines Erdmeridiangrades ausführen. Förderte die Trigonometrie. Die lateinische Übersetzung des Namens Alchwarizmi, Algorithmi, führte zu dem Kunstausdruck Algorithmus.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 611 ff. — A. v. Kremer, Kulturgeschichte des Orients unter den Kalifen. Wien 1877. II, 442. — Libri, Histoire des sciences mathématiques en Italie. Paris 1837. I. Note XII. — Aristide Marre, Le Messâhat de Mohammed ben Moussa al Khârezmi. Extrait de son Algèbre, trad. et ann. 2. éd. Rome 1866. (Messâhat = Thor der Messkunst). — The Algebra of Mohammed ben Musa, ed. and transl. by Friedr. Rosen. London 1831. — A. Favaro, Notizie storico-critiche sulla costruzione delle equazioni. Modena 1878.

820. **Messahala**, oder Maschallah, jüdischer Astronom und Mathematiker. Schrieb in arabischer Sprache. Wurde von Al-Mamun bei der Übersetzung und Bearbeitung des Almagest beschäftigt. Schrieb 'De utilitate et compositione astrolabii', 'De elementis et orbibus coelestibus', ein Elementarbuch der Astronomie. Astrologisches.

Lit. M. Steinschneider, Zum Speculum astronomicum des Albertus Magnus, über die darin angeführten Schriftsteller und Schriften. Z. f. Math. XVI, 376—380, 1871.

825. **Mohammed ben Mūsā ben Schäkir**. Arabischer Mathematiker. Erst Wüstenräuber, später am Hofe des Kalifen Al-Mamun in hoher Stellung. Trisektion des Winkels mittelst der Conchoide.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 629.

829. **Al-Mamun** (786—833) errichtete zu Bagdad eine Sternwarte, wo er selbst beobachtete. Liefs zwei geodätische Messungen in den Ebenen Mesopotamiens ausführen, um die Länge des Meridiangrades zu bestimmen.

Lit. R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 66 f. — A. Heller, Gesch. d. Physik. I, 160 u. f. — Haji Kalfa, Lexicon bibliographicum etc. III, 466. — Casiri, Bibliotheca arabico-hispana Escur. Matriti 1760, I, 425.

850. **Walafried Strabus**. (810—894.) Lehrte Mathematik in der Klosterschule zu Reichenau.

Lit. P. Trudpert. Neugart. Episcopatus Constantiensis, MÜLLER, Zeittafeln.

Pars 1, Tom. 1. St. Blasien 1803. — S. Günther, Geschichte des mathematischen Unterrichts etc. S. 47 ff.

850. **Leon**, byzantinischer Mathematiker. Erst auf Andros, dann in Konstantinopel, später als Metropolit in Thessalonich. Hielt in Konstantinopel öffentliche Vorlesungen über Mathematik. Astrologische Schriften.

Lit. J. L. Heiberg, Der byzantinische Mathematiker Leon. Bibl. Math. (2) I, 33—36, 1887. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 205.

850. **Alchindi** (Alchendi, Alkindius), eigentl. Jakub ben Jshāk, Abu Jussuf Alchindi, Al-Basri. (c. 813—873). Arabischer Philosoph, Arzt, Astronom und Astrolog. Liber de radiis stellaris. De motu diurno. De proportionibus. De nobilitate. De subtilitate. De rerum gradibus.

Lit. G. Flügel, Al-Kindi, genannt „der Philosoph der Araber“ etc. Leipzig 1857, Abhandlungen f. d. Kunde des Morgenlandes I, 1—54. — Wüstenfeld, Geschichte der arabischen Ärzte und Naturforscher. Göttingen 1840, Nr. 57. — Chasles, Aperçu historique sur l'origine et le développement des méthodes en géométrie. Bruxelles 1837, p. 291 u. 492. — Montucla, Histoire des mathématiques. 2 éd. Paris, an VII, p. 373—374.

850. **Albumasar**, eigentl. Abu-Maaschar Giafar ben-Mohammed. (Balkh, Khorassan 805/806 — Vasith 885.) Arabischer Philosoph, Astronom, Arzt und Astrolog in Bagdad. Liber conjunctionum.

Lit. Albumasaris, De magnis conjunctionibus annorum ac revolutionibus eorum. Aug. Vind. 1488, Venet. 1515. Introductorium ad astronomiam Albumasaris Ablachi. Aug. Vind. 1489, Venet. 1506. Flores astrologici, cum Zodiaci et Planetarum figuris. Aug. Vind. 1488. — M. Steinschneider, Zum speculum astronomicum des Albertus Magnus, über die darin angeführten Schriftsteller und Schriften. Z. f. Math. XVI, 1871, 360—361.

850. **Honein ben Jshāk**. († 873.) Arabischer Arzt, Christ zu Bagdad. Übersetzte mehrere griechische naturwissenschaftliche und astronomische Schriften. Bearbeitete auch den Almagest des Ptolemäus.

Lit. R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 197.

854. **Almāhāni**, Abu Abdallah Mohammed, aus Mohan in Khorasan. Astronom und Mathematiker. Beobachtete 854—866 in Bagdad. Versuchte die archimedische Aufgabe, eine Kugel in Abschnitte von gegebenem Volumenverhältnis zu teilen, mit Hilfe kubischer Gleichungen zu lösen. Bei dieser stereometrischen Lösung der kubischen Gleichung trat der Begriff des Sinus einer körperlichen Ecke auf.

Lit. Notices et extraits des manuscrits de la bibliothèque nationale. Paris VII, 102 ff. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 664.

860. **Abu Dscha'far Alchâzin.** Versuchte die Gleichungen dritten Grades mit Hilfe von Kegelschnitten zu lösen.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 664.

865. Die drei Brüder **Mohammed, Ahmed und Alhasan ben Musa ben Schakir**, Söhne des Mohammed ben Schakir. „Liber trium fratrum de geometria.“ (Methode der Kubikwurzelanziehung. Neue Beweise geometrischer Sätze, die heronische Dreiecksformel u. a.) Eine Einleitung in die Kegelschnitte (Gärtnerkonstruktion der Ellipse) und mehrere andere mathematische Schriften. Trisektion des Winkels mittelst der Kreiskonchoide.

Lit. M. Steinschneider, Die Söhne des Musa ben Schakir. Bibl. Math. (2) I, 44—48, 71—75, 1887. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 629 ff. — Der Liber trium fratrum de geometria, nach der Lesart des Codex Basileensis F. II, 33, mit Einleitung und Kommentar herausg. von M. Curtze, Nov. Act. d. K. Leop. Car. Ak. XLIX, 109—167. Halle 1885.

870. **Abu Jakub Jshak ben Honein.** († 910.) Arabischer Mathematiker zu Bagdad. Übersetzte unter Aufsicht seines Vaters Honain ben Ishak die meisten Werke Euklids, Archimedes' Buch von der Kugel und dem Cylinder, und den Autolykus.

Lit. R. Wolf, Gesch. d. Astronomie. S. 197. — Klamroth, Über den arabischen Euklid. Z. d. dtsh. morgenl. Ges. XXXV, 270—326, 1881. — J. L. Heiberg, Die arabische Tradition der Elemente Euklids. Z. f. Math. XXIX, Hl. Abt., 1—22, 1884.

875. **Thabit ben Korra** (Thebit ibn Kurrah). (Harran in Mesopotamien 833 — Bagdad 902.) Erst Geldwechsler, dann Mathematiker und Astronom zu Bagdad. Revidierte die arabischen Übersetzungen der sog. „mittleren Bücher“, d. h. derjenigen zwischen den Elementen Euklids und dem Almagest des Ptolemäus. Übersetzte Schriften des Apollonius, Ptolemäus (aus *μεγάλη σύνταξις* wurde *μεγίστη* und Almagisti) Theodosius, Archimedes, Euklid. Verbesserung der Übersetzungen des Honein. Schrieb ein Werk über Zahlentheorie, worin die Herstellung der befreundeten Zahlen gelehrt wird. Trisektion des Winkels mit Hilfe der Conchoide.

Lit. M. Steinschneider, Thabit („Thebit“) ben Korra. Bibliographische Notiz. Z. f. Math. u. Phys. XVIII, 331—338,

1873. — M. Steinschneider, Die „mittleren“ Bücher der Araber und ihre Bearbeiter. Z. f. Math. X, 456—498, 1865. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 603, 630 u. f. — R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 48, 142, 197. — L. L. M. Nixius, Apollonii Conicorum lib. V. Nach der Übers. des Thabit Ibn Corrah. Diss. Leipzig 1889. — M. Steinschneider, Euklid bei den Arabern. Eine bibliographische Studie. Z. f. Math. XXXI, Hl. Abt. 81—110, 1886. — Prolégomènes historiques d'Ibn Khaldoun. Notices et extraits des manuscrits de la bibliothèque Nationale. Paris 1868, XXI, p. 179. — Dieterici, Die Propädeutik der Araber im 10. Jahrh. Berlin 1865.

877. **Remigius von Auxerre.** († c. 908.) Schüler Alcuins, besonders verdient um das Schulwesen von Rheims, stiftet zu Paris eine Schule, aus der sich später die Pariser Universität entwickelt. Kommentar zur Arithmetik des Martianus Capella.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 723 u. 724. — Karl Werner, Alcuin und sein Jahrhundert. Paderborn 1876. S. 110 ff. — E. Narducci, Intorno ad un commento inedito di Remigio d'Auxerre al „Satyricon“ di Marziano Capella. Boncompagni Bull. XV, 1882, 505—565. — S. Günther, Gesch. d. math. Unterrichts. S. 45, 71, 201.

885. **Albategnius**, Mohammed ben Gobir ben Sinān Abū Abdallah **Al-Battānī**. (Battān in Mesopotamien c. 850 — Damaskus 929.) Arabischer Prinz, Statthalter in Syrien. Der größte arabische Astronom und Mathematiker. Beobachtete zu Ar-Rakka und Damaskus. Kommentar zum Almagest. „Liber de motu stellarum“, aus dem Nachlaß Regiomontans 1537 von Melanchthon herausgegeben. Führt die halbe Sehne des doppelten Winkels statt der ganzen Sehne des einfachen Winkels ein, also die goniometrische Funktion, die seit der Übersetzung des Plato von Tivoli im XII. Jahrh. sinus genannt wird. Fügt dieser Funktion die umbra recta, die Cotangente, hinzu und berechnet die erste Cotangententafel. „Liber de scientia stellarum“, worin der Hauptsatz der sphärischen Trigonometrie. Bestimmte genauer die Excentricität der Sonnenbahn und die Länge des Jahres. Entdeckte die Bewegung des Apogäums der Sonne.

Lit. M. Steinschneider, Vite de mathematici arabici etc. Boncompagni Bull. V, 1872, 447—458. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 632 u. f. — R. Wolf, Gesch. d. Astron. S. 67 ff. — A. Heller, Gesch. d. Physik. I, 171 f. — Rudimenta astronomiae Alfragani; item Albategnius astronomus peritissimus de motu stellarum, cum demonstration. geom. et addit. Joannis de Regiomonte. Norimbergae 1537. — Mohammedis Albatēnii de scientia stellarum liber, cum aliqu. add.

*Trigonometrie
(umbra recta)
1255*

Joannis de Regiomonte ex bibl. Vaticana transcriptus. Bononiae 1645. — Auszug hieraus in Delambre, Histoire de l'astronomie du moyen âge. Paris 1819, 10 ff.

900. **Kusta ben Luka.** (864—923.) Arabischer Philosoph und Arzt, Christ. Übersetzte die Sphärik des Theodosius, astronomisch-geometrische Schriften des Aristarch von Samos, des Autolykus, Hypsikles, Heron von Alexandrien, wahrscheinlich auch die Arithmetik des Diophant.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 603. — Wüstenfeld, Gesch. d. arab. Ärzte u. Naturforscher S. 47.

910. **Rhases, Muhamed Ibn Sakarjah Abu Bekr al Rasi.** (Geb. zu Khorasan, † 932 Bagdad.) Chemiker und Mediziner. Schrieb El Hawi fil tib, Hauptsache der ärztlichen Wissenschaft.

Lit. A. Heller, Gesch. d. Physik. I, 167.

- 912—961. Regierung des Omaiaden **Abd Arrhaman III.** Entwicklung der westarabischen Kultur. Gründung einer Bibliothek im Palaste zu Cordova. Glänzende Bauten.

Lit. A. Heller, Gesch. d. Physik. I, 158—165. Die Araber. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 680.

925. **Ahmed ben Jusuf.** († 945.) Arabischer Mathematiker und Astronom. 'Liber de proportionibus' (Darin wird die figura cata, d. h. der Satz des Menelaus von den sechs auf den Dreiecksseiten durch eine Transversale gebildeten Abschnitten, behandelt). De arcubus similibus. Kommentar zum „Centiloquium“ des Ptolemäus.

Lit. M. Steinschneider, Jusuf ben Ibrahim und Ahmed ben Jusuf. Bibliot. Math. (2) II, 49—52, 111—117, 1888. — M. Cantor, Ahmed und sein Buch über die Proportionen. ib. 7—9.

925. **Al-Farabi**, eigentl. Abu Nasr Mohamed Ebn Tarchan Al-Farabi. (Balah in der Provinz Farad 890 — Damaskus 953.) Philosoph und Astronom des Fürsten Seif-el-Daulah. Kommentar zum Almagest. Verehrer des Aristoteles. Soll auch über Perspektive geschrieben haben. Ferner: Musices elementa. Encyclopaedia astronomiae. De uno et unitate. De puncto geometrico seu indivisibili.

Lit. M. Steinschneider, Al-Farabi, des arab. Philosophen Leben und Schriften, mit bes. Rücksicht auf die Gesch. d. griech. Wissenschaft unter den Arabern. St. Petersburg 1869. Mém. de St. Pétersb. (7) XIII. — R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 197 f. — A. Heller, Gesch. d. Physik. I, 129, 165, 167.

926. **Odo von Cluny.** (Tours 879 — Cluny 942 od. 943.) Lebte zuerst im Kloster St. Martin in Tours, dann bei

Remigius in Paris, später in der Cisterzienser Abtei Baume und wurde 937 Abt von Cluny. *Dialogus de musica arte. Liber Occupationum.* Rechnen auf dem Abacus.

Lit. *Scriptores ecclesiastici de musica*, herausg. d. Abt Martin Gerbert von St. Blasien. St. Blasien, 1784. — S. Günther, *Geschichte des mathematischen Unterrichts im deutschen Mittelalter.* Mon. Germ. Päd. III. Berlin 1887. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 724 f.

933. **Almansore.** Arabischer Astronom, in Spanien geboren. Schrieb ein astronomisches Werk in 150 Paragraphen für den König der Sarazenen, das Plato von Tivoli übersetzte, und Astrologisches.

Lit. *Almansoris Astrologi Propositiones*, ad Saracenorum Regem, in: *Speculum astrologiae, universam mathematicam scientiam, in certas classes digestam complectens.* Autore Francisco Junctino florentino, etc. I. Lugd. 1583, 843—847.

938. Die Geodäsie des **Heron des Jüngeren** von Byzanz, eine Nachbildung des Heron von Alexandrien. 1572 von Barocius ins Lateinische übersetzt.

Lit. *Géodésie de Héron de Byzance* éd. Vincent. Not. et extr. des manusc. de la bibl. imp. Paris 1858. XIX, 2 p. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 429.

955. **Al-Sufi**, Abd-Al Rahman. (Raï in Teheran 903, 7. Dez. — Bagdad 986, 25. Mai.) Astronom, lange am Hofe zu Bagdad. Revidierte die griechischen Sternverzeichnisse. Schrieb einen Traktat über die Projektion der Lichtstrahlen.

Lit. R. Wolf, *Gesch. d. Astr.* S. 194 f. — Sein Sternverzeichnis wurde von Schjellerup u. d. T. „Description des étoiles fixes“, St. Pétersburg, 1874 herausgegeben.

- 961—976. **Hakem II.** Beruft an die von ihm gegründete Akademie zu Cordova bedeutende Gelehrte und legt für die von ihm gestiftete Bibliothek einen 44 Bände umfassenden Katalog an. Gründet mehrere gelehrte Schulen.

Lit. R. Wolf, *Geschichte der Astronomie.* S. 61 f. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 677.

970. **Alchodschandi**, Abu Mohammed. (Aus Chodschanda in Khorasan; lebte noch 992.) Arabischer Astronom. Schrieb über rationale rechtwinklige Dreiecke. Bewies, daß $x^3 + y^3 = z^3$ in rationalen Zahlen nicht lösbar.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 646.

972. **Alsidschzi**, Abu Said Ahmed ben Mohammed ibn Abd-Al-Dschalib As-Sidschzi, oder Alsindschari. Trisection des

Winkels mittelst eines Kreises und einer gleichseitigen Hyperbel. Bewegungsgeometrie, d. h. Methode der gleitenden Drehung. Über Kegelschnitte und über Durchschnitte von Kegelschnitten und Kreisen.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 644 f.

975. **Almadschriti** († 1007), Abū'l Kasim Maslama ben Ahmed. Westarabischer Mathematiker. Lehrte zu Cordova. Befreundete Zahlen.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 631 u. 681.

975. Entstehung des wissenschaftlichen **Geheimbundes der aufrichtigen Brüder und treuen Freunde** zu Al-Basra. Darunter arabische Mathematiker, wie Almukaddasi, Zaid ibn Rifaa u. a. Sie veröffentlichten gemeinsam die Abhandlungen der lauterer Brüder. Zahlentheoretisches, Flächenberechnungen, magische Quadrate.

Lit. Dieterici, Die Propädeutik der Araber im X. Jahrhundert. Berlin 1865. — Flügel, Über die Abhandlungen der aufrichtigen Brüder und treuen Freunde. Zeitschr. d. morgenl. Ges. XIII, Leipzig 1859. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 633 ff.

975. **Alkuhi**, Wadschan ibn Rustam Abū Sahl. Arabischer Astronom und Mathematiker, der zu Bagdad beobachtete. Lösung geometrischer Aufgaben, die analytisch behandelt auf Gleichungen von höherem als dem 2^{ten} Grade führen. Dreiteilung des Winkels.

Lit. M. Steinschneider, Lettere intorno ad Alcuhi matematico del medio evo a D. Bald. Boncompagni. Roma 1863. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 642 ff.

975. **As-Sagani**, Ahmed ben Mohammed As-Sagani Abn Hamid al Usturlabi. (Aus Sagan in Khorasan — † 990.) Astronom zu Bagdad. Fand einen Satz über Kreissegmente, der mit der Trisection des Winkels zusammenhängt. Verfertigte astronomische Winkelmessinstrumente (Astrolabien).

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 643 f.

975. **Abul Wéfā** oder **Abul Wafa** Albuzdschani. (Bouzdjan in Persien 940, 10. Juni — Bagdad 998, 1. Juli.) Arabischer Astronom zu Bagdad. 'Almagestum sive systema astronomicum'. Übersetzte den Diophant und andere griechische Mathematiker. Förderte die Trigonometrie; führte die umbra versa, d. h. die Tangente, ein und berechnete Tafeln für $\tan \alpha$, auch solche für $\sin \alpha$ von 10 zu 10 Minuten;

Lösungswerte (umbræ rectæ) 1:52.

wahrscheinlich auch für secans und cosecans. Verfaßte eine Abhandlung über die geometrischen Konstruktionen, worin Summen und Differenzen mehrerer Quadrate als ein Quadrat dargestellt werden, und geom. Aufgaben mit nur einer Zirkelöffnung gelöst werden. Die halbe Seite des gleichseitigen Dreiecks gilt als Seite des regelmäßigen Siebenecks (indische Regel). Entdeckte wahrscheinlich die dritte Ungleichheit des Mondes, die sogen. Variation.

Lit. Ibn Khallican, Biographical Lexicon translated from the Arabic by B. de Slane, III, 320. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 637 ff. — Fr. Wöpcke, Recherches sur l'histoire des sciences mathématiques chez les Orientaux, d'après des traités inédits arabes et persans. 2. art. Analyse et extrait d'un recueil de constructions géométriques par Aboûl Wafâ. Journ. Asiat. (5) V, 1855, 218—256; 3. art. Sur une mesure de la circonférence du cercle, due aux astronomes arabes, et fondée sur un calcul d'Aboûl Wafâ. ib. (5) XV, 1860, 281—320. — R. Wolf, Gesch. der Astronomie. S. 68 ff. — Sédillot. Nouv. recherches pour servir à l'histoire de l'astronomie chez les Orientaux et Notes relatives à la découverte de la Variation par Aboul-Wéfâ de Bagdad. Journ. asiatique 1836. Paris 1836 et 1845. C. R. 1836. — L. Am. Sédillot, Sur les emprunts que nous avons faits à la science arabe, et en particulier de la détermination de la troisième inégalité lunaire ou variation par Aboul-Wéfâ de Bagdad, astronome du Xe siècle. Boncompagni Bull. VIII, 1875, 63—78.

978—983. Sultan **Adud ed Daula**, Bujide. Förderer der Astronomie.

980. **Abbo de Fleury**. (Bei Orleans 945 — Fleury 1003, 13. Aug. als Abt des Benedictinerklosters daselbst.) Lehrer Gerberts. Liber in calculum paschalem. Kommentar zu dem Rechenbuche des Victorius. Liber de motibus stellarum.

Lit. S. Günther, Geschichte des mathematischen Unterrichts im deutschen Mittelalter. Berlin 1887, S. 89 ff.

985. **Gerbert, Papst Sylvester II.** (Auvergne 940 — Rom 1003, 12. Mai.) Lehrte zuerst als Abt zu Bobbio bei Pavia, ward später Erzbischof zu Rheims und Ravenna und 999 Papst. Brachte wieder das Rechnen auf dem Abacus (mit den Apices) in Erinnerung: Regula de abaco computi. De numerorum divisione. (Abacisten, bis 1200, haben die komplementäre Division, gebrauchen nicht die Null, im Gegensatz zu den Algorithmikern.) Erfand mehrere hydraulische Maschinen. Ob die sogen. Geometrie Gerberts von ihm herrührt, ist noch eine offene Frage.

Lit. Karl Werner, Gerbert von Aurillac, die Kirche und Wissenschaft seiner Zeit. Wien, 1878. — Büdinger, Über Ger-

berts wissenschaftliche und politische Stellung. Marburg 1851. — Olleris, Oeuvres de Gerbert, préc. de sa biographie, suiv. de notes. Paris, 1867. — H. Weissenborn, Gerbert. Beiträge zur Kenntnis der Mathematik des Mittelalters. Berlin, 1888. Dazu M. Cantor's Recension. Z. f. Math. XXXIII, Hl. Abt. 101—107, 1888. — S. Günther, Geschichte des mathematischen Unterrichts im Mittelalter. Berlin 1887. — G. Friedlein, Gerbert, die Geometrie des Boethius und die indischen Ziffern. Erlangen 1861. — G. Friedlein, Gerberts Regeln der Division. Z. f. Math. IX, 145—171, 1864. — Chasles, Explication des traités de l'abacus, et particulièrement du traité de Gerbert. C. R. XVI, 156—173, 218—246, 281—299, 1843. — G. Friedlein, Das Rechnen mit Kolumnen vor dem 10. Jahrhundert. Z. f. Math. IX, 297—330, 1864. — G. Friedlein, Die Entwicklung des Rechnens mit Kolumnen. Z. f. Math. X, 241—282, 1865. — Chasles, Développements et détails historiques sur divers points du système de l'Abacus. C. R. XVI, 1393—1420, 1843. — Chasles, Recherches des traces du système de l'Abacus, qui après cette méthode a pris le nom d'Algorisme. C. R. XVII, 143—154, 1843.

988. Sultan **Scharaf ed Daula**, Bujide, Sohn des Adud ed Daula, erbaut zu Bagdad eine neue Sternwarte und beruft dorthin viele Gelehrte, unter denen Abul Wafa, Alkuhi, As-Sagani.

990. **Ibn Yunis**, Ali ben Abdel-Rahman. (Kairo 960—1008, 31. Mai.) Arabischer Astronom. Beobachtete auf der vom Kalifen Hakim auf dem Berge Mocattam unweit Kairo erbauten Sternwarte. Vervollkommnete die Beobachtungskunst und die Praxis der Rechnung. 'Hakimitische Tafeln'.

Lit. R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 69 f. — Delisle, Zydj Hakemy. Notices et extraits des manuscrits de la Bibliothèque du Roi, VII, 16 ff. — B. d'Herbelot, Bibliothèque orientale ou Dictionnaire universelle, contenant généralement tout ce qui regarde la connaissance des peuples de l'Orient. 3 vol. Paris 1697. — Delambre, Histoire de l'astronomie du moyen âge. Paris 1819, 95—156, Auszug aus dem Texte zu den Hakimitischen Tafeln. — Caussin, Le livre de la grande table Hakémité. Notices des manuscrits. VII. Paris, an XII.

995. **Gerbert** errichtet zu Magdeburg eine Sonnenuhr, zu deren Richtigstellung er Beobachtungen des Polarsternes macht.

1000. **Adelbold**. Benedictiner, später Bischof von Utrecht. 'De modo inveniendi crassitiem (soliditatem) sphaerae', dem Papst Gerbert gewidmet. Über Musik.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 738. — S. Günther, Gesch. d. math. Unterrichts i. dtsch. Mitt. S. 118 f.

1000. **Alnasawi**, Abul Hasan Ali ibn Ahmed. Aus Nasa in Khorasan. Schrieb ein Rechenbuch in persischer Sprache für die Finanzbeamten des Bujiden Madschd Addaulah, das er

1030 in arabischer Sprache neu bearbeitete unter dem Titel 'Befriedigender Tractat' (darin auch eine Kubikwurzelauszählung).

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 653 f. — Fr. Wöpcke, Alnasawi. Journ. asiat. f. 1863, I. Hlbj. S. 496—500.

1000. **Ibn Alhusain**, Abu Dschafar Muhammed. Schrieb über rationale rechtwinklige Dreiecke.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 646 ff.

1000. **Alhazen, Ibn Al-Haitam**, Abu Ali Al-Hasan ben Al Hosein ben Alhaitam. (Bassora 950 — Kairo 1038.) Seine Optik (Opticae thesaurus Alhazeni Arabis libri VII, ed. Risner, Basil. 1572) ist das bedeutendste arabische Werk dieser Art. Darin das nach ihm ben. Problem: „Von 2 gegebenen Punkten innerhalb eines Kreises nach einem Punkte der Peripherie 2 Linien zu ziehen, die mit der Tangente in ihrem Durchschnittspunkte gleiche Winkel bilden.“ 'Buch von der Wage der Weisheit', worin die Elementargesetze des freien Falles. Gleichung $x^5 = a$. Untersucht, ob Planeten und Fixsterne selbstleuchtend.

Lit. R. Wolf, Geschichte der Astronomie. S. 151 ff. — A. Heller, Geschichte der Physik. I, S. 167 ff. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Mathem. I, 677 ff. — Risner, Opticae thesaurus Alhazeni Arabis libri VII, nunc primum editi; ejusdem liber de crepusculis et nubium ascensionibus. Basil. 1572. — E. Narducci, Intorno ad una traduzione italiana, fatta nel secolo decimo quarto del trattato d'ottica d'Alhazen, matematico del secolo undecimo e ad altri lavori di questo scienziato. Boncompagni Bull. IV, 1—48, 1871. — Fr. Wöpcke, L'Algèbre d'Omar Alkhayâmî, publiée, traduite et accompagnée d'extraits de manuscrits inédits. Paris 1851, p. 73 ff. — M. Steinschneider, Notice sur un ouvrage astronomique inédit d'Ibn Haitham. Boncompagni Bull. XIV, 1881, 721—780, Supplément ib. XVI, 1883, 505—513. — M. Baker, Alhazen's problem. Its bibliography and an extension of the problem. Sylvester Amer. J. IV, 327—332, 1882. — E. Wiedemann, Über das Licht der Sterne nach Ibn al Haitham. Wochenschrift f. Astr., Meteor. u. Geogr. 1890 Nr. 17. — E. Wiedemann, Sull' ottica degli Arabi. Boncompagni Bull. XIV, 1881, 219—225.

1010. **Alkarchi**, Abu Bekr Mohammed ben Alhasan. Arabischer Mathematiker zu Bagdad. Fakhri, Lehrbuch der Algebra, und Kafi fil Hisab (Buch des Genügenden), ein Lehrbuch der Arithmetik, vorwiegend nach griechischen Mustern. Darin die arabische Methode, mit Stammbrüchen zu operieren, neben der Neunerprobe eine Elferprobe, der Sexagesimal-

calcul, eine astronomische Logistik (Thierkreisrechnung), angenäherte Ausziehung der Quadratwurzel ($\sqrt{a} = w + \frac{a-w^2}{2w+1}$), Rechnung mit Proportionen, Reihen, Σn^3 , Inhalt von Flächen (heronische Dreiecksformel), Ptolemäischer Lehrsatz, Körperberechnung inkl. Kegelstumpf, Algebra, Rechnung mit Polynomen, Transformation des sogenannten surdischen Binoms:

$\sqrt{a} \pm \sqrt{b} = \sqrt{a+b} \pm \sqrt{4ab}$, quadratische Gleichungen, eingekleidete Gleichungen, Lösung unbestimmter Gleichungen 1. u. 2. Grades in rationalen Zahlen.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 655 ff. — Fr. Wöpcke, Extrait du Fakhrī, traité d'algèbre. Précédé d'un mémoire sur l'algèbre indéterminée chez les Arabes. Paris 1853. — Kafi fil Hisab. Deutsch von A. d. Hochheim, Halle 1878–80. — E. Lucas, Sur un théorème de l'arithmétique indienne. Boncompagni Bull. IX, 157–164, 1875. — Fr. Wöpcke, Passages relatifs à des sommations de séries de cubes extraits de manuscrits arabes inédits et traduits. Rome 1863 et 1864.

1020. **Bernelinus**. Schüler Gerberts, zu Paris. Liber Abaci (Rechnen mit den sog. Apices, Zeichen für 1, 2, . . . 9; komplementäre Methode).

Lit. Liber Abaci, Abgedruckt in: Oeuvres de Gerbert, Pape sous le nom de Sylvestre II, etc. par A. Olleris. Paris 1867, 357–400. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 752 ff.

1025. **Albiruni**, Abul Rihān Mohammed ben Ahmed. Aus Byrun im Industhale. († 1038.) Arabischer Astronom, lange auf Reisen in Indien. Schrieb ein chronologisches Werk „Alathār Albakiga“ und ein Buch über Indien und die wissenschaftlichen Leistungen der Inder. Über den indischen Stellungswert der Ziffern. Summierte die geometrische Reihe (die Weizenkörner auf dem Schachbrett). Löste die Trisektion des Winkels mittelst der Conchoide. Behandelte die Verdoppelung des Würfels. Förderte die sphärische Trigonometrie. Machte genaue geographische Ortsbestimmungen. Einteilung der Stunde in 60 Minuten.

Lit. E. Sachau, Al-Birūnī. An account of the religion, philosophy, literature, chronology, astronomy, customs, law and astrology of India about A. D. 1030. London, 1887. — B. Boncompagni, Intorno all' opera d'Albiruni sull' India. Boncompagni Bull. II, 153–206, 1869. — Gildemeister, Scriptorum Arabum de rebus indicis loci et opuscula. Bonnae 1838. — Ed. Sachau, Algebraisches über das Schach bei Birūnī. Z. d. deutsch. morgenl. Ges. XXIX, 1876. — S. Günther, Mathematisch-historische Mis-

cellen. Z. f. Math. XXI. Hl. Abt. 57—64, 1876. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 609, 650 u. f. — G. Bilfinger, Die babylonische Doppelstunde; eine chronologische Untersuchung. Stuttgart, 1888.

1025. **Avicenna**, Abu Ali Hosein ben Sina. (Charmatin bei Bochara 978 — Hamadam in Persien 1036, als Vezir des Emir.) Arabischer Arzt und Naturforscher. Lehrte zu Ispahan Medizin und Philosophie. Bearbeitete mehrere mathematische und physikalische Schriften des Aristoteles, die Elemente des Euklid u. a. Schrieb eine Arithmetik Geometrie, Astronomie und Musik. Seine Zahlentheorie ist nach griechischem Muster. Neunerprobe bei Potenzserhebungen, Sätze über kubische Reste. Der „Canon“ enthält seine chemischen und medizinischen Lehren.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. der Math. I, 649 ff. — A. Heller, Geschichte der Physik. I, 165 f.

1028. **Guido von Arezzo**, Aretinus. Mönch in dem Benediktinerkloster zu Pomposa bei Ferrara. Bekannt durch seine Verbesserung der Gesangsmethode und des Notensystems. Schrieb eine Abhandlung über den Abacus.

Lit. Kiesewetter, Guido von Arezzo. Leipzig 1840. — Bern. Baldi, Vite di matematici italiani, pubbl. da Enr. Narducci. Boncompagni Bull. XIX, 1886. Guido Monaco, p. 590—591. — Gerbert, Scriptores ecclesiastici de musica sacra potissimum. 3 Bde. St. Blasien u. Ulm 1784.

1040. **Franco von Lüttich**. Schrieb über den Abacus und widmete dem Erzbischofe Hermann II. von Köln ein Werk in 6 Büchern über die Quadratur des Zirkels.

Lit. Winterberg, Der Tractat Francos von Lüttich: De quadratura circuli. Abhandl. z. Gesch. d. Math. IV, 135—190, 1882.

1040. **Ali Abenrodano** oder Abenrudieni Ibn Ridhwan. † 1068. Arabischer Astrolog und Arzt. Aus Ägypten. Liber quadripartiti Ptolemei, Centiloquium ejusdem, etc. Venetiis 1493.

Lit. M. Steinschneider, Vite di matematici arabi etc. Boncompagni Bull. V, 1872, 467—491.

1043. **Hermannus Contractus**. (1013—1054, 24. Sept.) Mönch zu Reichenau. Abhandlung über den Abacus, wodurch das Kolumnenrechnen sehr verbreitet wurde. Rhymomachia, ein Zahlenspiel. 2 Bücher über den Nutzen des Astrolabiums.

Lit. S. Günther, Geschichte des mathematischen Unterrichts im deutschen Mittelalter. Berlin 1887. — M. Cantor, Vorl. ü. Gesch. d. Math. I, 758 f. — P. Treutlein, Intorno ad alcuni scritti inediti relativi al calcolo dell' abaco. Boncompagni

Bull. X, 1877, 589—647. — G. Friedlein, Die Zahlzeichen und das elementare Rechnen der Griechen und Römer und des christlichen Abendlandes vom 7. bis 13. Jahrhundert. Erlangen 1869. — R. Peiper, Fortolfi Rythmomachia. Z. f. Math. XXV, Suppl. 167—227, 1880. — E. Wappler, Bemerkungen zur Rythmomachie. Z. f. Math. XXXVII. ~~Suppl.~~ ^{p. III.} 1—17, 1892.

1050. **Abul Dschud**, Muhammed ibn Allait Alschanni. Behandelte sog. Albirunische Aufgaben, d. h. geometrische Aufgaben, die mit Hilfe des Kreises und der Geraden allein nicht lösbar sind. Regelmäßiges Neuneck. Aufzählung von Gleichungsformen und Zurtückführung auf Kegelschnitte.

Lit. A. Favaro, Notizie storico-critiche sulla costruzione delle equazioni. Modena 1878. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 652 f.

1070. **Wilhelm** (1026—1091). Abt zu Hirschau. Lehrte Astronomie und Mathematik zu Hirschau. Soll 'Institutiones astronomiae' verfaßt und eine Gewichtsuhr erfunden haben.

Lit. R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 136.

1078. **Alchajami** oder **Omar Alkhayami**. (Nisabur, † 1123.) Astronom am Hofe von Melikschah. Behandelte die Trisektion des Winkels. Führt das Wurzelausziehen auf die Anwendung der Potenz eines Binoms zurück. Löste in seiner „Algebra“ kubische Gleichungen mit Hilfe der Durchschnitte zweier Kegelschnitte, behandelte überhaupt zuerst die Gleichungen von höherem als dem zweiten Grade systematisch, indem er sie in Gruppen teilte, doch konnte er die allgemeinen Gleichungen vierten Grades selbst nicht geometrisch lösen. Fand die Binomialreihe für ganze positive Exponenten. In seiner Kalenderreform (Gelal-eddin'sche Aera) kehrt er zum persischen Sonnenjahr von 365 Tagen zurück, schaltet alle vier Jahre ein Schaltjahr ein, nimmt aber nach dem siebenten Schaltjahr erst wieder das fünfte Jahr als achttes Schaltjahr.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 665 ff. — L'algebre d'Omar Alkhayâmi, publiée, traduite et accompagnée d'extraits de manuscrits inédits, par F. Wöpkke. Paris 1851. — F. Wöpkke, Notice sur un manuscrit Arabe d'un traité d'algebre par Aboul Fath Omar Ben Ibrahim Alkhayâmi, contenant la construction géométrique des équations cubiques. Journ. f. Math. XL, 160—172, 1850. — A. Favaro, Notizie storico-critiche sulla costruzione delle equazioni. Modena 1878.

1080. **Zarkali**, **Arzachel**, eigentlich Abraham Alzarachel. Arabischer Mathematiker zu Toledo, auch fleißiger astro-

nomischer Beobachter. Traktat über das Astrolabium, das er zur Lösung sphärisch-astronomischer Aufgaben anwandte. Verfaßte die „Tabulae Toledanae“, welche zum Teil den al-fonsinischen Tafeln zu Grunde gelegt wurden.

Lit. M. Steinschneider, *Études sur Zarkali, astronome arabe du XVI^e siècle et ses ouvrages*. Boncompagni Bull. XIV, 171—182, 1881; XVI, 493—504, 1883; XVII, 765—794, 1884; XVIII, 343—360, 1885; XX, 1—36, 575—604, 1887. — M. Steinschneider, *Vite di matematici arabi etc.* Boncompagni Bull. V, 1872, 508—524.

1085. **Geber, Dschabir ben Aflah.** Astronom aus Sevilla. „Neun Bücher Astronomie“; darin die Regel der vier Größen für das sphärische rechtwinklige Dreieck und andere wichtige Sätze der sphärischen Trigonometrie.

Lit. R. Wolf, *Geschichte der Astronomie*. S. 72 f. — M. Cantor, *Vorles. ü. Gesch. d. Math.* I, 682 ff. — Gebri filii Aflah Hispalensis, *De astronomia Libri IX, etc.* Norimb. 1534.

1092. **Psellus, Michael.** Unbedeutender spätgriechischer Mathematiker. Schrieb über die vier mathematischen Disciplinen: Arithmetik, Musik, Geometrie und Astronomie.

Lit. M. Cantor, *Vorles. ü. Gesch. d. Math.* I, 429 f. — *Liber de quatuor mathematicis scientiis, Arithmetica, Musica, Geometria et Astronomia* ed. G. Xylander. Basil. 1556. *Compendium mathematicum etc.* Lugd. Bat. 1647.

X. Zeittafel. 1100—1200.

Die Zeit der lateinischen Übersetzungen arabischer Schriften.

1100. **Abulkasis**, eigentlich Chalaf Ebn el Abbas Abul Casan. (Aus Zahara bei Cordova, daher Alzaharavius. † 1122 Cordova.) Lehrte zu Cordova Chemie, Medizin und Philosophie. Schrieb das erste ausführliche pharmaceutische Werk „Servitor“.

Lit. A. Heller, *Gesch. d. Physik*. I, 167.

1117. Eine **chinesische Naturgeschichte** beschreibt die Abweichung der Magnetnadel.

1120. **Radulph von Laon.** († 1133.) Lehrer an der Klosterschule zu Laon, Nachfolger seines Bruders Anselm von Laon, des berühmten Theologen. Schrieb über den Abacus, wo auch Historisches über die Entwicklung der Rechenkunst sich findet. (Abacista ist der auf dem Abacus Rechnende.)

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 762 ff. — Alfr. Nagl, Der arithmetische Traktat des Radulph von Laon. Z. f. Math. XXXIV, Suppl. 85—133, 1890.

1120. **Plato von Tivoli, oder Plato Tiburtinus.** Durch seine Übersetzung der Astronomie des Albattani wurde das Wort *sinus* in die Trigonometrie eingeführt. Übersetzte auch die Sphärik des Theodosius aus dem Arabischen; ferner verschiedene astrologische Schriften.

Lit. B. Boncompagni, Delle versioni fatte da Platone Tiburtino traduttore del secolo duodecimo. Roma 1851. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 632 u. 778.

1120. **Atelhart von Bath.** Englischer Mönch, der Kleinasien, Spanien, Ägypten und Arabien durchwanderte. Lieferte die erste Übersetzung Euklids aus dem Arabischen ins Lateinische und schrieb einen Kommentar dazu, worin er zuerst die Summe der Winkel in sternförmigen Polygonen bestimmte. Auch übersetzte er die astronomischen Tafeln Alchwarizmis, schrieb einen Kommentar zur Arithmetik desselben und verfaßte eine Schrift: „*Regulae Abaci*“. Übergang von den Abacisten zu den Algorithmikern. Sein Hauptwerk sind die „*Fragen aus der Natur*.“

Lit. Jourdain, Recherches sur les traductions latines d'Aristote. Paris 1819, p. 100. — B. Boncompagni, Intorno ad uno scritto inedito di Adelardo di Bath intitolato „*Regulae Abaci*“. Boncompagni Bull. XIV, 1—134, 1881. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 763 u. 777. — H. Weissenborn, Die Übersetzung des Euklid aus dem Arabischen in das Lateinische durch Adelhard von Bath. Nach zwei Handschriften der königl. Bibliothek in Erfurt. Z. f. Math. XXV, Suppl. 141—166, 1880. — J. L. Heiberg, Beiträge zur Geschichte der Mathematik im Mittelalter. II. Euklids Elemente im Mittelalter. Z. f. Math. XXXV. Hl. Abt. 48—58, 81—100, 1890. — S. Günther, Lo sviluppo storico della teoria dei poligoni stellati nell' antichità e nel medio evo. Boncompagni Bull. VI, 313—340, 1873. — S. Günther, Gesch. d. math. Unterrichts im deutschen Mittelalter. Berlin 1887. S. 69.

1120. **Abraham Bar Chijsa, Abraham Judaeus oder Savasorda.** (Barcelona c. 1070 — nach 1136.) Jüdischer Astronom, in Spanien lebend. Schrieb eine Encyclopädie nach arabischen Quellen, worin die Arithmetik, Geometrie und Musik ausführlich abgehandelt wurden, und eine mathematische Geographie.

Lit. M. Steinschneider, Abraham Judaeus-Savasorda. Z. f. Math. XII, 1—44, 1867.

1121. **Alkhazini.** Arabischer Gelehrter. Sein „Buch von der Wage der Weisheit“ ist das einzige gröfsere arabische Werk über Mechanik; es enthält auch historische Notizen über Mechanik. (Die Wage der Weisheit diente hauptsächlich zur Bestimmung des spezifischen Gewichtes.)
1129. In Lilliers, Grafschaft Artois, werden die ersten sog. **artesischen Brunnen** gebohrt.
1134. **Gerland.** Lehrer und Prior im Benediktinerkloster zu Besançon. Schrieb einen 'Tractatus de abaco' und einen Computus, Anleitung zur Osterrechnung.
Lit. P. Treutlein, *Intorno ad alcuni scritti inediti relativi al calcolo dell' abaco*. Trad. da A. Sparagna, Boncompagni Bull. X, 589—595, 595—647, 1877. — B. Boncompagni. *Intorno al tractatus de abaco di Gerlando*. ib. 648—656. — M. Cantor, *Vorles. ü. Gesch. d. Math.* I, 769 ff.
1136. **Abraham Ibn Esra**, Abraham Judaeus, Avenare. (Toledo zw. 1093 u. 1096 — Rom 1167.) Hebräischer Mathematiker. Schrieb über Zahlentheorie, Arithmetik, über die indische Methode der Vermehrung und Verminderung. Algebraische Rätselfragen, Schachaufgaben, magische Quadrate, Kalender und Astrologie. Übersetzungen aus dem Arabischen.
Lit. M. Steinschneider, Abraham Ibn Esra (Abraham Judaeus, Avenare). *Zur Geschichte der mathematischen Wissenschaften im XII. Jahrhundert*. Z. f. Math. XXV, Suppl. 57—128, 1880. *Liber augmenti et diminutionis vocatus numeratio divinationis ex eo quod sapientes Indi posuerunt, quem Abraham compilavit et secundum librum qui Indorum dictus est composuit*. — Libri, *Histoire des sciences mathématiques en Italie* I, 304—371, und Schnitzler, *Eine Aufgabe aus dem Arabischen des Abraham ben Esra*. Z. f. Math. IV, 383—389, 1859. — M. Steinschneider, *Zur Geschichte der Übersetzungen aus dem Indischen ins Arabische und ihres Einflusses auf die arabische Literatur*. Z. d. deutsch. morgenl. Ges. XXIV, 1869.
1140. **Johannes von Luna**, oder **Johannes von Sevilla**. (Der Beiname Hispalensis ist entstellt aus Hispanensis.) Spanischer Jude. Bearbeitete, bes. auf Veranlassung des Erzbischofs Raimund von Toledo, arabische, die aristotelische Philosophie behandelnde Schriften. Übersetzte arabische mathematische Schriften ins Lateinische, u. a. eine Arithmetik, 'liber alghoarismi.' (Anlehnung an die Inder. Ausziehung der Quadratwurzel mit Hilfe von Brüchen, die mit den späteren Decimalbrüchen übereinstimmen. Quadratische Gleichungen. Magisches Quadrat. Keine komplementären Rechnerverfahren.)

Lit. Jourdain, *Recherches critiques sur l'âge et l'origine des traductions latines d'Aristote*. 2. éd. Paris 1843. — M. Cantor, *Vorles. ü. Gesch. d. Math.* I, 684—688, 718, 774, 779. — B. Boncompagni, *Trattati d'Aritmetica*. II. Joannis Hispalensis. *Liber Algorismi de pratica aritmetica*. Roma 1857.

1144. **Rudolph von Brügge** zu Toulouse. Übersetzte das Planisphärium des Ptolemäus, nebst den Erläuterungen von Molsem, aus dem Arabischen.

Lit. R. Wolf, *Gesch. d. Astr.* S. 162. — M. Cantor, *Vorles. ü. Gesch. d. Math.* I, 779.

1150. **Alpetragius**, Abu Ishak Nur ed-Din al-Bitrudshi, aus Pedroches. Arabischer Mathematiker und Astronom zu Marokko. Schrieb eine physikalische Theorie der Bewegungen der Himmelskörper in Spiralen. Bei ihm finden sich Nachklänge der Lehren des Eudoxus von den homocentrischen Sphären. Sein astronomisches Werk 'De planetarum motibus' wurde 1217 von Michael Scotus ins Lateinische übersetzt.

Theorica planetarum comprobata, Alpetragii, Arabis, nuperrime ad latinos translata a Calo Calonymos, Hebraeo Neapolitano. Venet. 1531. — M. Steinschneider, *Zum Speculum astronomicum des Albertus Magnus, etc.* Z. f. Math. XVI, 362—365.

1153. **Edrisi**, Scherif al Edrisi, Abu Abdallah Mohamed Ben Mohamed. (Ceuta 1099 — zw. 1175 u. 1186.) Studierte zu Cordova, lebte dann am Hofe König Rogers II. von Sizilien. Bedeutender Geograph. *Geographia Nubiensis*.

Lit. A. Heller, *Gesch. d. Physik* I, 171.

1160. **Gerhard von Cremona**. **Gherardo Cremonese**. (Aus Cremona, nach andern aus Carmona in Andalusien 1114 — Toledo 1187.) Lebte als Arzt, Mathematiker und Astrolog in Spanien und Italien. Übersetzte viele philosophische, medizinische, astrologische, astronomische und mathematische Werke der Araber ins Lateinische, u. a. auch den arabischen *Almagest* des Ptolemäus u. Gebers *Astronomie*, ferner die *Elemente* Euklids, *Euklids Data*, die *Sphärik* des Theodosius, ein Werk des Menelaus, die sog. mittleren Bücher der Araber, den *liber trium fratrum*, die *Algebra* des Alchwarizmi, die *Toledanischen Tafeln* des Zarkali, die astrologischen Schriften des Maschallah. Machte sich verdient um die Verbreitung der arabischen Rechenmethoden, des Algorithmus, der das Rechnen auf dem Abacus all-

mählich verdrängte. Die Algorithmiker benutzten das indische Positionssystem mit Anwendung der Null.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 682—689, 778—779. — B. Boncompagni, Della vita e delle opere di Gherardo Cremonese e di Gherardo da Sabionetta. Roma. Att. d. Acc. d. N. Linc. 1851. — J. I. Heiberg, Beiträge z. Gesch. d. Math. im Mittelalter. Z. f. Math. XXXV, Hl. Abt. 41—58, 81—100, 1890.

1160. **Bhāskara Āchārya.** (Geb. 1114.) Indischer Mathematiker und Astronom. In der *Lilāvati* und *Vijaganita* finden sich die Elemente der Arithmetik und Algebra. (Betrachtung negativer und irrationaler Größen. $\frac{a}{0} = \infty$.

Rationalmachen des Nenners. Anwendung der Formel

$$\sqrt{a} + \sqrt{b} = \sqrt{\frac{1}{2}(a + \sqrt{a^2 - b})} + \sqrt{\frac{1}{2}(a - \sqrt{a^2 - b})}.$$

Arithmetische Reihen. Σn^2 und Σn^3 . Permutationen und Kombinationen. Geometrische Reihe. Figurierte Zahlen. Zahlentheoretisches, quadratische und kubische Reste, rechtwinklige Dreiecke mit rationalen Seiten. Eingekleidete Gleichungen 1. und 2. Grades. Letztere werden allgemein auf die Form $(2ax + b)^2 = 4ac + b^2$ gebracht. Reduktion von einzelnen Gleichungen 3. und 4. Grades auf quadratische. Unbestimmte Gleichungen 1. Grades mit zwei und mehreren Unbekannten. Rechnerisch-konstruktive Methode zur Lösung der Gleichung $xy + ax + by = c$. Algebraische Geometrie ohne geometrische Beweise. $\pi = \frac{22}{7}$ oder $\frac{62832}{20000}$ oder $\frac{754}{240}$.)

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 556 ff. — Baschara Acharija, *Lilawati, or a treatise on arithmetic and geometry*. Transl. by John Taylor. Bombay 1816. — H. Th. Colebrooke, *Algebra with arithmetic and mensuration, from the Sanscrit of Brahme Gupta and Bhāskara*, translated. London 1817. — Brockhaus, Über die Algebra des Bhāskara. Ber. d. Sächs. Ges. Phil.-hist. Kl. 1852, p. 19 ff. — H. Hankel, Zur Geschichte der Mathematik in Altertum und Mittelalter. Leipzig 1874. *Mathematik der Inder*, S. 172—222. — Wöpeke, *Passages relatifs à des sommes des séries des cubes*. Tortolini Ann. di Mat. V, VI u. Liouville J. 1864, 1865. — Ed. Lucas, *Sur un théorème de l'arithmétique indienne*. Boncompagni Bull. IX, 1876, 157—162. — A. Favaro, *Notizie storico-critiche sulla costruzione delle equazioni*. Modena 1878.

1170. **Maimonides**, Rabbi Moses ben Maimun. (Cordova 1135, 30. März — Alt-Kairo 1204, 13. Dez.) Schrieb über die Bewegung der 8. Sphäre, der Sphäre der Fixsterne, und Astrologisches.

Lit. B. Zuckermann, Das Mathematische im Talmud. Beleuchtung und Erläuterung der Talmudstellen mathematischen Inhalts. Breslau 1878. — Steinschneider, Jüdische Litteratur. Ersch u. Gruber, Encyclopädie.

1170. **Averrhoes**, Ibn Roschd. (Cordova 1126 — Marokko 1198, 12. Dez.) Arzt. Eifriger Verehrer des Aristoteles. Kommentar zum Aristoteles, Auszug aus dem Almagest des Ptolemäus.

Lit. R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 177.

1185. **Daniel von Morley**, auch Merlacus genannt. Studierte in Oxford, Paris und Toledo. Lehrte Mathematik in Oxford. Übersetzer. „De inferiore et de superiore parte mundi.“ „Principia mathematica.“

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 89. — H. Suter, Die Mathematik auf den Universitäten des Mittelalters. Festschr. Kantonsch. Zürich 1887, S. 61.

1199. **El Buni**. (Geb. zu Bona, † 1228.) Arabischer Mystiker. Behandelte die Zahlenmystik, magische Quadrate und ähnliches.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 636.

XI. Zeittafel. 1200—1350.

Das Wiedererwachen der Wissenschaften in Europa.

1202. **Leonardo Pisano, Fibonacci** (filius Bonacij). (Pisa 1180—1250.) Sammelte auf Reisen in Ägypten, Syrien, Griechenland, Sizilien u. a. arithmetische Kenntnisse und studierte die Schriften der Inder, Pythagoräer, Euklids u. a. Das Resultat seiner Forschungen war der 'Liber Abaci', welcher das Wissen der Araber nach dem christlichen Occident verpflanzte und die Grundlage für die neuere Wissenschaft wurde. (Vier Spezies mit ganzen und gebrochenen Zahlen, Regeldetri, arithmetische Reihen erster und zweiter Ordnung, Regel vom einfachen falschen Ansatz, regula elchatayn vom doppelten falschen Ansatz, praktisches Rechnen, spezielle unbestimmte Gleichungen, Quadrat- und Kubikwurzelauziehung nach indischem Muster, irrationale Größen, Algebra und Almucabala, geometrische Anwendungen, quadratische Gleichungen nach arabischem Muster, Kettenbrüche.) 'Liber quadratorum.' (Σn^3 für gerade und ungerade n , unbestimmte

Gleichungen, Zahlentheoretisches.) 'Practica geometriae' (metrologische, arithmetische, planimetrische, trigonometrische und stereometrische Aufgaben durcheinander). 'Flos' (Lösung spezieller Gleichungen, auch vom 3. Grade).

Lit. B. Boncompagni, Della vita e delle opere di Leonardo Pisano. 3 vol. Roma 1857—62. — V. A. Le Besgue, Notes sur les opuscules de Léonard de Pise. Boncompagni Bull. IX, 583—594, 1876. — J. Giesing, Leben und Schriften Leonardos da Pisa. Ein Beitrag zur Geschichte der Arithmetik des 13. Jahrhunderts. Döbeln 1886. — Fr. Wöpkke, Recherches sur plusieurs ouvrages de Léonard de Pise découverts et publiés par M. le prince Balthasar Boncompagni, et sur les rapports qui existent entre ces ouvrages et les travaux mathématiques des Arabes. I. Traduction d'un Chapitre des Prolégomènes d'Ibn Khaldoun, relatif aux sciences mathématiques. Atti dell' Acc. Pontif. de' Nuov. Linc. X, 1856, p. 236—248; II. Traduction du traité d'arithmétique d'Aboûl Haçan Alî Ben Mohammed Alkalçadi. ib. XII, 1859, p. 230—275; III. Traduction d'un fragment anonyme sur la formation des triangles rectangles en nombres entiers, et d'un traité sur le même sujet par Aboû Dja'far Mohammed Ben Alhoçain. ib. XIV, 1861, p. 211—227, 241—269, 301—324, 344—356. — Ed. Lucas, Recherches sur plusieurs ouvrages de Léonard de Pise et sur diverses questions d'arithmétique supérieure. Boncompagni Bull. X, 1877, 129—193, 239—293. — M. Cantor, Vorles. ű. Gesch. d. Math. II, 1—48, 1891.

1206. Gründung der Universität zu Paris, der späteren Sorbonne.

Lit. Thurot, De l'organisation et de l'enseignement dans l'université de Paris au moyen-âge. Paris-Besançon 1850. — S. Günther, Geschichte des mathematischen Unterrichts im deutschen Mittelalter. Berlin 1887. — H. Suter, Die Math. auf d. Universitäten d. Mittelalters. Zürich. Festschr. d. Kantonsch. 1887. S. 39—96.

1215. Auf dem Laterankonzil unter Jnnocenz III. wird die Physik und die Metaphysik des Aristoteles verboten, da sie zur Ketzerei verführen.

1217. Michael Scotus, genannt Mathematicus. Studierte in Oxford und Paris, ging dann nach Spanien und kam an den Hof Friedrichs II. als Astrolog. Übersetzte griechische und arabische Werke, u. a. Schriften des Aristoteles und das Buch 'de sphaera' des Alpetragius.

Lit. H. Suter, Die Math. a. d. Univ. d. Mittelalters. Zürich. S. 72.

1220. Jordanus Nemorarius. (Deutscher, aus der Mainzer Diöcese, † 1236, 13. Febr., als Ordensgeneral.) Wurde 1222 Ordensmeister der Dominikaner. 'Arithmetica, decem

libris demonstrata'. 'Tractatus de numeris datis', (ein System algebraischer Regeln). 'De triangulis'. 'Tractatus de sphaera', ein lange Zeit vielfach aufgelegtes klassisches Buch. (Neue Methoden zur Lösung algebraischer Gleichungen und Gleichungssysteme.)

Lit. S. Günther, Geschichte des mathematischen Unterrichts im deutschen Mittelalter. Berlin 1887. — P. Treutlein, Der Traktat des Jordanus Nemorarius „De numeris datis“. Z. f. Math. XXIV. Suppl. 125—166, 1879. Zusatz von M. Curtze, Leopoldina XVI, 1880. — M. Curtze, Kommentar zu dem „Tractatus de Numeris datis“ des Jordanus Nemorarius. Z. f. Math. XXXVI, Hl. Abt. 1—23, 41—63, 81—95, 1891. — M. Curtze, Jordani Nemorarii Geometria vel de triangulis libri IV. Zum ersten Male nach d. Lesart d. Handschr. Db. 86. der königl. öff. Bibl. zu Dresden herausg. Thorn 1887. — M. Cantor, Vorl. ü. Gesch. d. Math. II, 49—79.

1221. Gründung der **Hochschule zu Padua**.

Lit. S. Günther, Gesch. d. math. Unt. i. d. Mitt. S. 171. 204. 224 f.

1224. Gründung der **Universität zu Neapel** durch Friedrich II.

1230. **Robert Greathead, Capito**. († 1253.) Studierte in Oxford, war dann in Paris, lehrte später in Oxford und wurde Bischof von Lincoln. Schrieb: Theorica planetarum, de astrolabio, de cometis, de sphaera coelesti, de computo, calendarium, praxis geometriae. Kommentierte den Aristoteles, besonders dessen Physik, sowie Euklids Optik.

Lit. H. Suter, Die Mathematik auf den Universitäten des Mittelalters. Zürich. Festschr. 1887, S. 67—68.

1236. **Eroberung Cordova's**, Verfall der sarazenischen Kultur in Spanien. Kardinal Ximenes zerstört die Bibliothek der Araber durch Feuer.

Lit. A. Heller, Gesch. d. Phys. I, 162.

1240. **Johannes de Sacrobosco**. (Holywood, Halifax, Yorkshire 1200? — Paris 1256.) Prof. math. et astr. in Paris. Kommentare zu arabischen Mathematikern.¹⁾ Der 'Tractatus de arte numerandi'²⁾ enthält Regeln für das praktische Rechnen mit ganzen Zahlen (numeratio, additio, subtractio, mediatio, duplatio, multiplicatio, divisio, progressio, extractio). 'De sphaera mundi', ein Lehrbuch der sphärischen Astronomie, das später vielfach aufgelegt und bearbeitet und vier Jahrhunderte lang dem Unterricht zu Grunde gelegt wurde. Kalenderregeln.³⁾

Lit. 1) Vossius, De scientiis mathematicis, 1650, p. 179. — Kästner, Gesch. d. Math. II, 310. — R. Wolf, Gesch. d.

Astr. 208 ff. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 80 ff.
 2) In Haliwell, *Rara Mathematica*. London 1839, 1–26, abgedruckt. — 3) *Libellus de anni ratione, seu ut vocatur vulgo computus ecclesiasticus*, dem *Libellus de sphaera*, Wittenberg 1538, beigegeben. — S. Günther, *Gesch. d. math. Unt.* S. 163 ff.

1240. **Alexander von Villedieu**, lat. de Villa Dei. Minoritenmönch aus der Bretagne. Lehrte zu Paris. Als Astronom und Rechner berühmt. Schrieb ein 'Doctrinale' (Grammatik) in Versen. Soll ein *Carmen de algorismo* verfaßt haben. De sphaera, de computo ecclesiastico.

Lit. H. Suter, *Die Math. a. d. Univ. d. Mittelalters*. Zürich. S. 71. — M. Cantor, *Vorles. ü. Gesch. d. Math.* II, 82.

1243. **Albertus Magnus**, Graf Albrecht von Bollstädt. (Lauingen in Bayern 1193 oder 1205 — Köln 1280, 15. Nov.) Gelehrter Theologe, berühmter Chemiker, Physiker und Mathematiker. Nachdem er in Paris Dialektik, in Padua Mathematik und Medizin und an verschiedenen Orten Metaphysik studiert, wurde er Provinzial der Dominikaner und 1260 Bischof zu Regensburg, zog sich aber schon 1262 in sein Kloster zu Köln zurück. Trug viel zur Verbreitung der Naturwissenschaften im christlichen Abendlande bei.¹⁾ Viele physikalische Abhandlungen. Sein '*Speculum astronomicum*'²⁾ giebt ein Bild der damals verbreiteten Schriften über Astronomie, Astrologie und Magie.

Lit. 1) Sieghart, *Albertus Magnus. Sein Leben und seine Wissenschaft*. Nach den Quellen dargestellt. Regensburg 1857. — Joel, *Verhältnis Alberts des Großen zu Maimonides*. Breslau 1863. — A. Heller, *Geschichte der Physik*. I, S. 179 ff. — S. Günther, *Geschichte des mathematischen Unterrichts im deutschen Mittelalter*. Berlin 1887. — G. Freiherr von Hertling, *Albertus Magnus. Beiträge zu seiner Würdigung*. Köln 1880. — Jos. Bach, *Des Albertus Magnus Verhältnis zu der Erkenntnislehre der Griechen, Lateiner, Araber und Juden*. Wien 1881. — *Opera omnia*, ed. Petrus Jammy. 21 vol. fol. Leyden 1651. — 2) M. Steinschneider, *Zum Speculum astronomicum des Albertus Magnus, über die darin angeführten Schriftsteller und Schriften*. *Z. f. Math.* XIV, 357–396, 1871.

1245. **Nassyr Eddin**. (Thus in Khorassan 1201, 17. Febr. — Meragah 1274, 25. Juni.) Arabischer Astronom am Hofe des Ilekü-Chan. Werke über Algebra, Arithmetik und Geometrie. Kommentar zum Apollonius. Übersetzung der *Elemente* Euklids (wohl die letzte arabische). Ilekhanische Sterntafeln.

Lit. Wurm, *Nasir Eddin, Zach's mon. Corresp.* XXIII, 64–78, 341–361, 1811. — R. Wolf, *Gesch. d. Astr.* S. 73 f.

1248. **Alfons X. von Castilien.** (Toledo 1223 — Sevilla 1284, 4. April.) El Sabio, der Weise, beruft jüdische und christliche Gelehrte nach Toledo, um die Grundlagen der Astronomie zu prüfen, astronomische Schriften der Araber zu übersetzen und zu bearbeiten und neue Tafeln herauszugeben, die alfonsinischen Tafeln.

Lit. R. Wolf, Geschichte der Astronomie. S. 78 ff, 205 ff. — Libros del saber de astronomia d. Rey D. Alfonso X, copilados, anotados y comentados p. D. Manuel Rico y Sinobas. t. I—V Madrid, 1863—67.

1248. **Johannes von Basingstoke.** († 1252.) Studierte in Oxford, ging nach Athen, um Griechisch zu lernen, und übersetzte, nach England zurückgekehrt, verschiedenes.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 45. — H. Suter, Die Math. a. d. Univ. d. Mittelalt. Zürich 1887, S. 71 f.

1248. **Guglielmo de Lunis** übersetzt eine Algebra aus dem Arabischen ins Italienische.

Lit. Libri, Hist. d. sc. math. en Italie II, 45. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 90.

1249. Gründung der **Universität Oxford.**

Lit. Wood, Historia et antiquitates univ. Oxoniensis. 1674. — H. Suter, Die Mathematik auf den Univers. d. Mittelalters. Festschr. Kantonschule. Zürich 1887, 39—96.

1250. **Vincent de Beauvais**, Vincentius Bellovacensis. († 1265.) Dominikaner. Schrieb für die Söhne Ludwigs des Heiligen eine Encyclopädie u. d. T. 'Quadruple miroir', worin die Mathematik (Rechnungsarten, Musik, Geometrie und Astronomie) sehr dürftig behandelt wird.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 84—86.

1250. **Abul Hhassan**, Ali. Astronom in Marokko. Praktische Astronomie. Sammlung astronomischer Hilfstafeln.

Lit. J. J. Em. Sédillot, Traités des instruments astronomiques des Arabes. 2 vol. Paris 1834—35. — R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 72 f.

1250. **Tsin Kiu Tschäu** (1210—1290), chinesischer Mathematiker. Kommentar zu der unbestimmten Analytik des Yih-Hing. Um 1240 'Su schuh Kiu-tschang', d. i. die neun Kapitel der Zahlenkunst. Um 1290 'Leih tien yuen yih', Algebra der höheren Gleichungen. Darin die Tien yuen-Regel, eine Methode zur näherungsweisen Auflösung der numerischen Gleichungen.

Lit. L. Matthiessen, Grundzüge der ant. u. mod. Algebra

der litt. Gleichungen. Leipzig 1878, S. 964. — Biernatzki, Über die Arithmetik der Chinesen. Journ. f. Math. LII, 59 ff.

1250. **Yang Hwang**, chinesischer Mathematiker. Kommentar zur Arithmetik der neun Kapitel Tschang-tsang's, 'Tseang kea kiu-tschang swan fa'.

Lit. L. Matthiessen, Grundzüge d. ant. u. mod. Algebra. S. 965.

1252. Die **Alfonsinischen Tafeln**, unter Leitung von Al Ragel und Al Kabitz vollendet.

Lit. Libros del saber de astronomia d. Rey D. Alfonso X, copilados, anotados y comentados p. D. Manuel Rico y Sinobas. Madrid 1863—67. IV.

1254. Die **Universität Paris** verlangt wieder die Kenntniss der **aristotelischen** Schriften für die Bewerbung um eine akademische Würde. Bald wurde die ausschließliche Verehrung des Aristoteles ein Hemmnis für die Naturforschung.

1259. Gründung der **Sternwarte in Maraga** (nach der Einnahme von Bagdad). Sammelplatz zahlreicher Astronomen, die der Mongole **Hulagu** berief.

Lit. A. Jourdain, Mém. sur l'observatoire de Mèragah. Paris 1810.

1260. **Roger Bacon**. (Ilchester, Somersetshire 1214 — Oxford 1294, 11. Juni.) Franciscaner, Prof. math. et astr. in Oxford, gen. Doctor mirabilis.¹⁾ Lange wegen Ketzerei und Zauberei gefangen gehalten. Eifriger Gegner der Scholastik, Begründer der neueren Naturforschung.²⁾ 'Opus majus', eine Encyklopädie.³⁾ Darin wichtige Untersuchungen über Optik (sphärische Abweichung bei Hohlspiegeln, Brechung an sphärischen Flächen). 'Opus minus'. Vorschläge zur Verbesserung des julianischen Kalenders. 'Opus tertium'. Mathematisch-Philosophisches. Perspectiva. Specula mathematica.

Lit. 1) A. Heller, Geschichte der Physik. I, S. 191 ff. — Emile Charles, Roger Bacon, sa vie, ses ouvrages, ses doctrines d'après des textes inédits. Paris 1861. — Leonh. Schneider, Roger Bacon Ord. min. Augsburg 1873. — R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 328 f. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 86 f. — 2) De secretis operibus artis et naturae et de nullitate magiae. Zuerst gedruckt Paris 1542. — 3) Fratrís Rogeri Bacon, Opus majus, ed. S. Jebb. London 1733. (De centris gravium. De ponderibus. De valore musicis. De cosmographia. De situ orbis. De arte experimentalí. De radiis solaribus. De coloribus per artem fiendis. etc.)

1260. **Brunetto Latini**. (Florenz 1220—1295.) Stadtschreiber.

Von 1260—84 in Paris, dann wieder in Florenz. 'Le Trésor de l'origine et de la nature de toutes choses', eine Enzyklopädie, eines der ältesten Dokumente über die Kenntniss der Europäer vom Kompaß.

Lit. J. Klaproth, Lettre à Mr. le Baron A. de Humboldt sur l'invention de la Boussole. Paris, 1834. — A. Wittstein, Julius Klaproth's Schreiben an Alexander von Humboldt über die Erfindung des Kompasses. Aus d. franz. Original im Auszuge mitgeteilt. Leipzig 1885.

1266. **Raimundus Lullus**. (Palma auf Mallorca 1234 — Afrika 1315.) Eifriger Gegner des Aristoteles. Versuchte die Scholastik zu stürzen. Seine Ars magna, Lulli'sche Kunst, sollte alle Probleme der Wissenschaft nach einer mechanischen Methode lösen.

Lit. K. Chr. Schmieder, Geschichte der Alchemie. Halle 1832.

1269. **Wilhelm von Moerbecke**. († bald nach 1281.) 1278 Erzbischof von Korinth. Bekanntter Übersetzer. Aus seiner Übersetzung kennen wir die Schrift des Archimedes: 'De iis, quae in humido vehuntur'.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 88 f. — Heiberg, Neue Studien zu Archimedes. Z. f. Math. XXXIV, Suppl. 1889. — V. Rose, Archimedes im Jahre 1269. Deutsche Lit. Z. V, 210—213, 1884.

1270. **Giovanni Campano, Johannes Campanus**, von Novarra. 1261—81 Kaplan des Papstes Urban IV, später Kanonikus in Paris. Philosoph und Astrolog. Berühmt durch seine Ausgabe der Elemente Euklids, einschliesslich des XIV. und XV. Buches. In seinen Zusätzen lehrt er die Summe der Winkel im Sternfünfeck berechnen und die Dreiteilung des Winkels und beweist die Irrationalität des goldenen Schnittes. Der Winkel zwischen Kreisbogen und Tangente, den er für kleiner als jeden geradlinigen spitzen Winkel hält, führt ihn auf die Betrachtung stetiger Grössen. Abhandlung über die Quadratur des Kreises. De computo ecclesiastico, Calendarium, Tractatus de sphaera, Theoria planetarum.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 90—95. — Bern. Baldi, Vite di matematici italiani, pubbl. da Enr. Narducci. Boncompagni Bull. XIX. 1886, 591—596. — Campanus, Euclidis Elementa, Basil. 1546. Euclidis Data. Venet. 1485. — J. L. Heiberg, Beiträge zur Gesch. d. Math. im Mittelalter. II. Euklid's Elemente im Mittelalter. Z. f. Math. XXXV, Hl. Abt. 48—58, 81—100, 1890.

1275. **Ibn Albanna**, vollst. Abul Abbas Ahmed ibn Muhammed

ibn Otman Al-Azdi Al-Marrakuschi ibn Albanna Algarnati. Westarabischer Mathematiker. (Geb. 1252 oder 1257 in Marokko.) Viele mathematische Schriften. 'Talchis, Auszug aus einem Werke 'Der kleine Sattel', das im Magrib, im afrikanischen Nordwesten, geschrieben wurde. Kommentar dazu: 'Die Aufhebung des Schleiers'. (Vereinigung von Kolumnen- und Ziffernrechnen. Σn^2 und Σn^3 . Zahlen-theoretisches. Näherungsmethode für die Quadratwurzelauziehung. Methode des doppelten falschen Ansatzes mit Hilfe der Wagschalen).

Lid. Aristide Marre, Biographie d'Ibn Albannâ. Atti dell' Acad. Pont. de Nuovi Lincei. XIX, 1865. — Steinschneider, Rectification de quelques erreurs etc. Bull. Boncompagni X, 1877, 313—314. — Le Talkhys d'Ibn Albannâ publié et traduit par Aristide Marre. Rome, 1865 (aus d. Atti d. Ac. Pont. d. Nuov. Linc. XVII, 5. Juni 1864). — Fr. Wöpcke, Passages relatifs à des sommations des séries de cubes extraits de manuscrits arabes inédits et traduits. Rome 1863 et 1864. — L. Rodet, Sur les méthodes d'approximation chez les anciens. Bull. Soc. math. de France. VII, 159—167, 1879. — A. Favaro, Notizie storico-critiche sulla costruzione delle equazioni. Modena 1878.

1275. Ältester Algorismus in französischer Sprache.

Lit. Ch. Henry, Sur les deux plus anciens traités français d'algorisme et de géométrie. Boncompagni Bull. XV, 1882, 49—52. Traité d'algorisme et de géométrie ib. 53—70.

1279. Johannes Peckham, Pisanus, auch Johannes Londinensis genannt. (Sussex c. 1230—1292). Schüler Bacon's, später Bischof von Canterbury. Schrieb eine Perspektive, die lange Zeit Leitfaden für Universitätsvorlesungen war.

Lit. Kästner, Gesch. d. Math. II, 264—274. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 88. — H. Suter, Die Math. a. d. Univ. d. Mittelalters. Festschr. Zürich 1887, 70—71. — A. Heller, Gesch. d. Physik. I, 207. — S. Günther, Gesch. d. math. Unt. S. 164 ff.

1285. Erfindung der Brillen. Wahrscheinlich durch Salvino degli Armati († 1317 zu Florenz).

Lit. J. Priestley, History and present state of discoveries relating to vision, light and colours. 2 vol. London 1772; deutsch von G. S. Klügel, Leipzig, 1775.

1296. Manuel Moschopulos. Byzantiner. Anleitung zur Bildung magischer Quadrate.

Lit. S. Günther, Vermischte Untersuchungen zur Geschichte der mathematischen Wissenschaften. Leipzig 1876. Kap. IV. Historische Studien über die magischen Quadrate. — P. Tannery,

Le traité de Manuel Moschopoulos sur les carrés magiques. Ann. d. l'assoc. pour l'encourag. d. ét. gr. Paris 1886, 88 ff. — P. Tannery, Manuel Moschopoulos et Nicolas Rhabdas. Darboux Bull. (2) VIII, 263—277, 1884.

1297. **Bartolomeo da Parma.** Lehrte 1297 zu Bologna Mathematik. Einer der bedeutendsten Gelehrten seiner Zeit. 'Tractatus sphaerae', ein klassisches Lehrbuch. Geometrisches. Astrologisches. Vielleicht ist das dem Boethius bisher zugeschriebene Buch über Philosophie von Bartolomeo.

Lit. E. Narducci, Intorno al „Tractatus Sphaerae“ di Bartolomeo da Parma astronomo del secolo XIII e ad altri scritti del medesimo autore. — Tractatus Sphaerae di Bartolomeo da Parma. Parti prima e seconda. Boncompagni Bull. XVII, 1—42; 43—120, 165—218, 1884.

1299. **Witelo, Vitellius.** Wahrscheinlich aus Thüringen. Lebte als Mönch in Italien. 'Opticae libri IV' (Verbesserung der Theorie des Regenbogens). 'Perspectiva'.

Lit. M. Curtze, Sur l'orthographe du nom et sur la patrie de Witelo (Vitellion). Boncompagni Bull. IV, 49—77, 1871. — B. Boncompagni, Intorno ad un manoscritto dell' ottica di Vitellione citato da Fra Luca Pacioli. Ibid. 78—81. — A. Heller, Geschichte der Physik. I, S. 206 f. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 88 f. — Poudra, Histoire de la perspective. 1864, p. 34.

1300. **Le Yay Jin King,** chinesischer Mathematiker. Schrieb eine Algebra, 'Tsih yuen ha king'. Darin wird die Tien yuen-Regel auf die Auflösung von Gleichungen angewendet.

Lit. L. Matthiessen, Grundzüge d. ant. u. mod. Algebra der litt. Gleichungen. Leipzig 1878. S. 965.

1300. **Alexander von Spina.** († 1313.) Predigermönch zu Pisa. Verfertigte Gläser zu Brillen und Fernröhren.

Lit. R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 357.

1300. **Prophatius,** eigentl. Jacob ben Machir. († c. 1308.) Übersetzte aus dem Arabischen die Elemente Euklids, die Sphärik des Menelaus u. a. 'Ewiger Almanach', astronomisches Tabellenwerk. Beschrieb einen von ihm erfundenen Quadranten.

Lit. M. Steinschneider, Prophatii Judaei Montepessulani Massiliensis (a. 1300) prooemium in almanach adhuc ineditum, etc. Boncompagni Bull. IX, 595—613, 1876. — M. Steinschneider, Über das Wort Almanach. Biblioth. Math. (2) II, 13—16, 1888.

1300. **Cecco d'Ascoli,** Francesco degli Stabili. (Ascoli in der Romagna 1257 — Florenz 1327, 15. Sept.) Prof. philos. et astrol. zu Bologna. 'Acerba vita', eine Encyclopädie. Kommentar zur Sphaera des Sacrobosco.

Lit. S. Gherardi, Einige Beiträge zur Geschichte der mathematischen Facultät der alten Universität Bologna. Deutsch von M. Curtze. Arch. f. Math. LII, 65—204, auch Berlin, 1871. — Commentarius in Sphaeram Joannis de Sacrobosco. Basil. 1485.

1302. Die **Magnetnadel als Kompaß** verbreitet von Flavio Gioja oder Giri von Amalfi. Den Chinesen war der Gebrauch der Magnetnadel als Kompaß schon wenigstens 1200 Jahre früher bekannt; nach Albertus Magnus kannten auch die Araber den Kompaß.

Lit. A. Heller, Geschichte der Physik I, S. 208 f. — J. Klaproth, Lettre à Mr. le Baron A. de Humboldt sur l'invention de la Boussole. Paris, 1834. — Th. Henri Martin, Observations et théories des Anciens sur les attractions et les répulsions magnétiques et sur les attractions électriques. Atti d. Ac. Pont. de' Nuovi Lincei, 3. Dez. 1864 u. 8. Jan. 1865.

1307. **Theodorich de Vriberg**, Theodoricus, Magister Teutonicus. Predigermönch, 1307—1311 Prior provincialis der Ordensprovinz Sachsen, Dr. theol. in Paris. Schrift über den Regenbogen (Gang der Lichtstrahlen im Haupt- und Nebenbogen richtig angegeben).

Lit. A. Heller, Gesch. d. Physik I, 207. — De radialibus impressionibus, veröff. durch G. B. Venturi, Commentari sopra la storia e le teorie dell' Ottica. I. Bologna 1814.

1310. **Andalò di Negro**. (Genua c. 1260 — c. 1340.) 1314 Gesandter bei Kaiser Alexis Comnenus von Trapezunt. Mathematiker und Astronom. Mehrere Schriften über Theorie und Praxis des Astrolabiums. Theorica planetarum. Tractatus sphaerae. Astrologisches. Citirt wird auch eine praktische Arithmetik von ihm.

Lit. C. de Simony, Intorno alla vita ed ai lavori di Andalò di Negro, matematico ed astronomo genovese del secolo decimoquarto e d'altri matematici e cosmografi genovesi. Boncompagni Bull. VII, 313—338, 1874. — B. Boncompagni, Catalogo de' lavori di Andalò di Negro. ib. 339—376.

1320. **Dante Alighieri**. (Florenz 1265 — Ravenna 1321.) Seine 'Divina Commedia' ist für die astronomischen Anschauungen der damaligen Zeit von Wichtigkeit.

Lit. S. Günther, Studien zur Geschichte der mathematischen und physikalischen Geographie. Heft I u. II, Halle 1877, Heft III: Ältere und neuere Hypothesen über die chronische Versetzung des Erdschwerpunkts durch Wassermassen. Halle, 1878. — R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 81.

1320. **Hauk Erlendssön**, aus Norwegen, richterlicher Beamter. Schrieb einen Algorithmus nach dem Muster desjenigen von

Sacrobosco, (darin Beziehungen der vier Elemente zu den Zahlen 8, 12, 18, 27).

Lit. Eneström, Bibl. math. 1885, 199. — S. Günther, Gesch. d. math. Unterr. i. dtsch. Mittelalt., 169—171. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 115.

1322. **Johannes de Lineriis** (de Lignères). Prof. math. zu Paris. Bearbeitete die alfonsinischen Tafeln für den Meridian von Paris. 'Tabula sinus'. Ob er identisch mit Johannes de Liveriis, von dem ein Buch über Brüche 1483 gedruckt wurde, ist zweifelhaft.

Lit. M. Steinschneider, Intorno a Johannes de Lineriis (de Liveriis) e Johannes Siculus. Boncompagni Bull. XII, 345—351, 1879. — B. Boncompagni, Intorno alle vite inedite di tre matematici (Giovanni Danck di Sassonia, Giovanni de Lineriis e Fra Luca Pacioli da Borgo San Sepolcro) scritte da Bernardino Baldi. Boncompagni Bull. XII, 1879, 352—419. Vite inedite di tre matematici etc. ib. 420—427. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 115.

1322. Griechische Bearbeitung eines persischen astronomischen Werkes des **Schamsaldin von Bukhara**.

1325. **Levi ben Gerson**, Leo Ebraeus, auch Leo de Balneolis. († 1344, 20. April.) Lehrbuch der Astronomie. 'De numeris harmonicis'. Erfand den Jakobsstab.

Lit. M. Steinschneider, Levi ben Gerson. Ersch u. Gruber, Encyklopädie. XLIII, 295 ff. u. Hebr. Bibliographie IX, 1869. — M. Steinschneider, Miscellen zur Geschichte der Mathematik. 5. Levi ben Gerson und der Baculus Jacobi. Bibliot. math. (2) IV, 1890, 107. — S. Günther, Die erste Anwendung des Jakobsstabes zu geographischen Ortsbestimmungen. Bibl. math. (2) IV, 1890, 73—80.

1325. **Bernard Barlaam**. (Seminara in Calabrien c. 1290 — Neapel 1348.) Bischof von Geraci. 'Libri V logisticae astronomicae' (Praktische Arithmetik, Sexagesimalrechnung).

Lit. Bern. Baldi, Vite di matematici italiani, pubbl. da Enr. Narducci. Boncompagni Bull. XIX, 1886, 598—600.

1326. **Richard von Wallingford**. Lehrer der freien Künste und der Philosophie zu Oxford. Schrieb De sinibus demonstrativis, De chorda et arcu, De chorda et versa.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 100. — Montucla, Hist. d. math. 2. éd. Paris. I, 529.

1326. **Petrus de Dacia**. Dänischer Mathematiker, Canonicus zu Ribe in Jütland, 1326—27 Rektor der Universität Paris. Lebte noch 1347. Commentum super Algorismum prosaicum

Johannis de Sacro Bosco. *Tabula ad inveniendum propositiones cujusvis numeri*. 'Computus ecclesiasticus', Calendarium. Vielleicht stammt die sog. 'Geometria speculativa' Bradwardins von Petrus.

Lit. G. Eneström, *Anteckningar om matematikern Petrus de Dacia och hans skrifter*. I, II, III Stockh. Öfv. XLII. 1885 u. 1886. — S. Günther, *Gesch. d. math. Unterr. a. d. Univ. d. Mitt.* S. 167. — H. Suter, *Die Math. a. d. Univ. d. Mitt.* S. 43. — M. Cantor, *Vorles. ü. Gesch. d. Math.* II, 114—115.

1330. **Johannes Saxoniensis**, cogn. Danck. Philosoph und Astrolog, zu Paris. Verschiedene astronomische Schriften. *De Astrolabio*. Kanon zu den Alfonsinischen Tafeln.

Lit. B. Boncompagni, *Intorno alle vite inedite di tre matematici* (Giovanni Danck di Sassonia, Giovanni de Lineriis e Fra Luca Pacioli da Borgo San Sepolcro) scritte da Bernardino Baldi. Boncompagni Bull. XII, 1879, 352—419. *Vite inedite di tre matematici etc.* ib. 420—427. — *Canones in tabulas astronomicas Alfonsi*. Augsburg 1488.

1330. **Paolo Dagomari, dall' Abaco**. (Prato in Toscana, c. 1281 — Florenz 1366 oder 1374.) Mathematiker und Astronom, wegen seiner Kenntnisse in der Arithmetik dall' Abaco oder il Geometra genannt. Schrieb außer mehreren mathematischen Werken den ersten italienischen Almanach, *Taccuino* genannt. *Regoluzze di Maestro Paolo dall' Abaco*.

Lit. Libri, *Histoire des sciences mathématiques en Italie*. II, 205 u. III, 296—301. — Frizzo, *Le Regoluzze di Maestro Paolo dall' Abbaco*. Verona 1885. — M. Cantor, *Vorles. ü. Gesch. d. Math.* II, 150—151.

1330. **Maximus Planudes**. (Aus Nikomedien.) Griechischer Mathematiker zu Byzanz. Mönch, 1327 als Gesandter des byzantinischen Kaiserreiches in Venedig. Lebte noch 1352. Kommentar zu den ersten Büchern des Diophant. Auszug aus den arithmetischen Epigrammen der griechischen Anthologie (s. 350 n. Chr.). *ψηφοποπλα κατ' Ἰνδους*, ein Rechenbuch (indisches Zifferrechnen).

Lit. Das Rechenbuch des Maximus Planudes. Griech. Textausgabe von C. J. Gerhardt. Halle 1865. Deutsche Übersetzung von H. Wäschke. Halle 1878.

1330. **Johannes Pediasimus**, auch **Galenus** genannt. Siegelbewahrer des Patriarchen von Konstantinopel. *Σύνοψις περὶ μετρήσεως καὶ μερισμοῦ γῆς*, eine Geometrie, nach dem Muster Herons von Alexandria. Über Verdoppelung des Würfels.

Lit. Die Geometrie des Pediasimus, griech. Text, herausg. v. G. Friedlein. Pr. Ansbach 1866. — G. Friedlein, Annotationes ad historiam spectantes. I. Pauca de Johannis Pediasimi geometria annotanda. Boncompagni Bull. III, 303—304, 1870.

1330. **Thomas de Bradwardina**, Bradwardinus, eigentl. Bradwardin. (Hardfield b. Chichester 1290 — Lambeth 1349, 26. Aug.) Prof. theol. zu Oxford, dann Kanzler an der Paulskirche zu London, zuletzt Erzbischof von Canterbury. Tractatus de proportionibus velocitatum. Arithmetica speculativa. 'Geometria speculativa'. (Sternvielecke, isoperimetrische Figuren, irrationale Größen, Stereometrie.) Tractatus de Continuo.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 102—111. — M. Curtze, Über die Handschrift R. 4^o. 2, Problematum Euclidis explicatio, der Königl. Gymnasialbibliothek zu Thorn. Z. f. Math. XIII, Suppl. 45—104, 1868.

1340. **Nicolaus Rhabdas**, cogn. **Artabades**. Aus Smyrna. Griechischer Mathematiker. Briefe über Arithmetik (darin die Bezeichnung politische Arithmetik). *Ἐκφρασις τοῦ δακτυλικοῦ μέτρου*, die einzige ausführliche Darstellung der Fingerrechnung in griechischer Sprache. Osterrechnung auf das Jahr 1341.

Lit. P. Tannery, Notice sur les deux lettres arithmétiques de Nicolas Rhabdas; texte grec et traduction. Paris 1886. Extrait des Notices et extraits des manuscrits de la Bibliothèque Nationale etc. T. XXXII, 1. Partie. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 435 f. — Nicolai Caussini de eloquentia sacra et humana libri XVI. Lib. IX, cap. VIII. Köln 1681.

1340. **Jean de Meurs**, de Muris. (Normandie c. 1310 — nach 1360.) Canonicus zu Paris. Tractatus de sole et luna et corporibus coelestibus, cum tabulis astronomicis 400 annorum. Arithmetica communis ex Boethii Arithmetica compendiose excerpta. Arithmeticae speculativae libri II. Speculum musicae (die Notenschrift durch Hinzufügen der Längenzeichen vervollkommnet). Quadripartitum rimatum (darin u. a. das Rechnen mit ganzen Zahlen und vom Rechenbrett). Vorschläge zur Kalenderreform.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 112—114. — S. Günther, Gesch. d. math. Unterr. im d. Mittelalter. S. 183. — Alfr. Nagl, Das Quadripartitum des Joannes de Muris und das praktische Rechnen im 14. Jahrhundert. Z. f. Math. XXXIV, Suppl. 135—146, 1889.

1340. **Johannes Maudith.** Lehrte zu Oxford. Schrieb *De chorda recta et umbra.*

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 101.

1345. **Richard Suicet**, oder Suifset oder Swinshed. Cisterziensermönch zu Vinshed auf Holy Island (Northumberland). Schrieb in dem Werke „Calculator“ über die Linie der Zu- und Abnahme der Formen (*latitudines formarum*).

Lit. H. Suter, Die Math. a. d. Univ. d. Mittelalters. S. 47.
— M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 111.

1346. **Blüte der persisch-griechischen Astronomie.** Chioniades von Konstantinopel, Georgios Chrysococces, Nicolaus Kabasilas, Theodorus Meliteniota, Isaak Argyrus u. a.

Lit. Herm. Usener, *Ad historiam astronomiae symbola.* Pr. Bonn. 1876. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 431.

1348. Die erste deutsche **Universität zu Prag** durch Karl IV. nach dem Muster der Pariser Sorbonne gegründet.

Lit. Denifle, *Die Universitäten des Mittelalters bis 1440.* I. Bd. Berlin 1885. — H. Suter, *die Math. a. d. Univ. d. Mittelalters.* Zürich. Festschrift 1887. S. 75.

XII. Zeittafel. 1350—1500.

Der Aufschwung der Mathematik und Astronomie in Deutschland.

1350. **Konrad von Megenberg.** (Regensburg c. 1309 — c. 1374.) „Die deutsche Sphära“, eine freie Bearbeitung der *Sphaera mundi* des Sacrobosco. „Buch der Natur“, eine naturwissenschaftliche Encyklopädie.

Lit. J. A. Schmeller, *Bemerkungen über Chunrad von Megenberg*, Domherr zu Regensburg im XIV. Jahrhundert, und über den damaligen Stand der Naturkunde im deutschen Volke. *Jahresb. d. bayer. Ak. d. Wiss.* III, 41 ff. — Fr. Pfeiffer, *Das Buch der Natur von Konrad von Megenberg.* Die erste Naturgeschichte in deutscher Sprache. Stuttgart 1861.

1350. Die **Idee der Lebensversicherung** entsteht durch die Reise- und Unfallversicherung der See-Assekuranzkammern und durch die im Mittelalter von Seiten der Gilden geleisteten gegenseitigen Unterstützungen bei Unglücksfällen.

Lit. W. Karup, *Theoretisches Handbuch der Lebensversicherung.* Leipzig 1871.

1360. Nicole Oresme. (Normandie c. 1320 — Lisieux 1382.)

Schützling Karls V., der ihn zum Bischof von Lisieux machte. 'Tractatus proportionum'. 'Algorithmus proportionum' (darin Rechnung mit Potenzen mit gebrochenen Exponenten). 'Tractatus de latitudinibus formarum'. 'Tractatus de uniformitate et difformitate intensionum' (Anfänge der Koordinaten-Geometrie). 'Traité de la sphère'. Übersetzte Aristoteles, De coelo et mundo. Commentar zur aristotelischen Meteorologie.

Lit. M. Curtze, Die mathematischen Schriften des Nicole Oresme. Berlin 1870. — M. Curtze, Über die Handschrift R. 4° 2, Problematum Euclidis explicatio der Königl. Gymnasialbibliothek zu Thorn. Z. f. Math. XIII, Suppl. 45—104, 1868. — M. Curtze, Der Algorithmus proportionum des Nicole Oresme. Berlin 1868. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 116—125. — S. Günther, Die Anfänge und Entwicklungsstadien des Koordinatenprinzips. Abh. d. naturf. Ges. zu Nürnberg VI, 1877, ital. Boncompagni Bull. X, 363—406, 1877. — H. Suter, Eine bis jetzt unbekannte Schrift des Nic. Oresme. Z. f. Math. XXVII, Hl. Abt. 121—125, 1882.

1364. Einführung der Turmuhren. Räderuhr mit Schlagwerk auf dem Parlamentshause in Paris von Heinrich von Wyk. Italienische Räderuhren aus dem 13. Jahrhundert zeigten die Stunden 1 bis 24; die Einteilung in 12 Stunden wurde erst im 16. Jahrhundert allgemeiner.

Lit. R. Wolf, Geschichte der Astronomie. S. 136 ff.

1365. Gründung der Universitäten Wien und Krakau.

Lit. Aschbach, Geschichte der Wiener Universität im ersten Jahrhundert ihres Bestehens. Wien 1865. — H. Suter, Die Mathematik auf den Universitäten des Mittelalters. Pr. Zürich u. Festschrift zur 39. Vers. d. Philol. in Zürich 1887. — S. Günther, Geschichte des mathematischen Unterrichts im deutschen Mittelalter bis zum Jahre 1525. (Mon. Germ. Paedag. III.) Berlin 1887. — H. Denifle, Die Universitäten des Mittelalters bis 1400. Bd. I. Die Entstehung der Universitäten. Berlin 1885.

1365. Albert von Sachsen, Albertus de Saxonia. (Geb. zu Riggensdorf in Sachsen, † 1390.) Der erste Rektor der Wiener Universität 1365, vorher Dozent der Philosophie und Mathematik zu Paris, von 1366—1390 Bischof von Halberstadt. Lehrbücher: De latitudinibus formarum, Tractatus proportionum, De maximo et minimo. De quadratura circuli. De proportionione dyametri quadrati ad costam ejusdem. Kommentar zur Physik des Aristoteles. De coelo et mundo.

Lit. F. Jacoli, Intorno ad un commento di Benedetto Vittori, medico Faentino, al tractatus proportionum di Alberto di Sassonia.

Boncompagni Bull. IV, 493—497, 1871. — B. Boncompagni, *Intorno al tractatus proportionum di Alberto di Sassonia*. Boncompagni Bull. IV, 498—511, 1871. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 130—136. — H. Suter, *Der Tractatus „De quadratura circuli“ des Albertus de Saxonia*. Z. f. Math. XXIX. Hl. Abt. 81—102, 1884. — H. Suter, *Die Quaestio „De proportionibus dyametri quadrati ad costam ejusdem“ des Albertus de Saxonia*. Z. f. Math. XXXII, Hl. Abt. 41—56, 1887.

1368. **Heinrich von Langenstein**. (Langenstein 1325 — Wien 1397.) Henricus Hessianus. Erst Lehrer der Mathematik in Paris, dann Prof. math. et astron. an der Universität Wien. Förderer des astronomischen Studiums. Eifriger Bekämpfer der Astrologie. Gab auch zur Verbreitung mathematischer Kenntnisse in Deutschland den Anstofs.

Lit. C. J. Gerhardt, *Geschichte der Mathematik in Deutschland*. München 1877. S. 3 f. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 136—137. — S. Günther, *Gesch. d. math. Unterr. i. deutsch. Mittelalter*, S. 171 ff.

1370. **Introductionis liber qui et pulveris dicitur in mathematicam disciplinam**. Ein dürftiges lateinisches Lehrbuch der Rechenkunst, unbekannten Verfassers.

Lit. H. Narducci, *Sur un manuscrit du Vatican, du XIV^e siècle, contenant un traité de calcul emprunté à la méthode „Gobârî“*. Lettre à M. Aristide Marre. Darboux Bull. (2) VII, 1883, 247—256. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 142—144.

1370. **Eine italienische Algebra**, alcune cose di abaco, unbekannten Verfassers. (Zinseszinsrechnung. Gleichungen bis zum 5. Grade, mit Ansatz. Zu denjenigen 3., 4. und 5. Grades künstlich gefundene Wurzelwerte. Geometrische Anwendungen.)

Lit. Auszugsweise in Libri, *Hist. d. sc. math. en Italie* II, 214 Note I und III, 302—349. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 144—150.

1380. **Simon Bredon**, Biridanus. Aus Winshecombe. Mediziner. Astrolog. Verfasste auch einige mathematische und astronomische Abhandlungen, u. a. eine Sehnentafel.

Lit. H. Suter, *Die Math. a. d. Univ. d. Mittelalters*. Zürich 1887, S. 84. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II. 101.

1380. **Rafaele Canacci** aus Florenz. Schrieb eine Algebra in italienischer Sprache, mit geschichtlichen Angaben.

Lit. Libri, *Hist. d. sc. math. en Italie*. II, 208. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II. 152.

1383. **Antonio Biliotti**, genannt dall' Abaco. Aus Florenz. Lehrte Mathematik in Bologna.

Lit. Libri, Hist. d. sc. math. en Italie. II, 205 Note 1. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 150.

1386. Die **Universität Heidelberg** gegründet.

Lit. H. Suter, Die Math. a. d. Univ. d. Mittelalters. Zürich 1887.

1390. **Biagio da Parma**, eigentlich **Pelacani**. († 1416, 23. April, Parma.) Lehrte zu Paris, Pavia, Bologna, Padua, Parma Astrologie und Philosophie. Lehrer Beldomandi's. Kommentar zu Oresme's *Latitudines formarum*. Statik, Perspektive.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 152 u. 187.

1400. Die **Geometria Culmensis**, die erste lateinisch und deutsch herausgegebene Geometrie. Zum Teil mit Benutzung der *Practica geometriae* des **Dominicus Parisiensis**. (Berechnung von Dreiecken, Vierecken, Vielecken und teilweise krummlinig begrenzten Flächen.)

Lit. *Geometria Culmensis*. Ein agronomischer Tractat aus der Zeit des Hochmeisters Conrad von Jungingen (1393—1407), herausg. von H. Mendthal, Publ. d. Ver. f. d. Gesch. von Ost- u. Westpreußen. Leipzig 1886. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 137—141.

1407. **Johannes Schindel**, **Joannes de Praga**. (Königgrätz 1370 oder 1375 — Prag um 1450.) Astronom und Mathematiker. Direktor der St. Niclas-Schule in Prag, 1407—1409 Dozent der Mathematik und Astronomie in Wien, seit 1410 Rektor der Prager Universität.

Lit. J. Teige, Ein Beitrag zur Lebensgeschichte des Magister Joannes de Praga. Z. f. Math. XXVIII, Hl. Abt. 41—44, 1883. — S. Günther, Gesch. d. math. Unterr. im deutschen Mittelalter. Berlin 1887. S. 228.

1409. Stiftung der **Universität Leipzig**.

Lit. S. Günther, Gesch. d. math. Unterrichts etc. S. 197 ff.

1420. **Prosdocimo de' Beldomandi**. (Padua zw. 1375 u. 1380—1428.) Mathematiker und Astronom. Lehrer der Astrologie, Astronomie und Mathematik zu Padua. 'Algorismus de integris'. Canon, Einmaleinstafel mit doppeltem Eingang. Über das Astrolabium. Kommentar zu Sacroboscus Sphära. De motibus corporum supercoelestium. Mehreres über Geometrie, Astronomie und Musik.

Lit. A. Favaro, Intorno alla vita ed alle opere di Prosdocimo de' Beldomandi, matematico Padovano del secolo XV,

Boncompagni Bull. XII, 1—74, 115—251, 1879. Appendice XVIII. 405—423, 1886. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 187 ff.

1420. **Johann von Gemunden**, Joannes de Gamundia. (Gmünden a. Traunsee zw. 1375 u. 1385 — Wien 1442, 23. Febr.) Geistlicher, Prof. math. et astr. zu Wien, später Vizekanzler daselbst. Der erste Fachprofessor der Mathematik an einer deutschen Hochschule. Erweckte lebhaftes Interesse für die Astronomie. 'Tractatus de minutiis physicis', ein Lehrbuch der sexagesimalen Bruchrechnung. Planetentafeln. Kalender. Verfertigte astronomische Instrumente.

Lit. Zach, Monatliche Korrespondenz z. Bef. d. Erd- u. Himmelskunde, XVIII. — Stern, Joannes de Gmunden. Ersch und Gruber, Allg. Encyclopädie der Wissenschaften und Künste. — C. J. Gerhardt, Geschichte der Mathematik in Deutschland. München 1877, S. 5. f. — R. Wolf, Geschichte der Astronomie. S. 86 f. — S. Günther, Geschichte des mathematischen Unterrichts im deutschen Mittelalter. Berlin 1887. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 160 ff.

1430. **Ulugbegh**, Muhammed ibn Schahruch, Enkel Tamerlans (Sultanich 1394 — Samarkand 1449). Persischer Fürst. Erbaute 1420 zu Samarkand eine Sternwarte, auf der er selbst beobachtete, und mit der er eine Art astronomischer Akademie verband.

Lit. R. Wolf, Geschichte der Astronomie. S. 74 ff. — M. Cantor, Vorl. ü. Gesch. d. Math. I, 670 f. — J. Greaves, Epochae celebriores astronomis, chronologis, historicis, Chataiorum, Syro-Graecorum, Arabum, Persarum, Chorasmiurum usitatae, ex traditione Ulug Beigi, Indictae. London 1650. — Delambre, Histoire de l'astronomie du moyen âge. Paris 1819. — F. Bailly, The catalogues of Ptolemy, Ulugh Beigh, Tycho Brahe, Halley and Hevelius, deduced from the best authorities, with various notes and corrections. Mem. Astr. Soc. XIII, London 1843. — L. Am. Sédillot, Prolégomènes des tables astronomiques d'Oloug Beg, trad. et commentaire. Paris 1853.

1435. **Gijät Eddin Al-Kaschi**, eigentlich Dschamschid ibn Masud ibn Mahmud, oder Atabeddin Dschamschid. Arzt in der Umgebung Ulugbeghs. Schrieb eine Abhandlung „Schlüssel der Rechenkunst“, worin Formeln für Σn^3 und Σn^4 und eine Näherungsmethode für die Auflösung der Gleichung $x^3 + Q = Px$, wo P gegen Q sehr groß.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 670—672. — Fr. Wöpkke, Passages relatifs à des sommations de séries de cubes. Rome 1864, 22—25. — H. Hankel, Zur Gesch. d. Math. in Altertum u. Mittelalter. Leipzig 1874, S. 289—293.

1436. **Johann Gutenberg** erfindet die Buchdruckerkunst. (Mit einzelnen geschnitzten Lettern gedruckt: die Mainzer Bibel 1456; mit gegossenen Buchstaben: der Psalter 1459.)

Lit. Falkenstein, Geschichte der Buchdruckerkunst in ihrer Entstehung und Ausbildung. Leipzig 1856.

1440. **Alberti**, Leo Battista. (Genua 1404, 14. Febr. — Rom 1472, im April) Baumeister in Florenz, Padua, Bologna, Rom. Erfand 1434 ein Instrument *velo*, Schleier, um Zeichnungen zu vergrößern und zu verkleinern. Bestimmte in seinem Werke „*Della statua*“ die Proportionen des menschlichen Körpers mathematisch. Die „*Tre libri della pittura*“ enthalten die dem Maler notwendigen geometrischen und physikalischen Kenntnisse. In den „*Elementi di pittura*“ viel Geometrisches. „*Prospettiva*“. „*Ludi matematici*“. „*Dell' arte d'edificare*“.

Lit. A. Favaro, Vita di Leon Battista Alberti di Girolamo Mancini. Boncompagni Bull. XVI, 325—332, 1884.

1445. **Der erste deutsche Algorithmus**. Ein Rechenbuch für Lateinschulen. Die *additio*, *subtractio*, *duplatio*, *mediatio*, *multiplicatio*, *divisio*, *radices*, nach indischem Muster.

Lit. Friedr. Unger, Das älteste deutsche Rechenbuch, herausgegeben und übersetzt. Z. f. Math. XXX, Hl. Abt. 125—145, 1888. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 159—160.

1448. **Nicolaus von Cusa**. (Cuss a. d. Mosel 1401 — Todt 1464, 11. Aug.) Geistlicher in Coblenz, Lüttich und Brixen; seit 1448 Kardinal und Statthalter von Rom. Vorläufer des Copernicus. Schrieb über die Quadratur des Zirkels (Arkufikation einer Geraden). Vorschlag zur Verbesserung des Kalenders und zur Verbesserung der Alfonsinischen Tafeln. Physikalisches. Theologisches. Philosophisches. „*De docta ignorantia*“. (Alles Sein besteht aus Bewegung. Die Vereinigung der Gegensätze ist die Grundlage des Wissens.)

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II. Kap. LI, Nicolaus Cusanus. S. 170—187. — Schanz, Der Kardinal Nicolaus von Cusa als Mathematiker. Pr. Rottweil 1872. — Schanz, Die astronomischen Anschauungen des Nicolaus von Cusa und seiner Zeit. Pr. Rottweil 1873. — S. Günther, Studien zur Geschichte der mathematischen und physikalischen Geographie. Heft I. Halle 1877. — J. Schäfer, Des Nicolaus von Kues Lehre vom Kosmos. Diss. Gießen 1887. — A. Heller, Geschichte der Physik. I, S. 210 ff. — F. Kaltenbrunner, Die

1788.

Vorgeschichte des gregorianischen Kalenders. Wien 1876. — Opera omnia, ed. Faber Stapulensis, 3 vol. fol. Paris 1514. (De docta ignorantia, worin die Bewegung der Erde gelehrt wird. De staticis experimentis dialogus. Reparatio calendarii et correctio tabularum Alphonsi. De ludo globi. De mathematica perfectione. De quadratura circuli. De transmutationibus geometricis. De arithmeticiis complementis etc.)

1449. **Jakob von Cremona.** Lehrte zu Mantua und Rom. Übersetzte den Archimedes. Kritisierte die Übersetzungen des Georg von Trapezunt.

Lit. Val. Rose, Deutsche Litteraturzeitung V, 292, 1884.
— M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 192.

1449. **Georg von Trapezunt.** (Creta 1396 — in Italien 1486.) Übersetzte den Almagest des Ptolemäus und Theons Erläuterungen.

Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 192.

1450. **Bianchini, Giovanni.** Lehrte Astronomie zu Ferrara. Kommentierte und verbesserte die Alfonsinischen Tafeln auf Verlangen Kaiser Friedrichs III. Förderte durch seinen Einfluß Peurbach und Regiomontanus. Briefwechsel mit letzterem.

Lit. R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 79, 87. — Mädler, Gesch. d. Himmelskunde. Braunschweig 1873, S. 101, 107, 120, 124.
— M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 234, 239 ff.

1450. **Georg von Peurbach, oder Purbach.** (Peurbach in Ober-Österreich 1423, 30. Mai — Wien 1461, 8. April.) Studierte zu Rom, Ferrara, Bologna, Padua u. a. und wurde Prof. math. et astr. an der Universität Wien. Wiederhersteller der Wissenschaften. Beförderte das Rechnen mit ganzen Zahlen durch seine „Elementa arithmetices“ und seinen „Algorithmus de integris“, der die algebraischen Operationen bis zum Radizieren, die Arithmetik und die geometrischen Reihen lehrt. Berechnete eine Sinustafel von 10 zu 10' für den Radius 60 000. Die Einleitung dazu wurde als „Tractatus Georgii Purbachii super propositiones Ptolemaei de sinibus et chordis 1541“ in Nürnberg mit einer Tabelle des Regiomontanus gedruckt. Die mit seinem Schüler Regiomontanus ausgearbeitete „Epitoma in Almagestum Ptolemaei“, 1496 zu Venedig gedruckt, verbreitete die Astronomie der Griechen in weite Kreise. Das Werk „Theoricae novae planetarum“, 1472 zu Nürnberg durch Regiomontanus herausgegeben, ist ein wiederholt gedrucktes

astronomisches Lehrbuch für höhere Schulen. Erfind ein Meßinstrument, quadratum geometricum.

Lit. Doppelmayr, Historische Nachricht von den Nürnbergschen Mathematicis und Künstlern. Nürnberg 1730. — Gassendi, Georgii Peurbachii et Joannis Mulleri Regiomontani Astronomorum celebrium vita. Haag 1655. — C. J. Gerhardt, Geschichte der Mathematik in Deutschland. München 1877. S. 8 ff. — S. Günther, Gesch. d. math. Unterr. im deutsch. Mittelalter. Berlin 1887, S. 235 ff. — A. Favaro, Le matematiche nello studio di Padova dal principio del secolo XIV. alle fine del XVI. Padova 1880. — Pfléiderer, Ebene Trigonometrie mit Anwendungen u. Beitr. z. Gesch. ders. Tübingen 1802. — A. G. Kästner, Gesch. d. Math. I. Göttingen 1796. III. Abschnitt. Gesch. d. Trigonometrie, S. 512—634. — Quadratum geometricum. Canones pro compositione et usu gnomonis etc. Nürnberg 1516.

1453. **Eroberung Konstantinopels** durch die Osmanen. Griechische Gelehrte fliehen nach Italien und verbreiten dort die griechische Sprache und die Originalwerke der alten Mathematiker.

Lit. S. Günther, Gesch. d. math. Unterr. im deutsch. Mittelalter. Berlin 1887. S. 213 ff. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 437, 672 f.

1456. **Gründung der Universität Greifswald.**

Lit. S. Günther, Gesch. d. math. Unterr. 214. 215. 272.

1459. **Gründung der Universität Basel.**

Lit. Vischer, Gesch. d. Univ. Basel von der Gründung bis zur Reformation. Basel 1860. — S. Günther, Gesch. d. math. Unterr. im deutsch. Mittelalter. S. 216 u. 266.

1460. **Alkalsâdi**, Abul Hasan Ali ben Mohammed. († 1486 oder 1477.) Andalusier oder Granader. Schrieb eine weitere Ausführung und einen Kommentar zum Talchis. (Arithmetik der ganzen Zahlen, kein komplementäres Rechnen, Brüche, aufsteigende Kettenbrüche, Wurzeln, Näherungswerte, Auffindung der Unbekannten. Erstes Auftreten eines Wurzelzeichens und eines Gleichheitszeichens.)

Lit. F. Wöpkke, Alkasadi. Journ. Asiat. 1854, 358—360, 1863, I. Sem., 58—62. — F. Wöpkke, Traduction du traité d'arithmétique d'Abul Hasan Alkalsadi. Atti d. Acc. Pont. d. Nuov. Linc. XII, 230—275, 399—438, 1859. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. I, 694—699.

1461. **Älteste Spur deutscher Algebra.** In einer Münchener Handschrift, teils in lateinischer, teils in deutscher Sprache.

Eine vollständige Bruchrechnung, eine Arithmetik, Progressionen, regula falsi und viele andere Regeln, ein Auszug aus der Algebra des Alchwarizmi, Oresme's Algorismus proportionum, Bradwardinus' Geometrie, die geometrischen Schriften des Nicolaus Cusanus, eine Geometria practica cum figuris.

Lit. C. J. Gerhardt, Berl. Ak. Monatsber. 1867, 38 ff.; 1870, 141–143. — Wappler, Zur Gesch. d. deutsch. Algebra im XV. Jahrh. Pr. Zwickau 1887. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 218 ff.

1468. **Paolo Toscanelli.** (Florenz 1397–1482, 15. Mai.) Arzt. Studiengenosse des Nicolaus von Cusa. Teilte die Idee, daß die Ostküste Asiens durch eine Seefahrt nach Westen zu erreichen sei, dem Kolumbus mit. Errichtete in der Kirche St. Maria del Fiore in Florenz einen Gnomon von 277' Höhe, der den Mittag bis auf $\frac{1}{2}^s$ genau bestimmen liefs, und verbesserte damit die Alfonsinischen Tafeln.

Lit. R. Wolf, Geschichte der Astronomie. S. 84. — G. Uzielli, Ricerche intorno a Paolo dal Pozzo Toscanelli. Boncompagni Bull. XVI, 1883, 611–618. — Cusani Opera. Basil. 1665, p. 1095 ff: Dialogus inter Cardinalem sancti Petri Episcopum Brixinensem et Paulum physicum Florentinum de circuli quadratura. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 171, 178, 182. — A. v. Humboldt, Kritische Untersuchung über die historische Entwicklung der geographischen Kenntnisse von der neuen Welt, I. Deutsch. v. Ideler, 1836. — Ximenes, Del vecchio e nuovo gnomone fiorentino. Firenze 1757.

1468. **Regiomontanus, Johannes Müller.** (Unfind bei Königsberg in Unterfranken 1436, 6. Juni. — Rom 1476, 6. Juli.) Schüller, Freund und Mitarbeiter Peurbachs zu Wien, las bis 1461 über Astronomie daselbst, dann auf Reisen, meist in Italien, hielt Vorlesungen zu Venedig, Rom, Padua und Ferrara, kehrte 1468 nach Wien zurück, seit 1471 in Nürnberg, 1475 vom Papste Sixtus IV. behufs einer Kalenderreform nach Rom berufen. Mathematiker, Astronom, Geograph; hochverdient um die Verbreitung der Mathematik in Deutschland. Übersetzer und Kommentator griechischer Mathematiker, die er im Original studierte, Verfertiger astronomischer Instrumente. Führte 1460 consequent die Dezimalbruchrechnung ein. Unterwarf 1463 die Schrift des Nicolaus Cusanus über die Quadratur des Kreises einer vernichtenden Kritik. Verfaßte 1463 das erste Lehr-

buch der Trigonometrie: „*De triangulis omnimodis libri V.*“
 Darin der Sinussatz, die Formel $\angle = \frac{1}{2} \text{ ab sin } \gamma$, die Berechnung der Winkel eines sphärischen Dreiecks aus den Seiten. Berechnete eine Sinustafel für jede Minute und $r = 600\,000$, später $r = 10$ Million, und eine Tangententafel für jeden Grad und $r = 100\,000$, die von Erasmus Reinhold in einer Neuauflage, Tübingen 1554, auf jede Minute und $r = 10$ Million erweitert wurde. *Introductio in Elementa Euclidis.* Zusätze zu einer Euklidhandschrift (über Sternvielecke). *Astronomische Anwendung des Jakobsstabes.*

Lit. S. Günther, Müller, Johannes. *Allg. deutsche Biographie* XXII, 564–581. — Döppelmayr, *Historische Nachricht von den Nürnbergischen Mathematicis und Künstlern.* Nürnberg 1730. — Ziegler, Regiomontanus (Joh. Müller aus Königsberg in Franken) ein geistiger Vorläufer des Kolumbus. Dresden 1874, u. Cantor, Recension. *Z. f. Math.* XIX, Hl. Abt. 41–53, 1874. — M. A. Stern, Johannes de Montereio. *Ersch u. Gruber, Allg. Encyklop. d. Wiss. u. Künste*, 1842. — C. J. Gerhardt, *Geschichte der Mathematik in Deutschland.* München 1877. S. 12 ff. — S. Günther, *Geschichte des mathematischen Unterrichts im deutschen Mittelalter.* S. 241 ff. — M. Cantor, *Vorles. ü. Gesch. d. Math.* II, 232–265. — H. Petz, *Urkundl. Nachrichten ü. d. lit. Nachlaß Regiomontanus u. B. Walthers.* *Mitteilungen d. Ver. f. d. Gesch. d. Stadt Nürnberg* VII, 237–262, 1888. — Briefwechsel in Ch. Th. de Murr, *Memorabilia Bibliothecarum public. Norimbergensium et universitatis Altdorfinae.* Pars I, 1786. — R. Wolf, *Gesch. d. Astronomie.* S. 87 ff. — A. Heller, *Geschichte der Physik.* I, S. 256 ff.

1471. **Indische Ziffern** zur Numerierung der Blätter zum ersten Male in Petrarca's „*Liber de remediis utriusque fortunae* Coloniae, Arnoldus ter Hoernen, Köln 1471.“ Bis 1500 kommen in Deutschland fast ausschließlich römische Ziffern vor.

Lit. Friedr. Unger, *Die Methode der praktischen Arithmetik in historischer Entwicklung vom Ausgange des Mittelalters bis auf die Gegenwart.* Leipzig 1888. S. 13 ff.

1472. **Sacrobosco's Sphaera**, zum ersten Male zu Ferrara gedruckt, wird das beliebteste Lehrbuch der mathematischen Geographie auf den Universitäten.

Lit. H. Suter, *Die Mathematik auf den Universitäten des Mittelalters.* Zürich. *Festschr. d. Kantonschule* 1887, S. 67.

1472. **Gründung der Universität Ingolstadt.** Die Universität wurde 1800 nach Landshut und 1826 nach München verlegt.

Lit. S. Günther, *Gesch. d. math. Unterr. im deutsch. Mittelalter.* S. 196. 216 f.

- 1473, 19. Februar. **Nicolaus Copernicus**, der Reformator der Astronomie, zu Thorn geboren.
Lit. R. Wolf, Geschichte der Astronomie. S. 222 ff. — C. J. Gerhardt, Geschichte der Mathematik in Deutschland. S. 87 ff. — L. Prowe, Nicolaus Copernicus. Berlin 1883.
1474. **Brudzewski**, Albert Blar von Brudzewo. (1445 — Wilna 1497.) Las über Astronomie und Mathematik zu Krakau, trat 1494 als Sekretär in die Dienste des Fürsten Alexander von Littauen. Lehrer des Copernicus. Schrieb einen Kommentar zu Peuerbachs „Theoricae novae planetarum“.
Lit. R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 223. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 231.
1475. **Editio princeps der Geographie des Ptolemäus**. „En tibi lector Cosmographia Ptolemaei, ab Hermanno Levi-Lapide (Lichtenstein) Coloniensi, Vicentiae accuratissime impressa.“
1476. **Bernhard Walther**. (Nürnberg 1430—1504, Mai.) Reicher Patrizier, der Regiomontans Arbeiten unterstützte und fortsetzte. Erbaute zu Nürnberg eine Sternwarte. Bemerkte zuerst die Refraktion und ersann ein Mittel, sie zu korrigieren. Konstruierte eine astronomische Uhr mit Räderwerk.
Lit. R. Wolf, Gesch. d. Astr. S. 92 ff. — Observationes XXX annorum a Jo. Regiomontano et B. Walthero Norimbergae, ed. Schoner. Norimb. 1544.
1477. **Gründung der Universität Tübingen**.
Lit. S. Günther, Gesch. d. math. Unterr. i. dtsh. Mittelalter. S. 218.
1478. **Die Arithmetik von Treviso**. Aus der Druckerei von Michael Manzolo oder Manzolino in Treviso. Verfasser unbekannt. Regeln der Arithmetik für Kaufleute. (Verschiedene Methoden der Multiplikation und Division, Anwendungen, regola de le tre cose, Mischungsrechnung etc.)
Lit. B. Boncompagni, Atti d. Acc. Pontif. di N. Lincei XVI, 1862—63, 1—64, 101—228, 301—364, 389—452, 503—630, 683—842, 909—1044. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 277—280.
1481. **Chiarini**. „Tarif, Libro de mercatantie et usance dei Paesi.“ Münz-, Maß- und Gewichtsvergleichungstafeln.
Lit. M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 301.
1482. **Editio princeps der Elemente des Euklid**. „Praeclarissimus liber Elementorum Euclidis perspicacissimi in artem geometriae

incipit quam felicissime. Opus Elementorum Euclidis Megarensis in geometriam artem; in id quoque Campani perspicacissimi commentationes, Erhardus Ratdolt, Augustensis impressor solertissimus, Venetiis impressit, anno salutis 1482.' Von Ratdolt wurden zum ersten Male mathematische Figuren durch den Druck vervielfältigt.

Lit. H. Weissenborn, Die Übersetzungen des Euklid durch Campano und Zamberti. Eine mathematisch-historische Studie. Halle 1882. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 266.

1482. **Ulrich Wagner.** Nürnberger Rechenmeister. Rechenbuch, gedruckt von Heinrich Petzensteiner in Bamberg, das älteste gedruckte deutsche Rechenbuch.

Lit. Friedr. Unger, Die Methodik der praktischen Arithmetik in historischer Entwicklung vom Ausgange des Mittelalters bis auf die Gegenwart. Nach den Originalquellen bearbeitet. Leipzig 1888. — Das älteste deutsche Rechenbuch. Herausgegeben und übersetzt von Friedr. Unger. Z. f. Math. XXXIII, Hl. Abt. 125—146, 1888. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 202.

1483. **Bamberger Rechenbuch.** Ein zweites deutsches Rechenbuch von unbekanntem Verfasser bei Petzensteiner in Bamberg gedruckt, von späteren deutschen Rechenmeistern vielfach benutzt. (Die 4 Spezies mit ganzen Zahlen und Brüchen. Die gulden-Regel. Von gesellschaft. Tolletrechnung. Mischungsrechnung. Nach dem Muster italienischer kaufmännischer Rechenbücher.)

Lit. Friedr. Unger, Die Methodik der praktischen Arithmetik in historischer Entwicklung etc. Leipzig 1888. S. 37 ff. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 202 ff.

1483. **Alfonsi regis Castellae coelestium motuum tabulae.** Venetiis.

1483. **Domenico Maria Novara da Ferrara.** (1454 — Bologna 1504, 15. Aug.) Prof. astr. in Bologna. Lehrer des Copernicus. Bedeutend als beobachtender Astronom. Bemerkt zuerst, daß der Pol der Weltaxe seit Ptolemäus dem Zenit um 1° sich genähert. Bestimmt die Schiefe der Ekliptik zu $23^{\circ} 29'$.

Lit. M. Curtze, Domenico Maria Novara da Ferrara, der Lehrer des Copernicus in Bologna. Altpreuss. Monatsschr. VI, 735—743; VII, 253—256, 515—521, 726—727. Thorn 1869 u. 1870. — S. Günther, Studien zur Gesch. d. math. und phys. Geographie. Heft I. Halle 1877. — F. Jacoli, Intorno alla determinazione di Domenico Maria Novara dell' obliquità dell' eclittica. Boncompagni Bull. X, 75—89, 1877.

1484. **Nicolas Chuquet.** (Aus Lyon, † um 1500.) Lebte zu Paris. 'Le Triparty en la Science des Nombres', worin Regeln für die Rechnung mit Potenzen und Wurzeln, die Exponentenbezeichnung a^0, a^1, a^2, \dots für a, ax, ax^2, \dots und $a^{1\over m}$ für ax^{-1} , Sätze über Gleichungen, die oft in ganz allgemeiner Form erscheinen; Mediationsregel, d. h. Approximationsmethode, zur Ausziehung von Quadratwurzeln und höheren Wurzeln; zahlreiche Aufgaben zur Anwendung auf Arithmetik, Algebra und Geometrie.

Lit. A. Marre, Notice sur Nicolas Chuquet et son triparty en la science des nombres. Boncompagni Bull. XIII, 1880, 555–592. — Le triparty en la science des nombres par Maistre Nicolas Chuquet Parisien d'après le manuscrit fonds français, No. 1346 de la bibliothèque nationale de Paris. ib. XIII, 593–659, 693–814, 1880. Appendice. ib. XIV, 1881, 413–417. — Problèmes numériques, faisant suite et servant d'application au Triparty en la science des nombres de Nicolas Chuquet Parisien. ib. 417–460. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 318–334.

1485. **Francesco Capuano.** Später **Giovanni Battista da Manfredonia.** (Manfredonia c. 1450 — Neapel 1490.) Astronom, später Mönch. Kommentar zu Sacrobosco's De sphaera und zu Peurbach's Theoricae novae planetarum.

Lit. P. Riccardi, Intorno ad alcune rare edizioni delle opere astronomiche di Francesco Capuano da Manfredonia. Modena 1873.

1487. **Hanns Briefmaler,** Buchdrucker zu Nürnberg. (Auch Maler Hanns Sporer oder Hanns Buchdrucker genannt.) Läßt das erste Visierbüchlein erscheinen, eine Anleitung, den Inhalt von Hohlmaßen und Fälsern zu bestimmen.

Lit. S. Günther, Gesch. d. math. Unterr. S. 328 f.

1489. **Johann Widmann** von Eger. Hielt Vorträge über Algebra an der Universität Leipzig. 'Behende vnd hubsche Rechnung auff allen Kauffmannschaft', Leipzig. Ursprung der deutschen Coss. Denn neben dem Rechnen mit ganzen Zahlen und Brüchen enthält das Buch die Lehre von den Proportionen, die gulden Regel und andere Regeln, die Summation arithmetischer und geometrischer Reihen, Geometrie nach Frontinus, die heronische Dreiecksformel, eine Formel für den Radius des einem Dreieck umschriebenen Kreises, u. a. Wahrscheinlich ist Widmann Verfasser des 'Algorithmus linealis', eines handschriftlichen Rechenbuches der Erlanger Universitätsbibliothek.

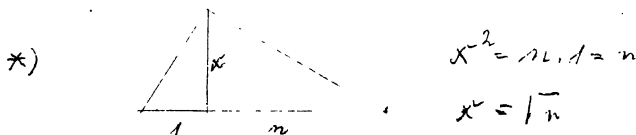
Lit. C. J. Gerhardt, Geschichte der Mathematik in Deutschland. München 1877. S. 30 f. — S. Günther, Geschichte des

mathematischen Unterrichts im deutschen Mittelalter. S. 304 ff. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, Kap. LIV: Johannes Widmann und die Anfänge einer deutschen Algebra. S. 209—229. — B. Boncompagni, *Intorno ad un trattato d'aritmetica di Giovanni Widmann di Eger*. Boncompagni Bull. IX, 188—210, 1876. — M. W. Drobisch, *De Joannis Widmanni Egerani compendio arithmeticae mercatorum*. Lipsiae 1840. — Friedr. Unger, *Die Methodik der praktischen Arithmetik in historischer Entwicklung etc.* Leipzig 1888. — E. Wappler, *Beitrag zur Geschichte der Mathematik*. Z. f. Math. XXXIV, Suppl. 147—168, 1889. — P. Treutlein, *Die deutsche Coss.* Z. f. Math. XXIV, Suppl. 1—124, 1879. — G. Friedlein, *Die Zahlzeichen und das elementare Rechnen der Griechen und Römer und des christl. Abendlandes vom 7. bis 13. Jahrhundert*. Erlangen 1869, S. 48. — E. Wappler, *Zur Geschichte der deutschen Algebra im 15. Jahrhundert*. Pr. Zwickau 1887.

1490. **Leonardo da Vinci.** (Vinci bei Florenz 1452 — Schloß Cloux bei Amboise 1519, 2. Mai.) Der berühmte Maler. Lebte zu Florenz, Mailand, Rom und ging 1516 mit König Franz I. nach Frankreich. 'Trattato della pittura'. Trattato del moto e misura del aqua. Begründer der Optik. Perspektive. Viele Aufsätze mathematischen, physikalischen und technischen Inhalts. Gebrauchte die Vorzeichen + und —, konstruierte \sqrt{n} als Höhe eines rechtwinkligen Dreiecks, unterschied Curven einfacher und doppelter Krümmung, beschäftigte sich viel mit Sternpolygonen, gab für die Praxis wichtige, annähernd richtige Zeichnungen regelmäßiger Vielecke unter Anwendung einer einzigen Zirkelöffnung. Kannte die Theorie der schiefen Ebene, bestimmte den Schwerpunkt einer Pyramide, entdeckte die Kapillarität und die Diffraction, benutzte die Camera obscura (ohne Linse), berücksichtigte den Widerstand der Luft und die Wirkung der Reibung.

Lit. Venturi, *Essai sur les ouvrages physico-mathématiques di Léonardo da Vinci*. Paris 1797. — Libri, *Histoire des sciences mathématiques en Italie* II, 40—54, III, 10—58. — *Scritti letterari di Lionardo da Vinci cavati dagli Autografi e pubblicati da J. P. Richter*. 2. vol. London 1883. — *Les manuscrits de Léonard da Vinci, publiés en facsimilés avec transcription littérale, trad. franç. etc. par M. Charles Ravaisson-Mollien*. Le Manuscrit A de la Bibliothèque de l'Institut. Paris 1881. — A. Heller, *Geschichte der Physik*. I, S. 222 ff. — M. Cantor, Vorles. ü. Gesch. d. Math. II, 270 ff.

1492. **Martin Behaim,** Ritter von Böheim. (Nürnberg c. 1436 — Lissabon 1507, 29. Juli.) Kaufmann und Geograph, lange



Register.

A.

- Abacisten 56. 62. 63.
 Abacus 53. 56. 59. 60. 62. 63. 64.
 65. 67.
 Abbo de Fleury 55.
 Abd' Arrhaman III. 53.
 Abraham Bar Chija 63.
 Abraham Ibn Esra 64.
 Abu Dschafar Alchazim 50.
 Abul Dschud 60.
 Abul Hhassan 71.
 Abulkazis 62.
 Abul Wafa 55.
 Adelbold 57.
 Adul ed Daula 56.
 Agatharchus 7.
 Agrimensoren 31. 32. 33. 34.
 Agrippa 32.
 Ägypter 1 ff.
 Ahmed ben Jusuf 53.
 Ahmes 2.
 Ähnlichkeit 1. 13. 18. 35.
 Ähnlichkeitspunkte 36.
 Akademie 12 ff.
 Albategnius, Albattani 52.
 Albert von Sachsen 81.
 Alberti 85.
 Albertus Magnus 70.
 Albiruni 59.
 albirunische Aufgaben 60.
 Albumasar 50.
 Alchaijami 61.
 Alchindi 50.
 Alchodschandi 54.
 Alchwarizmi 48.
 Alcuin 47.
 Alexander der Grofse 16.
 Alexander von Spina 75.
 Alexandria 16 f. 20. 34. 45.
 alexandrinische Bibliothek 29. 38. 45.
 Alfarabi 53.
 Alfons X. 71.
 alfonsinische Tafeln 71. 72. 77. 78.
 85. 86. 88. 91.
 Alfragan 48.
 Algebra, älteste deutsche 87 f.
 Algebra w. Almukabala 48. 67.
 Algorithmiker 56. 66.
 Algorithmus 49. 63. 65. 76.
 Algorithmus, erster deutscher 85.
 Algorithmus, französischer 74.
 Alhazen 57.
 Alhazen's Problem 58.
 Ali Abenrodano 60.
 Alkalsadi 87.
 Alkarchi 58.
 Alkhazini 64.
 Alkuhi 55.
 Almadschriti 54.
 Almagest 32. 51.
 Almahani 50.
 Almamun 47. 49.
 Almansore 53.
 Almansur 46.
 Almukaddasi 55.
 Alnasawi 57.
 Alpetragius 65.
 alphabetische Zahlen der Griechen 7.
 Alsidschzi 54.
 Al-Sufi 54.
 Alzaharavicus 62.
 Amenemhat III. 2.
 Ameristus 5.
 Ammonius 34.
 analytische Methode 12. 13.
 Anaphorikos 24.
 Anatolius 35.
 Anaxagoras 8.
 Anaximander 5.
 Anaximenes 7.
 Andalo di Negro 76.
 anharmonisches Verhältnis 36.
 Anlegen von Figuren 6. 18. 23.
 Anthemios 43.
 Antiphon 10.
 Äolipile 26.
 apagogischer Beweis 12.
 Apastamba 33.
 apices 42. 56. 58.
 Apollonius 23.
 Appulejus 33.
 Araber 46 ff.
 Aratus 20.
 arbelos 22.
 Archilochus 3.

Archimedes 21.
 archimedische Aufgabe 24. 29. 50.
 Archytas 11.
 Argyrus 80.
 Aristarchus 19.
 Aristäus 17.
 Aristoteles 15.
 Aristoxenus 15.
 Aristyll 19.
 Arithmetik von Treviso 90.
 arithmetische Epigramme 37. 38. 78.
 Arruntius 30.
 Artabasdes 79.
 artesische Brunnen 64.
 articuli 42.
 Aryabhata 41.
 Arzachel 61.
 Asklepias 44.
 As-Sagani 55.
 assyrische Wasserruhr 4.
 Astrolabium 39. 45. 49. 55. 60. 61.
 62. 76. 78.
 Astrologen 25. 37.
 Astrologie 2. 27. 33. 35. 37. 39. 43.
 50. 54. 63. 64. 66. 76. 82.
 Atelhart 63.
 Athen, Schule zu 12. 41. 43.
 Atomenlehre 10. 30.
 Aufgaben mit nur einer Zirkel-
 öffnung 55. 93.
 aufrichtige Brüder 55.
 Autolykus 16.
 Averrhoës 67.
 Avicenna 60.
 Axiome 12. 16. 18. 23.

B.

Babylonier 1 ff. 32.
 Bacon, Roger 72.
 baculus Jacobi 77.
 Bagdad 46.
 Balbus 32.
 Bamberger Rechenbuch 91.
 Barlaam, Bernard 77.
 Bartolomeo da Parma 75.
 Basel, Univ. 87.
 Basyngstoke, Johann v. 71.
 Battista, Giov. 92.
 Baudhāyana 33.
 Beauvais, Vincent de 71.
 Beda 45.
 befreundete Zahlen 6. 51. 55.
 Behaim, Martin 93.
 Beldomandi, Prodocimo de 83.
 ben Honein, Ishak 51.
 ben Musa ben Shakir 49.

MÜLLER, Zeittafeln.

ben Shakir 50.
 Bernelinus 59.
 Berosus 20.
 Bewegungsgeometrie 55.
 Bhaskara 66.
 Biagio da Parma 83.
 Bianchi 86.
 Bianchini 86.
 Biliotti, Antonio 83.
 Binomialreihe 61.
 Boëthius 41. 75.
 Bradwardinus, Thomas 79.
 Brahmagupta 44.
 Brechung des Lichtes 29. 72.
 Bredon, Simon 82.
 Brennspiegel 22. 24. 43.
 Briefmaler, Hans 92.
 Brillen 74. 75.
 Brüder, die drei 51.
 Brudzewski, Albert Blar 90.
 Brunnenaufgaben 26.
 Bryson 10.

C.

calculus paschalis (s. computus) 56.
 Campano, Giovanni 73. 95.
 Canacci, Rafaele 82.
 Capella, Martianus 40.
 Capito, Robert 69.
 Capuano, Francesco 92.
 Cäsar 29.
 Cassiodorus 43.
 Cecco d'Ascoli 75.
 Censorinus 35.
 Chaldäer 2 ff. 20.
 Chemie 46.
 Chiarini 90.
 Chinesen 1 ff.
 Chionades 80.
 Chrysococcus 80.
 Chuquet, Nicolaus 92.
 Cicero 27.
 Circulatur des Quadrats 33.
 Cissoide 24. 39.
 codex arcerianus 31. 33. 34. 39.
 Columbus, Christoph 94.
 Columella 31.
 computus paschalis 44. 48. 56. 64.
 70. 78.
 Conchoide 24. 49. 51. 59.
 Coordinaten 25. 81.
 Copernicus 90.
 Cordova 53. 54. 69.
 cosecans 56.
 Cofs, deutsche 92.
 cotangens 52.

Culvasûtras 33.
 Cusanus, Nicolaus 85.
 Cylinderschnitte 11. 13. 15. 38.

D.

Dagomari, Paolo 78.
 dall' Abaco 78. 83.
 Damascius 40.
 Danck 78.
 Daniel von Morley 67.
 Dante 76.
 data 18. 40.
 Definitionen 11. 12. 16. 18. 26. 35. 44.
 Deklination, magnetische 62. 73. 94.
 delisches Problem 16. s. Würfelver-
 doppelung.
 Demokritos 10.
 de Muris 79.
 Determination 13.
 Dezimalbrüche 64. 88.
 Diametralzahlen 32.
 Dicäarchus 15.
 Diffraction 93.
 digiti 42.
 Dinostratus 15.
 Diodorus 27.
 Diogenes von Apollonia 5.
 Diogenes von Laërte 34.
 Diokles 24.
 Dionysius Exiguus 42.
 Dionysodorus 29.
 Diophant 35. 78.
 diophantische Gleichungen 36. 54.
 Dioptra 26.
 Diorismus 13. 23.
 Dominicus Parisiensis 83.
 Dominus 39.
 doppelter falscher Ansatz 48. 67. 74.
 drei Brüder 51.
 Dreiteilung des Winkels 10. 15. 22.
 49. 51. 54. 55. 59. 61. 73.
 Druckpumpe 26.

E.

Edikt von Kanopus 21.
 Edrisi 65.
 Einmaleinstafel 41. 83.
 Einteilung der Mathematik 27. 35.
 Ekliptik 3. 4. 5. 18. 39. 91.
 El Buni 67.
 Elemente der Mathematik 9. 13. 17.
 18. 23. 41.
 Elemente, physikal. 9. 12. 15.
 Elferprobe 58.
 Ellipse 23.
 Empedokles 9.

Enu-Bili 2.
 Epakte 35.
 Epanthem 12.
 Epaphroditus 34.
 Epigramme, arithmetische 37. 38. 78.
 Eratosthenes 21.
 Erdglobus 24. 94.
 Erlanger Algorithmus 92.
 Eudemus 16.
 Eudoxus 13.
 Euklid 18.
 Eutokius 43.
 Exhaustion 10. 13. 22.
 Exponenten, gebrochene oder ne-
 gative 81. 92.

F.

Faber Stapulensis 95.
 Feldmessung 2. 3. 25. 28. 31. 32.
 33. 34. 39.
 Feuerspritze 25. 26.
 Fibonacci 67.
 figura cata 53.
 figurierte Zahlen 32. 66.
 Fingerrechnen 10. 45. 47. 79.
 Fingerzahlen 42.
 Finsternisperiode 2.
 Firmicus Maternus 37.
 Flaschenzug 22.
 Flavio Gioja 76.
 Formen 80.
 fragmentum mathematicum bo-
 biense 43.
 Franco von Lüttich 60.
 Frontinus 31.
 Fünfeck 18.

G.

Geber (der Astronom) 62.
 Geber (der Alchymist) 46.
 Gelal-eddin'sche Ära 61.
 Gelenkzahlen 42.
 Geminus 27.
 Geodäsie 15. 25. 27. 28. 29. 39. 54. 93.
 Geometria Culmensis 83.
 geometrische Örter 4.
 Georg von Trapezunt 86.
 geozentrisches Weltsystem 6. 7. 14.
 Gerbert 56. 57.
 Gerland 64.
 Gerhard von Cremona 65.
 Geschichte der Mathematik 8. 11.
 15. 16. 17. 20. 27. 29. 30. 31.
 32. 33. 34. 35. 36. 37. 40. 42.
 59. 62. 64. 70. 76. 82.
 Gesellschaftsrechnung 2. 91.

Gewichtsuhr 61.
 Gijät Eddin al Kaschi 84.
 Gleichheitszeichen 87.
 Gleichungen höheren Grades 21. 55.
 58. 66. 69. 71. 75.
 Gleichungsformen 60. 61. 66. 92.
 Gnomon 3. 5. 6. 8. 88.
 goldener Schnitt 9. 13. 18. 73.
 Goniometrie 44. 52. 80.
 Grad des Kreises 24. 32.
 Gradmessung 21. 27. 49.
 Greathead 69.
 Greifswald, Univ. 87.
 Griechen 4 ff.
 griechische Zahlen 4. 7.
 Guido von Arezzo 60.
 gulden Regel 91. 92.
 güldene Zahl 10.
 Guldinsche Regel 36.
 Gutenberg 85.

H.

Hakem II. 54. 57.
 hakimitische Tafeln 57.
 harmonische Proportion 6. 15. 30. 32.
 harmonisches Strahlbüschel 36, im
 Raume 38.
 Harpedonapten 2.
 Harun Arraschid 47.
 Hauk Erlendsson 76.
 Hebelgesetz 15. 22. 36.
 Heber 26.
 hebräische Zahlen 25.
 Hedschra 44.
 Heidelberg, Univ. 83.
 Heliodorus 40.
 Heraklides aus Pontus 17.
 Heraklit aus Ephesus 7.
 Hermannus Contractus 60.
 herodianische Zahlen 4.
 Herodianus 4. 34.
 Herodot 8.
 Heron von Alexandria 25.
 Heron der Jüngere 54.
 heronische Definitionen 26. 35.
 heronische Dreiecksformel 26. 35.
 51. 58. 92.
 Hillel II. 38.
 Himmelsphären 14. 15. 17. 22. 65.
 Hipparch 25.
 Hippias von Elis 10.
 Hippokrates von Chios 9.
 Hippopede 13. 39.
 höhere Kurven 39. 93.
 homozentrische Sphäre 14. 17. 65.
 Honein ben Ishak 50.

Hrabanus Maurus 48.
 Huangti 1.
 Hulagu 72.
 Hundssterperiode 3.
 Hydrodynamik 31.
 Hydrostatik 22.
 Hyginus 32.
 Hyksos, Vertreibung der, 3.
 Hypatia 37. 38.
 Hyperbel 23.
 Hypsikles 24.

I.

Ibn Albanna 73.
 Ibn Alhaitam 58.
 Ibn Alhusain 58.
 Ibn Esra 64.
 Ibn Yunis 57.
 ilekkhanische Tafeln 70.
 Inder 33. 34. 41 ff. 47. 48.
 indische Methode 64.
 indische Regel 55.
 indische Ziffern 59. 78. 89.
 Induktion 11.
 Infinitesimalbegriff 10.
 Ingolstadt, Univ. 89.
 Innocenz III.
 Involution 36.
 ionische Schule 4 ff.
 irrationale Größen 6. 10. 11. 18.
 66. 67. 73. 79.
 Ishak ben Honein 51.
 Isidorus Hispalensis 44.
 Isokrates 11.
 isoperimetrische Figuren 24. 31. 79.
 italienische Algebra 82.

J.

Jakob von Cremona 86.
 Jakobsstab 77. 89.
 Jamblichus 37.
 Joannes da Praga 83.
 Johannes Hispalensis 64.
 Johannes Philoponus 45.
 Johannes Saxoniensis 78.
 Johannes von Gmunden 84.
 Johannes von Luna 64.
 Johannes von Sevilla 64.
 Jordanus Nemorarius 68.
 jüdische Zeitrechnung 38.

K.

Kabasilas 80.
 Kalender 2. 21. 29. 37. 42. 47. 61.
 64. 69. 72. 79. 84. 85.

Kallippus 17.
 Kanonik 27.
 Kapillarität 93.
 Karl der Große 47.
 Kátyáyana 33.
 Kegelschnitte 13. 14. 15. 17. 20.
 22. 23. 29. 38. 43. 51. 54.
 Kesten 35.
 Kettenbrüche 19. 67. 87.
 kieou tschang 1. 27.
 Kinematik 39.
 Kleomedes 29.
 Kolumnenrechnen 60. 74.
 Kombinatorik 14. 15. 66.
 Kompafs 73. 76.
 komplementäre Rechenmethode 42.
 56. 59. 64.
 Konoide 22.
 Konon 20.
 Konstantinopel, Eroberung von 87.
 Konstruktion mit einer Zirkel-
 öffnung 55. 93.
 Krates 24.
 Krakau, Univ. 81.
 Kreisfläche 2. 9.
 Kreisviereck 44.
 Ktesibius 25.
 Kubikwurzeln 37. 41. 50. 51. 57. 67. 92.
 kubische Gleichungen 21. 50. 51. 55.
 61. 84.
 kubische Reste 60. 66.
 Kusta ben Luka 53.

L.

Labyrinth 2.
 Landkarten 5.
 Langenstein, Heinrich von 82.
 lateinisches Rechenbuch 82.
 Latini, Brunetto 72.
 latitudines 80. 81. 83.
 lautere Brüder 55.
 Lebensversicherung 34. 80.
 Lefèvre 95.
 Lehrbuch der Arithmetik 32. 39.
 41. 48. 58
 Leipzig, Univ. 83.
 Leodamas 13.
 Leon 13.
 Leon von Byzanz 50.
 Leonardo da Vinci 93.
 Leonardo von Pisa 67.
 Levi ben Gerson 77.
 Le Yay Yin King 75.
 Lilāvati 66.
 Lineriis, Johannes de 77.
 Logistik 27. 59.

Lukretius 28.
 Lullus, Raimundus 73.
 Lunis, G. de 71.
 lunisolarer Cyklus 17.
 lunulae 9

M.

magische Quadrate 41. 55. 64. 67. 74.
 Magnetnadel 62. 76.
 Maimonides 66.
 Makrobios 39.
 Malchus 35.
 Mamerkus 5.
 Mamertinus 5.
 Maraga, Sternwarte zu 72.
 Marinus von Neapolis 40.
 Marinus von Tyrus 30.
 Maudith, Johannes 80.
 Maximus Planudes 78.
 Mechanik 11. 15. 22. 25. 26. 27.
 30. 36. 39. 43. 58. 64.
 mechanische Potenzen 36.
 Mediäteten 11. 32.
 Megenberg, Konrad von 80.
 Meliteniota 80.
 Menächmus 14.
 Menelaus 31. 75.
 mensa pythagorica 41.
 Messahala 49.
 Meteorologie 13. 15. 27. 95.
 Meteoroskop 28.
 Methode der Wagschalen 48. 74.
 Meton 9.
 Metrodorus 37.
 Meurs, Jean de 79.
 Minuten 59.
 Mischungsrechnung 41. 90. 91.
 mittlere Bücher 51.
 Mondfinsternis 3. 5.
 Mondjahre 9. 14. 17. 44.
 Mondphasen 4.
 Monochord 6.
 Mörbecke, Wilhelm von 73.
 Morley, Daniel von 67.
 Moschopoulos 74.
 München, Univ. 89.
 Musik 3. 6. 30. 32. 35. 42. 53. 59.
 60. 62. 63. 79.

N.

Nabonassar's Ära 3.
 Namar-Bili 2.
 Nassyr Eddin 70.
 Neapel, Univ. 69.
 negative Größen 66.
 Negro, Andalo di 76.

Neunecke 61.
 Neunerprobe 58. 60.
 neuplatonische Schule 34 ff.
 Nicäa, Konzil zu 37.
 Nigidius Figulus 29.
 Nikomachus 32.
 Nikomedes 24.
 Nikoteles 20.
 Nipsus 33.
 Nivellieren 2.
 Notenschrift 60. 79.
 Novara, Domenico Maria 91.
 Null 56. 66.
 Nullmeridian 30. 77.

O.

Odo von Cluny 53.
 Oinopides 7.
 Oktaëteris 14.
 Olympiaden 3.
 Omar Alkhayami 61.
 oppositio 48.
 Optik 13. 15. 18. 29. 33. 39. 54. 59.
 72. 75. 76. 90. 93.
 Oresme, Nicole 81.
 Osterrechnung 37. 40. 44. 45. 56. 64. 79.
 Oxford, Univ. 71.

P.

π 22. 41. 66.
 Pacioli, Luca 94.
 Padua, Univ. 69.
 Pappus 36.
 Papyrus Rhind 2.
 Parabel 23.
 Parallelenaxiom 32.
 Parallelogramm der Kräfte 15. 39.
 Paris, Univ. 52. 68. 72.
 Parma, Bartolomeo da 75.
 Parmenides 7.
 Patrikios 38.
 Peckham, Johann 74.
 Pediasimus 78.
 Pelacani 83.
 Peripatetiker 15.
 Permutationen 41. 66.
 Perseus 25.
 persisch-griechische Astronomie 80.
 Perspective 7. 8. 10. 53. 72. 74. 75. 93.
 Petrus de Dacia 77.
 Petzensteiner 91.
 Feuerbach 86.
 Philippus Opuntius 13.
 Philippus von Mende 13.
 Philo 27.
 Philolaus 8.

Philosophie der Mathematik 11. 12.
 Planisphärium 33. 64.
 Planudes, Maximus 78.
 Plato von Tivoli 63.
 Platon 12.
 platonische Zahl 12.
 Plinius 30.
 Plotinus 35.
 politische Arithmetik 79.
 Polygonalzahlen 13. 14. 24. 32. 34.
 Pomponius Mela 30.
 Porismen 18. 36.
 Porphyrius 35.
 Posidonius 27.
 Postulate 16. 18.
 Prag, Univ. 80.
 Primzahlen 12. 21.
 Problem, ebenes, körperliches,
 lineares 36.
 problema bovinum 21.
 projektivische Geometrie 18.
 Proklus 5. 39.
 Prophantius 75.
 Proportionen 6. 8. 9. 11. 13. 14. 18.
 30. 32. 53. 59.
 Psellus 62.
 Ptolemäus Euergetes 20.
 Ptolemäus, Klaudius 32.
 ptolemäischer Lehrsatz 33. 59.
 Pyramidalzahlen 34.
 Pyramiden 1.
 Pythagoras 6.
 pythagoräischer Bund 6. 7.
 pythagoräischer Lehrsatz 6. 18. 33.
 48.
 pythagoräische Zahl 14.
 Pytheas 17.

Q.

quadratische Gleichungen 23. 26. 36.
 41. 48. 59. 64. 66. 67.
 quadratischer Rest 66.
 Quadratrix 10. 15. 24.
 quadratum geometricum 87.
 Quadratur des Kreises 8. 9. 10.
 15. 24. 60. 85. 88.
 Quadratur der Parabel 22.
 Quadratwurzeln 11. 19. 21. 26. 33.
 36. 38. 41. 59. 61. 64. 67. 74. 92.
 Quadrivium 41. 47.
 Quintilianus 31.

R.

Radulph von Laon 62.
 Raffaele Canacci 82.
 Ratdolt, Erhardus 91.

- rationale Dreiecke 6. 12. 18. 44.
 54. 57. 66.
 Raumkurven 93.
 Rechenbrett 1. 8. 79.
 Rechenbuch, ältestes deutsches 91.
 Rechnen auf Linien 92.
 Rechnen mit Steinchen 8.
 Refraktion 90.
 Rektifikation des Kreises 22. 66.
 Regel der 4 Grössen 62.
 Regel der 6 Grössen 31. 53.
 Regeldetri 41. 67. 90.
 regelmässige Körper 8. 11. 17. 24. 26.
 regelmässige Polygone 10. 18. 22. 26.
 60. 93.
 Regenbogen 75. 76.
 Regiomontanus 88.
 regula elchatayn 48. 67.
 regula falsi 48. 67. 88.
 Reihen 2. 18. 21. 24. 32. 41. 58.
 59. 66. 67. 74. 84. 88. 92.
 Reisch 95.
 Reifskunst 2.
 Remigius von Auxerre 40. 52.
 restauratio 48.
 Restproblem 35.
 Rhabdas 79.
 Rhamses II. 3.
 Rhases 53.
 Rhythmomachia 60.
 Rinderproblem 21.
 Römer 28 ff.
 römische Zeitrechnung 3.
 Rudolph von Brügge 65.
- S.**
- Sacrobosco 69. 75. 76. 89.
 Salinon 22.
 Sandrechnung 21.
 Sargon I. 2.
 Saros 2.
 Schachaufgaben 59. 64. 94.
 Schaltmonat 4. 14.
 Schalttag 21. 29.
 Schamsaldin 77.
 Scharaf ed Daula 57.
 Schattenuhr 5.
 schiefe Ebene 22. 36. 93.
 Schindel, Johannes 83.
 Schneckenlinie 22.
 Schnellwage 3.
 Scholastik 41 ff.
 Schraubenlinie 22. 23.
 Schwerpunkt 22. 93.
 Scotus, Michael 68.
 secans 56.
- Sehnentafel 25. 33. 82.
 Seitenzahlen 32.
 Seneca 30.
 Senkereh-Täfelchen 1.
 Seqt 2.
 Serenus von Antissa 38.
 Sesostris 3.
 Sexagesimalbrüche 1. 24. 32. 58. 77. 84.
 Sextus Julius Africanus 35.
 Siddhanta 43. 46.
 Sieb des Eratosthenes 21. 32.
 Siebeneck 55.
 Simplicius 42.
 sinus 44. 50. 52. 63. 77. 86. 89.
 Skalenaräometer 39.
 Sokrates 11.
 Solon 4.
 Sonnenfinsternis des Archilochus 3.
 Sonnenfinsternis des Thales 5.
 Sonnenfinsternis in China 1. 2.
 Sonnenuhr 20. 57.
 Sosigenes 29.
 Sothisperiode 3.
 spezifisches Gewicht 64.
 Speusippus 14.
 Sphärenmusik 6. 32.
 Sphärik 16. 28. 31. 37. 52. 59. 61.
 62. 69. 70. 75. 80. 89.
 Sphäroid 22.
 Spina, Alexander von 75.
 Spira 13.
 Spiralen 20. 22. 65.
 spirische Linien 11. 25. 39.
 Sporus 36.
 Stammbrüche 2. 26. 58.
 Stephanus 44.
 stereographische Projektion 25. 33.
 Stereometrie 7. 8. 11. 12. 13. 16. 17.
 18. 22. 26. 28. 32. 38. 41. 59. 79.
 Sternbilder 14. 20.
 Sternpolygone 6. 63. 73. 79. 89. 93.
 Sternwarten 57. 72. 84. 90.
 stetige Grössen 15. 73. 79.
 Strabo 29.
 Strabus, Valafried 49.
 Suicet, Richard 80.
 Sunt-tse 35.
 surdisches Binom 59. 66.
 Sūrya Siddhānta 43. 46.
 swan-pān 1.
 Sylvester II. 56.
 Synesius 39.
- T.**
- Tabulae toledanae 62.
 ta-jän 35.

tangens 55. 89.
 Tarif 90.
 Tcheou-Kong 3.
 Teilung der Figuren 18.
 Terpanchos 3.
 Thabit ben Korra 51.
 Thales 4.
 Theätet 11.
 Theodorich de Vriberg 76.
 Theodorus von Kyrene 11.
 Theodosius von Tripolis 28.
 Theodosius d. Grofse 38.
 Theon von Alexandria 38.
 Theon von Smyrna 32.
 Theophrastus 17.
 Theydius 17.
 Tienyuen-Regel 71. 75.
 Tierkreisrechnung 59.
 Thymaridas 12.
 Timäus 3.
 Timocharis 19.
 Tollet-Rechnung 91.
 Torusfläche 11. 39.
 Toscanelli, Paolo 88.
 Transversalen 18. 53.
 Trapeze 26. 27.
 Treviso, Arithmetik von 90.
 Trigonometrie 25. 31. 33. 44. 49.
 52. 55. 59. 62. 63. 75. 77. 80. 89.
 Trisektion s. Dreiteilung.
 Trivium 41. 47.
 Tschang-tsang 27. 72.
 Tschü-pè 3.
 Tsin Kiu Tchäu 71.
 Tübingen, Univ. 90.
 Turmuhren 81.
 Tyrtanus 17.

U.

Ulpianus 34.
 Ulugbegh 84.
 umbra recta 52.
 umbra versa 55.
 unbestimmte Gleichungen 21. 24.
 26. 35. 36. 41. 45. 54. 59. 66. 67.

V.

Valla, Georg 94.
 Varâhamihira 43.
 Variation des Mondes 56.
 Varro 28.
 velo 85.
 Victorius von Aquitanien 40.
 Vieleckszahlen 13. 14. 24. 32. 34.
 Vijaganita 66.

Villedieu, Alexander von 70.
 Vinci, Leonardo da 93.
 Virgilius von Salzburg 45.
 Visierbüchlein 92.
 Vitellio 75.
 Vitruv 30.
 Volumenberechnung 21. 26. 38. 41.
 57. 58.
 Vorzeichen 93.

W.

Wage der Weisheit 64.
 Wagner, Ulrich 91.
 Wallingford, Richard von 77.
 Walther, Bernhard 90.
 Wasserühren 4. 25.
 Weltsysteme 6. 7. 14. 19. 27. 28. 33.
 Werner, Johannes 95.
 Widmann, Johann 92.
 Wien, Univ. 81.
 Wilhelm 61.
 Witelo 75.
 Würfelverdoppelung 9. 11. 12. 13.
 14. 16. 21. 24. 59. 78.
 Wulst 13.
 Wurf 15. 27.
 Wurzeln 61. 92.
 Wurzelzeichen 87. 92.

X.

Xenokrates 14.

Y.

Yang Huang 72.
 Yih-Hing 45.

Z.

Zahlen 4. 6. 7. 12. 13. 18. 21. 25.
 32. 34. 35.
 Zahlenmystik 6. 67.
 Zahlentheorie 35. 41. 51. 54. 55. 59.
 60. 64. 66. 68. 74.
 Zahlwörter 4. 25. 34. 44.
 Zahlzeichen 34.
 Zaid ibn Rifaa 55.
 Zamberti 95.
 Zarkali 61. 95.
 Zauberapparate 26.
 Zeitrechnung 3. 38. 42. 44. 45. 61.
 Zenodorus 24.
 Zenon von Elea 8.
 Zerlegung in Stammbrüche 2. 26. 58.
 Ziffern, indische und römische 89.
 Zifferrechnen 78.
 Zinsrechnung 41. 82.

Inhalt.

	Seite
I. Zeittafel. 3000—600 v. Chr.	
Älteste Zeit. Ägypter. Babylonier. Chinesen	1
II. Zeittafel. 600—390 v. Chr.	
Anfänge der Mathematik bei den Griechen. Ionische Schule.	
Pythagoras und andere gleichzeitige Philosophen	4
III. Zeittafel. 390—300 v. Chr.	
Platon und die Akademie. Aristoteles und die Peripatetiker .	12
IV. Zeittafel. 300—200 v. Chr.	
Die Blütezeit der griechischen Mathematik	18
V. Zeittafel. 200—50 v. Chr.	
Verfall der griechischen Mathematik	24
VI. Zeittafel. 50 v. Chr. — 200 n. Chr.	
Römer. Menelaus und Ptolemäus. Neupythagoräer.	28
VII. Zeittafel. 200—500.	
Neuplatoniker. Diophant. Kommentatoren.	34
VIII. Zeittafel. 500—750.	
Inder. Beginn der Scholastik des Mittelalters	41
IX. Zeittafel. 750—1100.	
Araber. Klostergelehrte des Mittelalters	46
X. Zeittafel. 1100—1200.	
Die Zeit der lateinischen Übersetzungen arabischer Schriften	62
XI. Zeittafel. 1200—1350.	
Das Wiedererwachen der Wissenschaften in Europa	67
XII. Zeittafel. 1350—1500.	
Der Aufschwung der Mathematik und Astronomie in Deutsch-	
land.	80

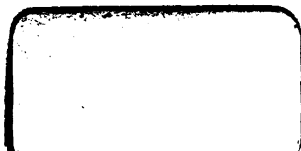
Druckfehler.

Seite	1	Zeile	4 v. u.	Lepsius statt Lipsius. ✓
"	2	"	5 v. o.	Lepsius statt Lipsius. ✓
"	10	"	14 v. o.	Heraklea statt Herakläa. ✓
"	21	"	20 v. o.	Lepsius statt Lipsius. ✓
"	23	"	9 v. u.	Apollonius statt Archimedes. ✓
"	47	"	6 v. o.	Wöpeke statt Wöpche. ✓
"	60	"	6 v. u.	Rhythmomachia statt Rhytmomachia. ✓
"	61	"	6 v. o. III. Abt.	statt Suppl. ✓



3 2044 060 018 884

JOHN G. WOLBACH LIBRARY
HARVARD COLLEGE OBSERVATORY
80 GARDEN STREET
CAMBRIDGE, MASS. 02138



378